

تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۱۳

زمان آزمون: ۱۲۰ دقیقه

ساعت شروع: ۱۵:۳۰ عصر

نام دبیر:

مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش



جمهوری اسلامی ایران
وزارت آموزش و پرورش

نام استان/منطقه/مدرسه:

نام و نام خانوادگی:

نام پدر:

کد دانشآموز:

مهرآموزگاه

سوالات آزمون هماهنگ کشوری درس ریاضی پایه نهم خرداد ماه ۱۴۰۳ - نوبت عصر

سالروز اتحال رهبر کبیر انقلاب اسلامی ایران و شهدای پانزده خرداد تسلیت باد

توجه: استفاده از ماشین حساب در این آزمون ممنوع است.

این آزمون در ۴ صفحه و ۵ بند تنظیم شده است.

سوالات

ردیف	بارم	سوالات
		درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید.
۳	۱	<p>الف) الف) مجموعه تهی، زیر مجموعه هر مجموعه ای است. <input type="checkbox"/> درست <input type="checkbox"/> نادرست</p> <p>ب) کسر $\frac{4}{3}$ ، دارای نمایش اعشاری مختوم است. <input type="checkbox"/> درست <input type="checkbox"/> نادرست</p> <p>ج) در هر مثلث، اندازه هر زاویه خارجی، برابر با مجموع دو زاویه داخلی غیر مجاور با آن است. <input type="checkbox"/> درست <input type="checkbox"/> نادرست</p> <p>د) حاصل عبارت $1^{-(2-3)}$، برابر با $2^+ = 2$ است. <input type="checkbox"/> درست <input type="checkbox"/> نادرست</p>
۴	۱	<p>در جاهای خالی، عدد یا عبارت مناسب بنویسید.</p> <p>الف) تعداد همه زیر مجموعه های یک مجموعه دو عضوی، برابر است با</p> <p>ب) حاصل $\frac{13}{6}$ پس از گویا کردن مخرج، برابر است با</p> <p>ج) اگر $a^3 b > 0$ باشد، آنگاه b عددی است.</p> <p>د) درجه چند جمله ای $y^5 + 4x^3y + 4x^3 - 2x^m$ نسبت به هر دو متغیر x, y برابر با است.</p>
۵	۱	<p>در هر سؤال، گزینه صحیح را با علامت ✓ مشخص کنید.</p> <p>۱- کدامیک از گزینه های زیر، یک مجموعه را نمایش می دهد؟</p> <p>الف) اعداد طبیعی کوچکتر از یک ب) چهار عدد فرد متوالی ج) سه شهر ایران د) پنج عدد بزرگ</p> <p>۲- نمودار خط به معادله $y = -3x - 2$ کدام یک از گزینه های زیر می تواند باشد؟</p> <p>(الف) (d) (j) (b) </p> <p>۳- اگر خانواده ای دارای سه فرزند باشد، احتمال آنکه دقیقاً یک فرزند دختر داشته باشند، برابر است با:</p> <p>الف) $\frac{1}{3}$ (ب) $\frac{3}{8}$ (ج) $\frac{1}{8}$ (د) $\frac{7}{8}$</p> <p>۴- کدام یک از گزینه های زیر، با $\frac{-x+3}{x+5}$ برابر است؟</p> <p>الف) $\frac{x+3}{x+5}$ (ب) $\frac{-x-3}{x+5}$ (ج) $\frac{x-3}{x+5}$ (د) $\frac{-x-x}{x+5}$</p>
		ادامه سوالات در صفحه بعد

هر عبارت سمت راست را به عبارت مناسب در سمت چپ وصل کنید یا به صورت (مثال: $b \leftarrow d \rightarrow$) بنویسید.

الف

(a)

ب

(b)

ج

(c)

د

(d)

الف) ریشه سوم عدد -۲۷

ب) نزدیکترین عدد صحیح به عدد $\sqrt{2}$

ج) تعداد وجه های یک هرم با قاعده مثلث

د) ضریب عددی x در ساده شده عبارت $(x+2)(x-2)$ ۶/۱۰
۶/۱۰
۶/۱۰
۶/۱۰

۱

۱) اگر $\{-1, 10, 15\} = A$ و $\{-1, 12\} = B$ باشد، جاهای خالی را با عبارت یا نماد مناسب پر کنید.

