



[www.riazisara.ir](http://www.riazisara.ir) سایت ویژه ریاضیات

درسنامه ها و جزوه های دروس ریاضیات

دانلود نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نمونه سوالات و پاسخنامه کنکور

دانلود نرم افزارهای ریاضیات

و...و

کانال سایت ریاضی سرا در تلگرام:

[@riazisara](https://telegram.me/riazisara)

۱۱- با چهار رقم صفر، ۳، ۵ و ۷ بدون تکرار ارقام چند عدد چهار رقمی کوچکتر از ۳۷۰۰ می‌توان نوشت؟

۶) (۴)

۸) (۳)

۵) (۲)

۴) (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۲- حاصل جمع زیر کدام است؟

$$\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{19}\right) + \left(\frac{1}{2} + \frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \dots + \frac{18}{19}\right) = ?$$

۱۸) (۴)

۲۰) (۳)

$\frac{121}{252}$ ) (۲)

$\frac{227}{504}$ ) (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۳- توپی از ارتفاع ۵۶ متری رها می‌شود و هر بار پس از زمین خوردن  $\frac{1}{3}$  ارتفاع قبلی خود بالا می‌رود.

این توپ در لحظه‌ای که برای چهارمین بار به زمین می‌خورد، چند متر را پیموده است؟

۱۵۷) (۴)

۱۰۰) (۳)

۱۵۴) (۲)

۱۰۵) (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۴- حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$-[-(-2+5)-((-1)-(-(-3)))]=?$$

۷) (۴)

-۲) (۳)

-۱) (۲)

۱) (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۵- کدام جمله درست نیست؟

۱) قرینه‌ی کوچک‌ترین عدد صحیح مثبت، از صفر کوچک‌تر است.

۲) بزرگ‌ترین عدد صحیح منفی دو رقمی از کوچک‌ترین عدد صحیح منفی یک رقمی، کوچک‌تر است.

۳) بزرگ‌ترین عدد صحیح منفی، (-۱۰) است.

۴) صفر نه مثبت است و نه منفی.

شما پاسخ نداده اید

۱۶- مجید ۷ سال از برادرش کوچک‌تر و ۲ سال از خواهرش بزرگ‌تر است. اگر مجموع سن هر سه نفرشان ۲۹ سال باشد، سن مجید چند سال است؟

۶) (۴)

۹) (۳)

۱۱) (۲)

۸) (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۷- مقدار عددی عبارت جبری  $5a - 2ab + 3$  به ازای  $a = -4$  و  $b = 2$  کدام است؟

-۱ (۴)

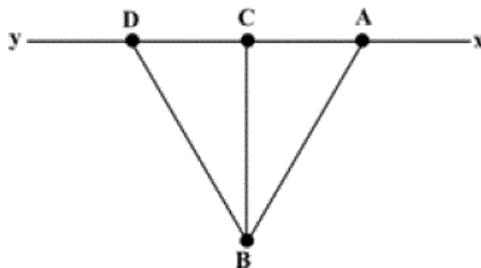
۷ (۳)

۳۹ (۲)

-۳۳ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۸- در شکل زیر، چند نیم خط وجود دارد؟



۵ (۱)

۳ (۲)

۶ (۳)

۷ (۴)

شما پاسخ نداده اید

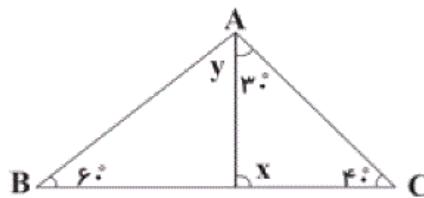
۱۹- در شکل زیر مقدار  $y + x$  برابر با کدام گزینه است؟

$150^\circ$  (۱)

$160^\circ$  (۲)

$140^\circ$  (۳)

$130^\circ$  (۴)



شما پاسخ نداده اید

۲۰- سیزدهمین عدد اول کدام است؟

۴۷ (۴)

