



www.riazisara.ir سایت ویژه ریاضیات

درسنامه ها و جزوه های دروس ریاضیات

دانلود نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نمونه سوالات و پاسخنامه کنکور

دانلود نرم افزارهای ریاضیات

و...و

کانال سایت ریاضی سرا در تلگرام:

[@riazisara](https://telegram.me/riazisara)

ریاضی ، ریاضی ۳ ، معادله و تابع‌های درجه‌ی دوم - ۱۳۹۵۱۱۱۵

۸۱- معادله‌ی زیر، یک معادله‌ی درجه ... و دارای ... است.

$$4(x+1)^2 = (2x+3)^2$$

- (۱) اول - یک ریشه‌ی منفی
- (۲) دوم - دو ریشه‌ی مثبت
- (۳) اول - یک ریشه‌ی مثبت
- (۴) دوم - دو ریشه‌ی منفی

شما پاسخ نداده اید

۸۲- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) در هر معادله‌ی درجه‌ی دوم، ضریب جمله‌ی درجه‌ی دوم مخالف صفر است.
(۲) اگر مبین معادله‌ی درجه‌ی دوم بزرگ‌تر از صفر باشد، معادله دارای دو جواب متمایز است.

$$3x^2 - 7x - 3 = 2x^2 \text{ دارای دو ریشه‌ی حقیقی است.}$$

(۴) برای هر دو عدد حقیقی a و b ، اگر $ab = 0$ باشد، آن‌گاه $a = 0$ و $b = 0$ است.

شما پاسخ نداده اید

۸۳- اگر معادله‌ی زیر را بخواهیم به روش تجزیه حل کنیم، به فرم $= 0$ تبدیل می‌شود، حاصل $b - a$ کدام است؟

$$x^2 - 6x + b = 0$$

(۱) ۱۲

(۲) -۱۲

(۳) ۴

(۴) -۴

شما پاسخ نداده اید

۸۴- اگر معادله‌ی $= 0$ را بخواهیم به روش مربع کامل حل کنیم، در این صورت از کدام عدد باید جذر بگیریم؟

(۱) $\frac{10}{9}$

(۲) $\frac{4}{3}$

(۳) $\frac{13}{9}$

(۴) $\frac{11}{9}$

شما پاسخ نداده اید

۸۵- معادله‌ی $= 0$ به ازای $a \neq 0$... دارای ریشه‌ی مضاعف مثبت است.

(۱) دارای ریشه‌ی مضاعف منفی است.

(۲) دارای دو ریشه‌ی متمایز می‌باشد.

(۳) دارای ریشه‌ی حقیقی ندارد.

شما پاسخ نداده اید

۸۶- معادله‌ی درجه‌ی دومی که $\alpha = \sqrt{2} - 1$ و $\beta = -\sqrt{2} - 1$ ریشه‌های آن باشد، کدام است؟

$$2x^2 + x - 1 = 0$$

$$2x^2 - x + 1 = 0$$

$$x^2 + 3x - 1 = 0$$

$$x^2 + 2x - 1 = 0$$

شما پاسخ نداده اید

۸۷- اگر x' و x'' ریشه‌های معادله‌ی $= 0$ باشند، مقدار m چقدر باشد تا داشته باشیم: $x' + x'' + 6 = 0$

(۱) ۱۰

(۲) -۱۰

(۳) ۸

(۴) -۸

شما پاسخ نداده اید

-۸۸- به ازای کدام مقدار m ، معادله $\frac{x}{m-x} + \frac{m-x}{x} = \frac{m}{x}$ دارای جواب $x=2$ است؟

-۳ (۴)

۳ (۳)

-۴ (۲)

۴ (۱)

شما پاسخ نداده اید

-۸۹- در معادله کسری $\frac{3}{2x} - \frac{2}{x-1} = -\frac{3}{2}$ ، مجموع ریشه ها کدام است؟

$\frac{1}{3}$ (۴)

$\frac{3}{4}$ (۳)

$\frac{2}{3}$ (۲)

$\frac{4}{3}$ (۱)

شما پاسخ نداده اید

-۹۰- تعداد جواب های حقیقی معادله رادیکالی $\sqrt{x+2} \times \sqrt{x-1} = 2$ کدام است؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳ - سوالات موازی ، معادله و تابع های درجه دوم - ۱۳۹۵۱۱۱۵

-۹۱- حدود m ، برای اینکه معادله $mx^2 + (m-1)x - 4x^2 - 8 = 0$ یک معادله درجه دوم باشد، کدام است؟

$R - \{4\}$ (۲)

(۱) $\{0\}$

$\{4\}$ (۴)

(۳) $\{0\}$

.. ..