 $\{ -1 \} \dots\dots A$ ج) علامت \notin یا \subseteq بگذارید. $n(A \cup B) =$ (d) $B - A = \{ \dots \}$

الف)

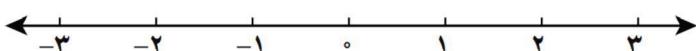
ب)

۱

۲) الف) اگر $a = ۵/۲۵$ ، $b = \frac{-1}{۴}$ باشد، آنگاه مقدار عبارت روبرو را محاسبه کنید.

 $۲|a-b| =$

ب) مجموعه $A = \{x \in \mathbb{R} | x \geq -2\}$ را روی محور نمایش دهید.

۶/۱۰
۶/۱۰

۰/۵



۳) سامان و سحر، دوقلو هستند و هر دو در کلاس نهم تحصیل می کنند. آنها به همراه والدین خود به بازار فرش رفته بودند.

این گفتگو بین آنها شکل گرفت: سامان گفت

که فرش ۶ متری (۲×۳)

با فرش ۱۲ متری (۳×۴)

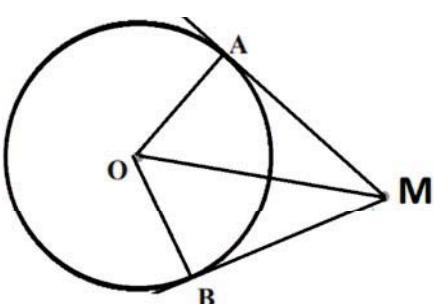
۰/۵

متشابه است. چون هر دو مستطیل هستند و نسبت تشابه آنها، دو است. اما سحر مخالف بود.

شما با کدامیک موافق هستید و چرا؟

۰/۷۵

۴) از نقطه M ، دو خط بر دایره مماس شده و نقطه O مرکز دایره است.



می خواهیم ثابت کنیم: $\triangle OAM \cong \triangle OBM$

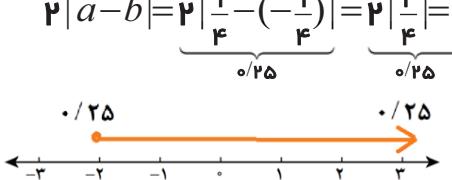
در این صورت، فقط قسمت فرض مسأله را بنویسید.

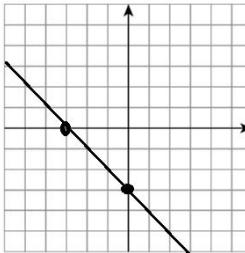
ادامه سوالات در صفحه بعد

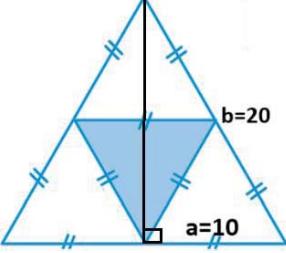
۲

۰/۵	$(b^{-1})^3 \times b^3 =$	۵) الف) حاصل عبارت رو برو را به صورت یک عدد تواندار بنویسید. ($b \neq 0$)	
۰/۵		ب) قطر یک گلوبول قرمز (گویچه) 7×10^{-7} میلی متر است. این عدد را با نماد علمی نمایش دهید.	
۰/۲۵	$\sqrt{5} + \sqrt{4} \dots \sqrt{5+4}$	ج) در جای خالی یکی از علامت های $<$ یا $=$ یا $>$ را قرار دهید.	
۱	$(\sqrt{3}+1)^3 =$	۶) الف) حاصل عبارت مقابل را به کمک اتحاد ها بدست آورید.	
۰/۵	$y^4 - y - 6 = (y +)(y -)$	ب) عبارت مقابل را کامل کنید. (تجزیه)	
۰/۷۵	۷) یک شرکت، حقوق ماهانه کارمندان خود را این گونه محاسبه می کند: حقوق پایه هر کارمند دوازده میلیون تومان و به ازای هر سال سابقه، هفتتصد هزار تومان به حقوق پایه اضافه می شود. (x را سابقه کار و y را حقوق ماهانه در نظر بگیرید).	الف) فرمول محاسبه حقوق هر کارمند را بنویسید.	
		ب) حقوق ماهانه کارمندی با سه سال سابقه کار، چقدر است؟	
۱/۲۵		۸) الف) نمودار خطی رارسم کنید که با خط $y = -x + 3$ موازی بوده و محور عرض ها را در نقطه $[3]^\circ$ قطع می کند.	
۰/۷۵	$3(x-1) \geq 2x+1$	۹) نامعادله مقابل را حل کرده و مجموعه جواب آن را بنویسید. $D = \{ \dots \}$	
۱/۲۵		۱۰) مصرف برق کولر گازی تولیدی یک کارخانه، سه برابر مصرف برق کولر آبی تولیدی همان کارخانه می باشد. اگر به طور هم زمان، دو کولر آبی و یک کولر گازی روشن باشند، ده کیلو وات برق مصرف می شود. با تشکیل دستگاه معادلات خطی، میزان مصرف برق هر کدام از این دو دستگاه را مشخص نمایید.	
	ادامه سوالات در صفحه بعد	۳	