۴۳ (۳)

۴۱ (۲)

۳۹ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۲۱- بزرگ‌ترین پیمانه‌ای که با آن بتوان دو ظرف ۱۰۸ لیتری و ۴۸ لیتری را از مایعی پر کرد (به

شرطی که همهٔ محتوای پیمانه را هر بار در یک ظرف خالی کنیم)، چند لیتری است؟

۲۴ (۴)

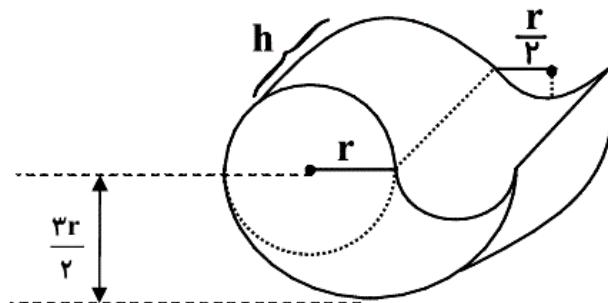
۶ (۳)

۱۲ (۲)

۱۸ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۲۲- حجم شکل زیر کدام است؟



$\frac{15}{8}\pi r^2 h$  (۱)

$2\pi r^2 h$  (۲)

$\frac{3\pi r^2 h}{2}$  (۳)

$\frac{3\pi r^2 h}{4}$  (۴)

شما پاسخ نداده اید

۲۳- مساحت سه وجه مختلف یک مکعب مستطیل  $12 \times 21 \times 28$  واحد مربع است. حجم این مکعب مستطیل چند واحد مکعب است؟ (اندازه‌ی یال‌های مکعب مستطیل اعداد طبیعی است.)

۹۶ (۲)

۱۰۸ (۱)

۸۴ (۴)

۷۲ (۳)

شما پاسخ نداده اید

۲۴- مکعبی فلزی به ضلع ۱۰ را حرارت داده‌ایم. یال‌های آن به اندازه‌ی  $\frac{1}{10}$  طول اولیه بزرگ شده است.

حجم آن چند درصد افزایش یافته‌است؟

۳/۳۱ (۲)

۳۳/۱ (۱)

۲/۲۱ (۴)

۲۲/۱ (۳)

شما پاسخ نداده اید

۲۵- حاصل عبارت  $4^7 \times 5^9 \times 10 \times 75^7 \times 1^6 \times 1 / 2^9$  به صورت عدد توان دار کدام است؟

۳۲۲ (۴)

۳۱۵ (۳)

۹۱۶ (۲)

۹۸ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۲۶- حاصل عبارت  $\sqrt{6 \times \sqrt{3 \times \sqrt{36 \times \sqrt{16}}}}$  کدام است؟

۶ (۴)

۴ (۳)

۲ (۲)

۳۶ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۲۷- اگر  $\vec{BA} = \vec{DC}$  باشد، مختصات  $C = \begin{bmatrix} -4 \\ -4 \end{bmatrix}$  و  $B = \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \end{bmatrix}$ ،  $A = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix}$  نقطه‌ی  $D$  برابر است با:

$\begin{bmatrix} 7 \\ 0 \end{bmatrix}$  (۴)

$\begin{bmatrix} -1 \\ -8 \end{bmatrix}$  (۳)

$\begin{bmatrix} -7 \\ 0 \end{bmatrix}$  (۲)

$\begin{bmatrix} -7 \\ -8 \end{bmatrix}$  (۱)

شما پاسخ نداده اید

۲۸- اگر نقطه‌ی  $A = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$  را با بردار  $\overrightarrow{AA'} = \begin{bmatrix} 3 \\ 5 \end{bmatrix}$  به نقطه‌ی  $A'$  و نقطه‌ی  $A$  را با بردار  $\overrightarrow{A'B} = \begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix}$  ب