شما پاسخ نداده اید

-۹۲- به ازای کدام یک از مقادیر m ، معادله $(m+2)x^2 + (m^2 - 4)x - 2 = 0$ دارای دو ریشه قرینه می باشد؟

$m = \pm 2$ (۲)

(۱) فقط $m = 2$

m هیچ مقدار

(۳) فقط $m = -2$

شما پاسخ نداده اید

-۹۳- اگر a و b ریشه های معادله $x^2 - 2x + b = 0$ باشند، در این صورت $2a + b$ کدام است؟

۴) صفر

۲ (۳)

۳ (۲)

-۳ (۱)

شما پاسخ نداده اید

-۹۴- اگر $f(x) = -3x^2 - x + 4$ و $f(p) = 0$ عددی صحیح باشد، مقدار $f(p+1)$ کدام است؟

-۱۰ (۴)

-۸ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

شما پاسخ نداده اید

-۹۵- اگر α و β ریشه های معادله $x^2 - 3x - 1 = 0$ باشند، حاصل $\sqrt{\alpha^2(\beta+1)}$ کدام است؟

$\sqrt{3}$ (۴)

$\sqrt{2}$ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

شما پاسخ نداده اید

-۹۶- اگر یکی از ریشه های معادله $ax^2 + bx + c = 0$ برابر -1 باشد، ریشه دیگر آن کدام است؟

$\frac{b}{a} - 1$ (۴)

$1 - \frac{b}{a}$ (۳)

$-\frac{b}{a}$ (۲)

$-1 - \frac{b}{a}$ (۱)

شما پاسخ نداده اید

$$\dots \left(\frac{x}{3} - 2 \right)^2 - 11 \left(\frac{x}{3} - 2 \right) + 10 = 0$$

- (۱) دو جواب گنگ و دو جواب گویا دارد.
 (۲) چهار جواب صحیح دارد.
 (۳) دو جواب دارد.

شما پاسخ نداده اید

$$198-\text{جواب معادله } \sqrt{x+1} = x - 2 \text{ کدام است؟}$$

$$\frac{-5 - \sqrt{13}}{2} \quad (4)$$

$$\frac{-5 + \sqrt{13}}{2} \quad (3)$$

$$\frac{5 - \sqrt{13}}{2} \quad (2)$$

$$\frac{5 + \sqrt{13}}{2} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

199- مجموع جواب‌های معادله‌ی زیر کدام است؟

$$\frac{2x+1}{x-1} = \frac{2x-1}{x} + \frac{3x+1}{2x-2}$$

$$-\frac{11}{7} \quad (4)$$

$$\frac{11}{7} \quad (3)$$

$$\frac{7}{3} \quad (2)$$

$$-\frac{7}{3} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

200- حل یک مسئله منجر به تشکیل یک معادله‌ی درجه دوم شده است. دانش‌آموز اول فقط عدد ثابت معادله را اشتباه به دست آورده و دانش‌آموز دوم فقط در ضریب x اشتباه کرده است. اگر دانش‌آموز اول جواب‌های ۱ و ۴ و دانش‌آموز دوم جواب‌های ۱ و ۶ را برای مسئله به دست آورده باشد، جواب‌های واقعی مسئله کدام است؟

$$3 \text{ و } 2 \quad (4)$$

$$1 \text{ و } 3 \quad (3)$$

$$4 \text{ و } 1 \quad (2)$$

$$6 \text{ و } 4 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ۳، معادله و تابع‌های درجه دوم - ۱۳۹۵۱۱۵

مبحث: معادله و تابع‌های درجه دوم

(همید زرین‌کفش، صفحه‌ی ۵۳ و ۵۴)