		سوالات آزمون هماهنگ کشوری درس ریاضی پایه نهم	
۰/۵	۱	<p>(۱۱) الف) عبارت $\frac{3x}{x^3 + 4}$ به ازای چه مقداری از x تعریف نشده است؟</p> <p>ب) عبارت $\frac{a^3 - 9}{a + 4} \times \frac{a + 4}{a^3 - 6a + 9} =$</p> <p>ج) حاصل را به ساده ترین شکل ممکن بنویسید.</p>	
۰/۵	۱/۲۵	$\frac{3x+7}{x+2} - \frac{3x-3}{x+2} =$ <p>(۱۲) تقسیم مقابل را انجام دهید.</p> $\begin{array}{r} 3y^3 - 10y - 24 \\ \hline 3y - 4 \end{array}$	
		در سوال های ۱۴ و ۱۳، نوشتمن فرمول های محاسبه الزامی است.	
۱	۰/۷۵	<p>(۱۳) یک کارخانه تولید لبندیات، شیر های پاکتی به شکل هرم منتظم چهار وجهی تولید می کند که رویه آن از جنس مقوای بهداشتی است، بطوری که طول هر یال آن 10 cm سانتی متر می باشد. برای تولید ده هزار پاکت شیر، حداقل چند سانتیمتر مربع مقوای لازم است؟ (توجه: نیازی به اثبات فرمول مساحت مثلث متساوی الاضلاع نیست).</p>	۰/۷۵
۰/۲۵	۰/۷۵	<p>(۱۴) الف) از دوران یک مثلث قائم الزاویه حول یکی از اضلاع قائمه اش، مطابق شکل روبرو، الف) چه شکلی حاصل می شود؟</p> <p>ب) اگر $a = 10$ ، $b = 3$ باشد، در این صورت اندازه حجم آن را حساب کنید. ($\pi \approx 3$)</p>	۰/۷۵
۰/۷۵	۲۰	<p>ج) در شکل مقابل، شعاع کره $r = 2\text{ cm}$ است.</p> <p>حجم قسمت برداشته شده را محاسبه کنید. ($\pi \approx 3$)</p>	۴
		جمع بارم	خدا یا چنان کن سرانجام کار تو خشنود باشی و ما رستگار