نقطه‌ی  $B$  انتقال داده باشیم، مختصات نقطه‌ی  $B$  کدام است؟

$\begin{bmatrix} 7 \\ 10 \end{bmatrix}$  (۴)

$\begin{bmatrix} 7 \\ 6 \end{bmatrix}$  (۳)

$\begin{bmatrix} -1 \\ 2 \end{bmatrix}$  (۲)

$\begin{bmatrix} 5 \\ 8 \end{bmatrix}$  (۱)

شما پاسخ نداده اید

۲۹- مهدی یک بلیط بخت آزمایی به شماره‌ی ۳۵۹ خریداری کرده است. اگر کلاً ۱۰۰۰ بلیط فروخته شده باشد، با کدام احتمال، او برنده‌ی جایزه‌ی نخست می‌شود؟

$$\frac{1}{100} \quad (4)$$

$$0/001 \quad (3)$$

$$/.3/59 \quad (2)$$

$$\frac{359}{1000} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۳۰- نه مهره‌ی مختلف که شماره‌های ۱ تا ۹ روی آنها نوشته شده است داخل کیسه‌ای قرار دارند. احتمال این‌که به تصادف مهره‌ای از داخل کیسه برداریم و شماره‌ی مهره‌ی خارج شده فرد باشد، کدام است؟

$$\frac{5}{9} \quad (4)$$

$$\frac{1}{3} \quad (3)$$

$$\frac{2}{3} \quad (2)$$

$$\frac{4}{9} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

## ریاضی نگاه به گذشته، ریاضی هفتم، - ۱۳۹۶۰۴۲۳

(کتاب آبی)

$$3057 - 3075 - 3570 - 3507$$

۱۱- (صفحه‌ی ۳ کتاب درسی- راهبردهای حل مسئله)

۳

۳

۲

۱ ✓

(کتاب آبی)

در هر پرانتز ۱۸ کسر وجود دارد. کسرها را می‌توانیم طوری باهم جمع کنیم که مسئله ساده‌تر شود:

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{19} + \frac{1}{2} + \frac{2}{3} + \dots + \frac{18}{19} = \\ \underbrace{\left( \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \right)}_1 + \underbrace{\left( \frac{1}{3} + \frac{2}{3} \right)}_1 + \underbrace{\left( \frac{1}{4} + \frac{3}{4} \right)}_1 + \dots + \underbrace{\left( \frac{1}{19} + \frac{18}{19} \right)}_1 = 18 \times 1 = 18 \end{aligned}$$

۳ ✓

۳

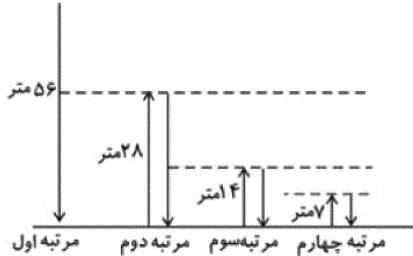
۲

۱

(کتاب آبی)

۱۲- (صفحه‌ی ۸ کتاب درسی- راهبردهای حل مسئله)

استفاده از راهبرد رسم شکل:



دقیق کنید که به غیر از مرحله‌ی اول در همه‌ی مراحل توب یکبار به سمت بالا می‌رود و بار دیگر همان مسافت را به پایین بر می‌گردد.

$$\text{مجموع مسیر طی شده تا مرتبه چهارم که توب به زمین می‌خورد، متر } 56 + 2 \times 28 + 2 \times 14 + 2 \times 7 = 56 + 56 + 42 = 154$$

۳

۳

۲ ✓

۱

(کتاب آبی)

۱۳- (صفحه‌های ۲۲ تا ۲۷ کتاب درسی- عددهای صحیح)

$$\begin{aligned} -[-(-2+5)-((-1)-(-(-3)))] &= \\ -[-(3)-((-1)-3)] &= -[-3-(-4)] = -[-3+4] = -1 \end{aligned}$$

۳

۳

۲ ✓

۱

(کتاب آبی)

۱۴- (صفحه‌های ۱۴ تا ۱۶ کتاب درسی- عددهای صحیح)  
بزرگ ترین عدد صحیح منفی، «-۱» است.