-۸۱

ابتدا دو طرف معادله را با استفاده از اتحاد مربع دو جمله به توان می‌رسانیم:

$$\begin{aligned} 4(x+1)^2 &= (2x+3)^2 \Rightarrow 4(x^2 + 2x + 1) = 4x^2 + 12x + 9 \\ \Rightarrow 4x^2 + 8x + 4 &= 4x^2 + 12x + 9 \Rightarrow 8x - 12x = 9 - 4 \\ \Rightarrow -4x = 5 &\Rightarrow x = -\frac{5}{4} \end{aligned}$$

۴

۳

۲

۱ ✓

(محمدعلی کاظم‌نظری، صفحه‌ی ۵۳ تا ۵۷)

-۸۲

برای هر دو عدد حقیقی a, b ، اگر $ab = 0$ باشد، آن‌گاه $a = 0$ یا $b = 0$ است.

۴ ✓

۳

۲

۱

(سجاد محمدنژاد، صفحه‌ی ۵۳ تا ۵۷)

-۸۳

$$\begin{aligned} x^2 - 6x + b &= (x-2)(x+a) = 0 \\ \Rightarrow x^2 - 6x + b &= x^2 - 2x + ax - 2a \\ \Rightarrow \begin{cases} a - 2 = -6 \Rightarrow a = -4 \\ b = -2a \xrightarrow{a=-4} b = -2 \times -4 = 8 \end{cases} \\ \Rightarrow b - a &= 8 - (-4) = 12 \end{aligned}$$

۴ ✓

۳

۲

۱

(همید زرین‌کش، صفحه‌ی ۵۹ تا ۶۲)

برای حل معادله‌ی درجه دوم به روش مربع کامل ابتدا عدد ثابت را به طرف دیگر تساوی منتقل می‌کنیم و سپس طرفین معادله را به ضریب x^2 تقسیم می‌کنیم و در نهایت مربع نصف ضریب x را به طرفین معادله اضافه می‌کنیم.

$$\frac{-3x^2 - 2x + 4 = 0}{\text{طرفین معادله را به } -3 \rightarrow} \Rightarrow -3x^2 - 2x = -4 \quad \begin{matrix} \text{مربع نصف ضریب } x \text{ را به} \\ \text{طرفین معادله اضافه می‌کنیم.} \end{matrix}$$

$$\frac{-3x^2 - 2x = -4}{-3 - 2x = -4} \Rightarrow x^2 + \frac{2}{3}x = \frac{4}{3} \quad \begin{matrix} \text{مربع نصف ضریب } x \text{ را به} \\ \text{طرفین معادله اضافه می‌کنیم.} \end{matrix}$$

$$x^2 + \frac{2}{3}x + (\frac{1}{2} \times \frac{2}{3})^2 = \frac{4}{3} + (\frac{1}{2} \times \frac{2}{3})^2$$

$$\Rightarrow x^2 + \frac{2}{3}x + \frac{1}{9} = \frac{4}{3} + \frac{1}{9} \Rightarrow (x + \frac{1}{3})^2 = \frac{13}{9}$$

پس می‌بایست از عدد $\frac{13}{9}$ جذر بگیریم.

۴

۳

۲ ✓

۱

(همید زرین‌کش، صفحه‌ی ۶۷ تا ۶۲)

ابتدا می‌بین (Δ) را به دست می‌آوریم:

$$\frac{ax^2 - 4x + \frac{1}{a} = 0}{a'x^2 + b'x + c' = 0} \xrightarrow{\text{مقایسه با فرم استاندارد}} \begin{cases} a' = a \\ b' = -4 \\ c' = \frac{1}{a} \end{cases}$$

$$\Delta = b'^2 - 4a'c' = (-4)^2 - 4 \times a \times \frac{1}{a} = 16 - 4 = 12 > 0$$

پس معادله دارای دو ریشه‌ی متمایز است.