نام استان/منطقه/مدرسه:	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۱۳
نام و نام خانوادگی:	زمان آزمون: ۱۲۰ دقیقه
نام پدر:	ساعت شروع: ۱۵:۳۰ عصر
کد دانشآموز:	نام دبیر: مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش
مهرآموزشگاه	پاسخنامه آزمون هماهنگ کشوری درس ریاضی پایه نهم خرداد ماه ۱۴۰۳ - نوبت عصر
سالروز اتحاد رهبر کبیر انقلاب اسلامی ایران و شهدای پانزده خرداد قسلیت باد	
ردیف	شرح پاسخ به همراه ریز شمارک
بارم (شمارک)	
۱	<p>الف) صفحه ۷ کادر زرد رنگ پایین صفحه درست <input checked="" type="checkbox"/> نادرست <input type="checkbox"/></p> <p>ب) صفحه ۲۱ مشابه مثال کتاب درست <input type="checkbox"/> نادرست <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>ج) صفحه ۴۲ برگرفته از تمرین ۱ درست <input type="checkbox"/> ادرست <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>د) صفحه ۶۰ مشابه قسمت د مثال کتاب درست <input type="checkbox"/> نادرست <input checked="" type="checkbox"/></p>
۱	<p>الف) صفحه ۸ ساده شده کار در کلاس ۳ پاسخ: ۴</p> <p>ب) صفحه ۷۶ قسمت ج کارد در کلاس پاسخ: $\frac{2\sqrt{6}}{6}$</p> <p>ج) صفحه ۹۱ مشابه کارد در کلاس ۲ قسمت د پاسخ: $b > 0$</p> <p>د) صفحه ۸۰ برگرفته از توضیحات کتاب پاسخ: ۳</p>
۱	<p>۱- صفحه ۴ کارد در کلاس پاسخ: الف</p> <p>۲- صفحه ۱۰۷ برگرفته از تمرین ۴ پاسخ: د</p> <p>۳- صفحه ۱۷ مشابه تمرین ۲ پاسخ: ب</p> <p>۴- صفحه ۱۲۴ تمرین ۵ پاسخ: ب</p>
۱	<p>الف) صفحه ۶۸ جدول پایین صفحه پاسخ: d</p> <p>ب) صفحه ۲۴ برگرفته از فعالیت پاسخ: c</p> <p>ج) صفحه ۱۳۵ برگرفته از توضیحات کتاب پاسخ: a</p> <p>د) برگرفته از مثال ها و تمرینات فصل ۵ کتاب (اتحاد ها) پاسخ: b</p>
۱	<p>۱) سوال در حیطه فهمیدن مجموعه و مفاهیم مربوطه مشابه مثال ها و تمرینات فصل ۱ کتاب</p> <p>الف) $\{-1\} \notin A$ $A \cap B = \{-1\}$ $n(A \cup B) = 4$ $B - A = \{12\}$</p>
۰/۵	<p>۲) الف) صفحه ۳۱ ساده شده تمرین ۱ $2 a-b =2 \underbrace{\frac{1}{4}-(-\frac{1}{4})}_{0/25} =2 \underbrace{\frac{1}{2}}_{0/25} =1$  </p>
۰/۵	<p>ب) صفحه ۲۶ مشابه قسمت ج کارد در کلاس ۱</p>

۰/۵	۳) صفحه ۵۶ برگرفته از فعالیت ۲ $\frac{3}{3} \neq \frac{3}{4}$ $\underbrace{}_{0/25}$
۰/۷۵	۴) صفحه ۴۸ ساده شده تمرین ۴ $\begin{cases} \hat{A} = \hat{B} = 90 \\ OM = OM \\ OA = OB \end{cases}$ $\underbrace{}_{0/25}$
۰/۵	۵) الف) صفحه ۶۳ مشابه کاردر کلاس کتاب $(b^{-1})^3 \times b^3 = \underbrace{b^{-1} \times b^3}_{0/25} = b^1$ $\underbrace{}_{0/25}$
۰/۵	ب) صفحه ۶۶ مثال حل شده کتاب $0/000007 = 7 \times \underbrace{10^{-6}}_{0/25}$ $\underbrace{}_{0/25}$
۰/۲۵	ج) صفحه ۷۷ تمرین ۶ $\underbrace{\sqrt{5} + \sqrt{4}}_{0/25} > \sqrt{5+4}$
۱	۶) الف) صفحه ۸۳ ساده شده قسمت ه کاردر کلاس $(\sqrt{3}+1)^3 = \underbrace{(\sqrt{3})^3 + 3(\sqrt{3})(+1)}_{0/75} + (1)^3 = \underbrace{3+3\sqrt{3}}_{0/25}$
۰/۵	ب) صفحه ۸۸ قسمت د فعالیت ۲ $y^3 - y - 6 = (y + \underbrace{2}_{0/25})(y - \underbrace{3}_{0/25})$
۰/۷۵	۷) صفحه ۱۰۸ مشابه و ساده شده فعالیت الف) $y = 12000000 + 700000x$ ب) $y = 12000000 + 700000 \times 3 = 14100000$ تقسیم نمره بر اساس تشخیص معلم
۱/۲۵	۸) صفحه ۱۰۰ مشابه تمرینات ۱ و ۷ الف) نوشتن معادله خط $y = -x - 3$ نمره ۰/۵ ب) خیر ۰/۲۵ رسم خط: ۰/۵ نمره 
۰/۷۵	۹) صفحه ۹۳ قسمت ج کاردر کلاس بالای صفحه $3(x-1) \geq 2x+1 \Rightarrow \underbrace{3x - 3}_{0/25} \geq \underbrace{2x + 1}_{0/25} \Rightarrow \underbrace{3x - 2x}_{0/25} \geq \underbrace{3+1}_{0/25} \Rightarrow x \geq 4$ $D = \{x \in \mathbb{R} \mid x \geq 4\}$ $\underbrace{}_{0/25}$
۱/۲۵	۱۰) صفحه ۱۰۸ الی ۱۱۲ برگرفته از درس دستگاه معادلات خطی $\begin{cases} y = 2x \\ 2x + y = 1 \end{cases} \Rightarrow \underbrace{2x + 2x}_{0/5} = 1 \Rightarrow \underbrace{4x}_{0/25} = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{4} \Rightarrow y = 2(\frac{1}{4}) = \frac{1}{2}$ $\underbrace{}_{0/25}$