۳

۳ ✓

۲

۱

(کتاب آبی)

۱۵- (صفحه‌های ۱۴ تا ۱۶ کتاب درسی- عددهای صحیح)  
اگر سن مجید را  $x$  فرض کنیم، داریم:

$$\begin{aligned} x - 2 &= \text{سن خواهر مجید}, \\ 29 &\Rightarrow x + (x + 7) + (x - 2) = 29 \Rightarrow \\ x + x + 7 - 2 &= 29 \Rightarrow 3x = 29 - 5 = 24 \Rightarrow 3x = 24 \Rightarrow x = \frac{24}{3} = 8 \end{aligned}$$

۳

۳

۲

۱ ✓

(کتاب آبی)

$$5a - 2ab + 3 = 5(-4) - 2(-4)(2) + 3 = -20 + 16 + 3 = -1$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(کتاب آبی)

۱۸ - (صفحه‌های ۴۲ تا ۴۴ کتاب درسی-هندسه و استدلال)

نیم خط‌های موجود در شکل عبارتند از:

 ۴ ۳ ۲ ۱

(کتاب آبی)

۱۹ - (صفحه‌های ۴۵ تا ۴۷ کتاب درسی-هندسه و استدلال)

$$\begin{aligned} \hat{BAC} &= 180^\circ - (\hat{B} + \hat{C}) \Rightarrow \hat{BAC} = 180^\circ - (60^\circ + 40^\circ) = 80^\circ \\ \hat{y} &= \hat{BAC} - 30^\circ \Rightarrow \hat{y} = 80^\circ - 30^\circ = 50^\circ \\ \hat{x} &= 180^\circ - (30^\circ + 40^\circ) \Rightarrow \hat{x} = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} \hat{x} + \hat{y} = 50^\circ + 110^\circ = 160^\circ \end{array} \right\}$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(کتاب آبی)

۲۰ - (صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸ کتاب درسی-شمارنده‌ها و اعداد اول)

اعداد اول = ۲, ۳, ۵, ۷, ۱۱, ۱۳, ۱۷, ۱۹, ۲۳, ۲۹, ۳۱, ۳۷, ۴۱, ...

 ۴ ۳ ۲ ۱

(کتاب آبی)

۲۱ - (صفحه‌های ۶۴ تا ۶۶ کتاب درسی-شمارنده‌ها و اعداد اول)

در واقع عدد حجم هر پیمانه یک شمارنده برای عدد حجم ظرف حساب می‌شود. پس باید ب.م. حجم دو ظرف، محاسبه شود، تا بتوانیم بزرگ‌ترین پیمانه را مشخص کنیم.

$$(1 \cdot 8, 48) = 12$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

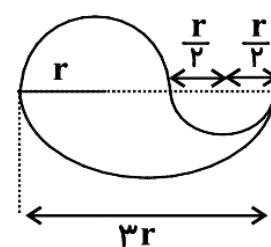
(کتاب آبی)

۲۲ - (صفحه‌های ۷۳ تا ۷۵ و ۸۴ تا ۸۶ کتاب درسی-سطح و حجم، توان و جذر)

به مساحت قاعده توجه کنید: قاعده شامل یک نیم دایره کامل به شعاع  $\frac{r}{2}$  است که نیم دایره‌ای به شعاع  $\frac{r}{2}$  از آن کم شده و نیم دایره‌ای به شعاع  $r$  به آن اضافه شده است.

$$(\frac{\pi r^2}{2} + \frac{\pi(\frac{r}{2})^2}{2} - \frac{\pi(\frac{r}{2})^2}{2}) \times h = \text{ارتفاع} \times \text{مساحت قاعده} = \text{حجم}$$

$$= h \times (\frac{\pi r^2}{2} + \frac{\pi r^2}{8} - \frac{\pi r^2}{8}) = \frac{\pi r^2 h}{2} (1 + \frac{1}{4} - \frac{1}{4}) = \frac{3\pi r^2 h}{8}$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