۴ ✓

۳

۲

۱

(محمد بهیرایی، صفحه‌ی ۶۷ تا ۶۰)

اگر α و β ریشه‌های معادله‌ی درجه‌ی دومی باشند، آن‌گاه:

$$(x - \alpha)(x - \beta) = 0 \Rightarrow x^2 - (\alpha + \beta)x + \alpha\beta = 0$$

$$\begin{cases} \alpha + \beta = -\sqrt{2} - 1 + \sqrt{2} - 1 = -2 \\ \alpha\beta = (\sqrt{2} - 1)(-\sqrt{2} - 1) = -2 + 1 = -1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow x^2 - (-2)x + (-1) = 0 \Rightarrow x^2 + 2x - 1 = 0$$

۴

۳

۲

۱ ✓

(فرداد روشی، صفحه‌ی ۶۷ تا ۷۰)

اگر x' و x'' ریشه‌های معادله باشند، داریم:

$$x^2 - 3x + m = 0 \xrightarrow{\text{مقایسه با فرم استاندارد}} \begin{cases} a = 1 \\ b = -3 \\ c = m \end{cases}$$

$$\Rightarrow \text{مجموع ریشه‌ها} : x' + x'' = \frac{-b}{a} = \frac{-(-3)}{1} = 3 \quad (1)$$

$$(x' + x'')x'' + 6 = 0 \xrightarrow{(1)} 3x'' + 6 = 0$$

$$x'' = -2 \xrightarrow{\text{ریشه‌ی معادله}} (-2)^2 - 3(-2) + m = 0$$

$$\Rightarrow 4 + 6 + m = 0 \Rightarrow m = -10$$

۴

۳ ✓

۲

۱

(فرداد روشی، صفحه‌ی ۷۰ تا ۷۳)

$$x = 2 \Rightarrow \frac{2}{m-2} + \frac{m-2}{2} = \frac{m}{2} \Rightarrow \frac{2}{m-2} + \frac{m-2}{2} - \frac{m}{2} = 0$$

$$\Rightarrow \frac{4 + (m-2)^2 - m(m-2)}{2(m-2)} = 0 \Rightarrow 4 + m^2 - 4m + 4 - m^2 + 2m = 0$$

$$\Rightarrow -2m + 8 = 0 \Rightarrow -2m = -8 \Rightarrow m = 4$$

۴

۳

۲

۱ ✓

(کورش (لودی)، صفحه‌ی ۷۰ تا ۷۳)

$$\frac{3(x-1) - 2(2x)}{2x(x-1)} = \frac{-3}{2} \Rightarrow \frac{3x - 3 - 4x}{2x^2 - 2x} = \frac{-3}{2}$$

$$\frac{-x - 3}{2x^2 - 2x} = \frac{-3}{2} \Rightarrow -6x^2 + 6x = -2x - 6$$

$$-6x^2 + 6x + 2x + 6 = 0 \Rightarrow -6x^2 + 8x + 6 = 0$$

$$\xrightarrow{\text{مقایسه با فرم استاندارد}} \begin{cases} a = -6 \\ b = 8 \\ c = 6 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \Delta = b^2 - 4ac = 8^2 - 4 \times (-6)(6) = 64 + 144 = 208 > 0$$

پس معادله دارای دو ریشه می‌باشد.

$$x_1 + x_2 = -\frac{b}{a} = -\frac{8}{-6} = \frac{4}{3}$$

دقت کنید $x=1, x=2$ ریشه‌های معادله پایانی نمی‌باشند و هر دو ریشه‌ی معادله قابل قبول است.

۴

۳

۲

۱ ✓

(فاطمه فهیمیان، صفحه‌ی ۷۰ تا ۷۱)

$$\begin{aligned} \sqrt{x+2} \times \sqrt{x-1} = 2 &\Rightarrow \sqrt{(x+2)(x-1)} = 2 \Rightarrow \sqrt{x^2 + x - 2} = 2 \\ \Rightarrow x^2 + x - 2 = 4 &\Rightarrow x^2 + x - 6 = 0 \Rightarrow (x+3)(x-2) = 0 \\ \begin{cases} x+3=0 \Rightarrow x=-3 \\ x-2=0 \Rightarrow x=2 \end{cases} & \text{غ.ق.ق.} \end{aligned}$$

۴

۳

۲✓

۱

ریاضی ، ریاضی ۳ - سوالات موازی ، معادله و تابع‌های درجه‌ی دوم - ۱۳۹۵۱۱۱۵

مبحث: معادله و تابع‌های درجه دوم

-۹۱

(مبید خدایی، صفحه‌ی ۵۰ و ۵۱)

فرم کلی هر معادله‌ی درجه‌ی دوم به صورت $ax^2 + bx + c = 0$ می‌باشد که $(a \neq 0)$ بنابراین:

$$mx^2 + (m-1)x - 4x^2 - 8 = 0$$

$$\Rightarrow (m-4)x^2 + (m-1)x - 8 = 0 \xrightarrow{a \neq 0} m-4 \neq 0 \Rightarrow m \neq 4$$