۰/۵	$\frac{x^3 + 4}{x^3 - 25} = 0 \Rightarrow x^3 = -4$ سایر روش ۰/۲۵	معادله جواب ندارد ۰/۲۵	(۱۱) الف) صفحه ۱۱۶ قسمت د کار در کلاس
۱		های بیان جواب نیز به صلاح دید معلم، دارای نمره می باشد.	
۰/۵	$\frac{a^3 - 9}{a + 3} \times \frac{a + 3}{a^3 - 6a + 9} = \underbrace{\frac{(a-3)(a+3)}{a+3}}_{۰/۵} \times \underbrace{\frac{a+3}{(a-3)(a-3)}}_{۰/۲۵} = \underbrace{\frac{(a+3)}{a+3}}_{۰/۲۵} \times \underbrace{\frac{a+3}{(a-3)}}_{۰/۲۵} = \underbrace{\frac{(a+3)}{(a-3)}}_{۰/۲۵}$		ب) صفحه ۱۲۳ مشابه قسمت الف تمرین ۱
۰/۵	$\frac{3x+7}{x+2} - \frac{3x-3}{x+2} = \underbrace{\frac{3x+7-3x+3}{x+2}}_{۰/۲۵} = \frac{10}{x+2}$		ج) صفحه ۱۲۰ ساده شده قسمت الف فعالیت ۰/۲۵
۱/۲۵	$\begin{array}{r} 3y^3 - 10y - 24 \\ 3y^3 - 4y \\ \hline -6y - 24 \\ -6y + 8 \\ \hline -32 \end{array} \quad \left \begin{array}{l} 3y-4 \\ y-2 \\ \hline \end{array} \right. \quad ۰/۵$		(۱۲) صفحه ۱۲۹ قسمت د تمرین ۱
۱		(۱۳) صفحه ۱۴۱ کار در کلاس ۱ و صفحه ۱۴۰ فعالیت ۲ (ترکیبی) روش اول	$S = \underbrace{\frac{\sqrt{3}}{4} b^2}_{۰/۲۵} = \underbrace{\frac{\sqrt{3}}{4} (20)^2}_{۰/۲۵} = 100\sqrt{3}$
		(۰/۲۵) = حداقل مقدار مقوای لازم	$(۰/۲۵) \times S = 100000\sqrt{3} \text{ cm}^2$
		روش دوم	$S = \underbrace{\frac{\sqrt{3}}{4} a^2}_{۰/۲۵} = \underbrace{\frac{\sqrt{3}}{4} (10)^2}_{۰/۲۵} = 100\sqrt{3}$
		(۰/۲۵) = حداقل مقدار مقوای لازم	$(۰/۲۵) \times S = 100000\sqrt{3} \text{ cm}^2$
۰/۲۵		(۱۴) صفحه ۱۴۱ مشابه فعالیت ۲ (۰/۲۵) مخروط	
۰/۷۵	$V = \underbrace{\frac{1}{3} \pi b^2 a}_{۰/۲۵} = \underbrace{\frac{1}{3} \times \pi \times (10)^2 \times (10)}_{۰/۲۵} = 90$	ب) اگر $a=10$ ، $b=3$ و $\pi=3$ باشد	
۰/۷۵		(۱۴) صفحه ۱۴۲ فعالیت (عدد گذاری در فرمول فعالیت ۴) با توجه به اینکه یک هشتمن کره برداشته شده و $\pi=3$ داریم:	
	$V = \underbrace{\frac{1}{8} (\frac{4}{3} \pi r^3)}_{۰/۲۵} = \underbrace{\frac{1}{6} \times \pi \times (2)^3}_{۰/۲۵} = 4$		