اگر اندازه‌ی ابعاد مکعب مستطیل،  $a$ ،  $b$  و  $c$  باشد، داریم:

$$\text{حجم مکعب مستطیل} = a \times b \times c$$

$$= a \times b \times b \times c \times c \times a = a^2 \times b^2 \times c^2 = (a \times b \times c)^2$$

$$\text{جذر حاصل ضرب مساحت سه وجه} = \text{حجم مکعب مستطیل}$$

بنابراین حاصل ضرب مساحت سه وجه مختلف یک مکعب مستطیل همواره برابر با مجذور حجم است.

$$\text{حجم} = \sqrt{28 \times 21 \times 12} = \sqrt{7 \times 4 \times 7 \times 3 \times 3 \times 4} = 7 \times 4 \times 3 = 84$$

۴✓

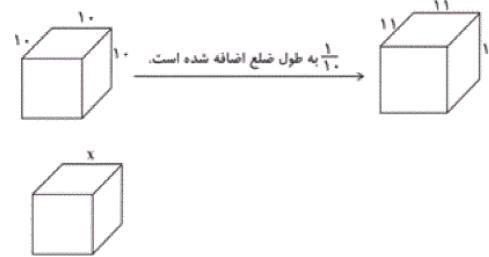
۳

۲

۱

$$\text{حجم جدید} = 1331$$

$$\text{میزان افزایش حجم} = 331 - 1000 = 331$$



$$\frac{331}{1000} = \frac{x}{100} \Rightarrow x = \frac{100 \times 331}{1000} = 33/1$$

۴

۳

۲

۱✓

$$2^9 \times 0.75^7 \times 1^9 \times 1/5^9 \times 4^7 = (2 \times 1/5)^9 \times (0.75 \times 4)^7 \times 1 = 3^9 \times 3^7 \times 1 = 3^{16} = (3^2)^8 = 9^8$$

۴

۳

۲

۱✓

از رادیکال داخلی شروع می‌کنیم.

$$\sqrt{16} = 4 \rightarrow \sqrt{36 \times 4} = 12$$

$$\sqrt{3 \times 12} = 6, \sqrt{6 \times 6} = 6$$

۴✓

۳

۲

۱

$$A = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \end{bmatrix}, C = \begin{bmatrix} -4 \\ -4 \end{bmatrix}$$

$$\vec{BA} = \vec{DC}$$

$$\vec{BA} = A - \text{نقطه‌ی } B = \vec{DC} = C - \text{نقطه‌ی } D$$

$$\begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 \\ -4 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 \\ -4 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4-x \\ -4-y \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -7 \\ 0 \end{bmatrix}$$

۴

۳

۲✓

۱

(کتاب آبی)

$$\mathbf{A} + \overrightarrow{\mathbf{AA'}} = \mathbf{A'}$$

$$\mathbf{A'} = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 8 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{A'} + \overrightarrow{\mathbf{A'B}} = \mathbf{B}$$

$$\mathbf{B} = \begin{bmatrix} 5 \\ 8 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 \\ 6 \end{bmatrix}$$

۳

۳✓

۲

۱

(کتاب آبی)

(صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۰ کتاب درسی—آمار و احتمال)

$$\text{احتمال برنده شدن} = \frac{\text{تعداد بلیط‌های فروخته شده به مهدی}}{\text{کل بلیط‌ها}} = \frac{1}{1000} = .001$$

۳

۳✓

۲

۱

(کتاب آبی)

(صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۰ کتاب درسی—آمار و احتمال)

{1, 3, 5, 7, 9} = اعداد فرد داخل کیسه

$$\text{احتمال} = \frac{5}{9}$$

۳✓

۳

۲

۱