 $\Rightarrow m : \mathbb{R} - \{4\}$

۴

۳

۲✓

۱

(مبید خدایی، صفحه‌ی ۵۷ و ۵۸)

-۹۲

برای این‌که معادله‌ی درجه‌ی دوم $ax^2 + bx + c = 0$ ، دارای دو ریشه‌ی قرینه باشد،دو شرط لازم است: ۱) $b = 0$ ۲) $\frac{c}{a} < 0$

$$(m+2)x^2 + (m^2 - 4)x - 2 = 0 \xrightarrow{\text{مقایسه با فرم استاندارد}} ax^2 + bx + c = 0 \quad \begin{cases} a = m+2 \\ b = m^2 - 4 \\ c = -2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow m^2 - 4 = 0 \Rightarrow m = \pm 2$$

$$\begin{cases} m = 2 \Rightarrow 4x^2 - 2 = 0 \Rightarrow x^2 = \frac{1}{2} \Rightarrow x = \pm \frac{\sqrt{2}}{2} \\ m = -2 \Rightarrow -2 = 0 \end{cases} \quad \text{غ.ق.ق.}$$

پس به ازای $m = 2$ معادله دارای دو ریشه‌ی قرینه می‌باشد.

۴

۳

۲

۱✓

(همید زرین‌کفش، صفحه‌ی ۶۷ تا ۶۸)

$$x^2 - 2x + b = 0 \xrightarrow{\text{مقایسه با فرم استاندارد}} \begin{cases} a' = 1 \\ b' = -2 \\ c' = b \end{cases}$$

$$\frac{-b'}{a'} \Rightarrow a + (-1) = \frac{-(-2)}{1} \Rightarrow a = 3 \quad (1)$$

$$\frac{c'}{a'} \Rightarrow a \times (-1) = \frac{b}{1} \xrightarrow{(1)} 3 \times (-1) = b \Rightarrow b = -3$$

$$2a + b = 2 \times 3 - 3 = 3$$

۴

۳

۲ ✓

۱

(محمد بهیرایی، صفحه‌ی ۶۲ تا ۶۳)

$$f(p) = -3p^2 - p + 4 = 0 \xrightarrow{ax^2 + bx + c = 0} \begin{cases} a = -3 \\ b = -1 \\ c = 4 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \Delta = b^2 - 4ac \Rightarrow \Delta = 1 - 4 \times (-3) \times 4 = 1 + 48 = 49$$

$$p_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} \Rightarrow p_1 = \frac{1+7}{-6} = -\frac{4}{3}$$

$$p_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} \Rightarrow p_2 = \frac{1-7}{-6} = 1$$

چون p عددی صحیح است، $p_2 = 2$ قابل قبول است. بنابراین:

$$\Rightarrow f(p+1) = f(2) = -3 \times 2^2 - 2 + 4 = -10$$

۴ ✓

۳

۲

۱

(سولیمان گانپور، صفحه‌ی ۶۷ تا ۶۸)

چون α و β ریشه‌های معادله هستند، در آن صدق می‌کنند.

$$x = \beta \Rightarrow \beta^2 - 3\beta - 1 = 0 \Rightarrow 3\beta + 1 = \beta^2$$

$$\sqrt{\alpha^2(3\beta + 1)} = \sqrt{\alpha^2\beta^2}$$

حاصل ضرب ریشه‌ها در معادله درجه‌ی دوم $ax^2 + bx + c = 0$ برابر $\frac{c}{a}$ است.بنابراین حاصل ضرب ریشه‌های معادله درجه‌ی دوم $\alpha\beta = \frac{c}{a} = -1$ است.

$$\sqrt{\alpha^2(3\beta + 1)} = \sqrt{\alpha^2\beta^2} = \sqrt{(\alpha\beta)^2} = \sqrt{(-1)^2} = \sqrt{1} = 1$$

۴

۳

۲

۱ ✓

(سولیل حسن فان پور، صفحه‌ی ۶۷ تا ۷۰)

در معادله درجه دوم $ax^2 + bx + c = 0$ مجموع ریشه‌ها برابر $\frac{-b}{a}$ است، فرض

می‌کنیم ریشه‌ی دیگر معادله x_1 باشد:

$$x_1 + (-1) = \frac{-b}{a} \Rightarrow x_1 = \frac{-b}{a} + 1$$

۴

۳ ✓

۲

۱

(فرداد روشندی، صفحه‌ی ۷۲ تا ۷۴)

با استفاده از تغییر متغیر داریم:

$$\frac{x^2}{3} - 2 = t \Rightarrow t^2 - 11t + 10 = 0 \Rightarrow (t-1)(t-10) = 0$$

$$t=1 \Rightarrow \frac{x^2}{3} - 2 = 1 \Rightarrow x^2 = 9 \Rightarrow x = \pm 3$$

$$t=10 \Rightarrow \frac{x^2}{3} - 2 = 10 \Rightarrow x^2 = 36 \Rightarrow x = \pm 6$$

پس معادله ۴ جواب صحیح دارد.

۴

۳

۲ ✓

۱

(فرداد روشندی، صفحه‌ی ۷۱ تا ۷۳)

$$\sqrt{x+1} = x-2 \xrightarrow{\text{طرفین به توان ۲}} x+1 = (x-2)^2 \Rightarrow x+1 = x^2 - 4x + 4$$

$$\Rightarrow x^2 - 5x + 3 = 0 \xrightarrow{\substack{\text{مقایسه با فرم استاندارد} \\ ax^2 + bx + c = 0}} \begin{cases} a = 1 \\ b = -5 \\ c = 3 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \Delta = b^2 - 4ac = (-5)^2 - 4 \times (1) \times (3) = 25 - 12 = 13$$

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} \Rightarrow x_1 = \frac{-(-5) + \sqrt{13}}{2 \times 1} = \frac{5 + \sqrt{13}}{2} \quad \text{ق.ق.}$$

$$x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} \Rightarrow x_2 = \frac{-(-5) - \sqrt{13}}{2 \times 1} = \frac{5 - \sqrt{13}}{2} \quad \text{غ.ق.ق.}$$

ریشه‌ی $x_2 = \frac{5 - \sqrt{13}}{2}$ قابل قبول نمی‌باشد زیرا طرف راست معادله منفی می‌شود

و طرف چپ معادله که رادیکال است، عددی نامنفی است پس در تناقض می‌باشد.

۴

۳

۲

۱ ✓

$$\frac{2x+1}{x-1} = \frac{2x-1}{x} + \frac{3x+1}{2x-2}$$

ابتدا طرفین معادله را در ک.م. مخرج‌ها ضرب می‌کنیم:

ک.م. مخرج‌ها: $2(x)(x-1)$

$$\begin{aligned} 2x(x-1) \left(\frac{2x+1}{x-1} = \frac{2x-1}{x} + \frac{3x+1}{2(x-1)} \right) \\ \Rightarrow 2x(2x+1) = 2(x-1)(2x-1) + x(3x+1) \\ \Rightarrow 4x^2 + 2x = 4x^2 - 6x + 2 + 3x^2 + x \\ \Rightarrow 3x^2 - 7x + 2 = 0 \xrightarrow{\text{مقایسه با فرم استاندارد } ax^2 + bx + c = 0} \begin{cases} a = 3 \\ b = -7 \\ c = 2 \end{cases} \\ \Rightarrow \Delta = b^2 - 4ac = (-7)^2 - 4 \times 3 \times 2 = 25 > 0 \end{aligned}$$

پس معادله دو ریشه دارد.

$$S = \frac{-b}{a} = \frac{-(-7)}{3} = \frac{7}{3}$$

دقت کنید. $x=1, x=2$ ریشه‌های معادله نهایی نمی‌باشند پس هر دو ریشه بدست آمده قابل قبول‌اند.

۴

۳

۲

۱

عدد ثابت غلط است. $(x-1)(x-4) = 0 \Rightarrow x^2 - 5x + 4 = 0$: دانش‌آموز اول

ضریب x غلط است. $(x-1)(x-6) = 0 \Rightarrow x^2 - 7x + 6 = 0$: دانش‌آموز دوم

$$x^2 - 5x + 6 = 0 \Rightarrow (x-2)(x-3) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = 3 \end{cases}$$

۴

۳

۲

۱