

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	تعداد صفحه: ۳	سوالات آزمون نهایی درس: هندسه ۴
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۱۶	تاریخ آزمون: یازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خرد داد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir			
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.		
	سؤالات فصل ۱		
۱	<p>الف) هر چندضلعی منتظم، هم محاطی و هم محیطی است. (درست - نادرست)</p> <p>ب) طول مماس مشترک خارجی دو دایره مماس بروون به شعاع‌های R و R' برابر $\sqrt{R + R'}$ است. (درست - نادرست)</p> <p>پ) اندازه هر زاویه ظلی برابر است با اندازه کمان رویه‌رو به آن زاویه.</p> <p>ت) اگر r_a، r_b و r_c شعاع‌های سه دایره محاطی خارجی یک مثلث و شعاع دایره محاطی داخلی آن برابر باشد، حاصل $\frac{1}{r_a} + \frac{1}{r_b} + \frac{1}{r_c}$ برابر است.</p>		
۱.۵	<p>ثبت کنید هرگاه خط‌های شامل دو وتر دلخواه AB و CD در نقطه‌ای مانند M (بیرون دایره) یکدیگر را قطع کنند، آن‌گاه:</p> $MA \cdot MB = MC \cdot MD$		
۱.۵	<p>ثبت کنید اگر یک چهارضلعی محاطی باشد، آن‌گاه دو زاویه مقابل آن مکمل هستند.</p>		
۱.۵	<p>در شکل مقابل وتر AB بر قطر CD عمود است. ثابت کنید قطر CD وتر AB و کمان AB را نصف می‌کند.</p>		
۱.۲۵	<p>در مثلث قائم‌الزاویه‌ای با اضلاع زاویه قائمه ۳ و ۴، شعاع دایره محاطی داخلی را محاسبه کنید.</p>		
۱.۲۵	<p>در شکل زیر MT به طول $3\sqrt{2}$ مماس بر دایره است. مقادیر عددی x و y را بدست آورید.</p>		

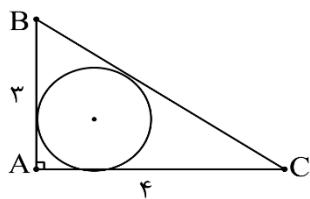
ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	تعداد صفحه: ۳	سوالات آزمون نهایی درس: هندسه ۲										
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۱۶	تاریخ آزمون: یازدهم دوره دوم متوسطه										
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خرد داد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir													
نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.												
	<h2 style="text-align: center;">سوالات فصل ۲</h2> <p>برای هر کدام از عبارات گروه A، تبدیل مناسب را از گروه B انتخاب کنید. (یک مورد از گروه B اضافی است).</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="text-align: center;">گروه B</td> <td style="text-align: center;">گروه A</td> </tr> <tr> <td>دوران</td><td>الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی‌کند:</td> </tr> <tr> <td>همانی</td><td>ب) تبدیلی که نتیجهٔ دو بازتاب متواالی با محورهای متقطع است:</td> </tr> <tr> <td>بازتاب</td><td>پ) تبدیلی که هر نقطهٔ صفحه را به خود آن نقطهٔ نظیر می‌کند:</td> </tr> <tr> <td>انتقال</td><td></td> </tr> </table>			گروه B	گروه A	دوران	الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی‌کند:	همانی	ب) تبدیلی که نتیجهٔ دو بازتاب متواالی با محورهای متقطع است:	بازتاب	پ) تبدیلی که هر نقطهٔ صفحه را به خود آن نقطهٔ نظیر می‌کند:	انتقال	
گروه B	گروه A												
دوران	الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی‌کند:												
همانی	ب) تبدیلی که نتیجهٔ دو بازتاب متواالی با محورهای متقطع است:												
بازتاب	پ) تبدیلی که هر نقطهٔ صفحه را به خود آن نقطهٔ نظیر می‌کند:												
انتقال													
۰.۷۵			۷										
۱	<p>با توجه به شکل زیرنشان دهید در تبدیل انتقال، اندازهٔ هر پاره خط و اندازهٔ تصویر آن باهم برابرند.</p> <p style="text-align: center;">\vec{V}</p> <p style="text-align: center;">$A \xrightarrow{\quad} B$</p>												
۰.۵	<p>نقاط A', B' و C' به ترتیب دوران یافتهٔ نقاط A, B و C هستند. روش یافتن مرکز دوران را شرح دهید.</p>												
۱.۵	<p>در شکل رو به رو اگر خط L را در تجانس به مرکز O و نسبت تجانس $\frac{d'}{d}$ تصویر کنیم و آن را L' بنامیم؛ مساحت بین خط L و L' و خطوط d و d' چقدر است؟</p>												

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	تعداد صفحه: ۳	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۱۶	نام و نام خانوادگی:	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خرد داد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir	یازدهم دوره دوم متوسطه				
نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.				
ردیف	با توجه به شکل، نقطه M روی پاره خط HK=۸ را به گونه‌ای بیابید که: الف) مسیر AMB کوتاه‌ترین مسیر ممکن باشد. ب) کمترین مقدار عددی $AM+MB$ را محاسبه کنید.				
۱۱					
۱۲	در شکل زیر، می‌خواهیم بدون آن که محیط تغییر کند، مساحت را افزایش دهیم. میزان افزایش مساحت را حساب کنید.				
۱۲					
۱۳	<u>سوالات فصل ۳</u> در مثلث ABC، $\hat{A} = 30^\circ$ ، $BC = 10 \text{ cm}$ ، مقدار شعاع دایره محیطی کدام است؟				
۱۳	الف) ۱۵ ب) ۲۰ ت) ۲۵ پ) ۱۵				
۱۴	در مثلث ABC که $(\hat{A} < 90^\circ)$ ، ثابت کنید:				
۱۵	مساحت مثلث متساوی‌الاضلاع به ضلع a را به کمک دستور هرون بیابید.				
۱۶	در مثلث ABC، طول نیمساز داخلی زاویه C را محاسبه کنید.				
۱۷	در مثلث ABC که $AB=۴$ ، $AC=۶$ ، $BC=۸$ ، نقطه M وسط ضلع BC است. محیط مثلث AMC را به دست آورید.				

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	نوبت صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: هندسه ۲
ساعت آزمون: ۷:۳۰ صبح	تعداد صفحه: چهار صفحه	پایه: یازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir	راهنمای تصحیح		

ضمن سلام و خداقوت خدمت همکاران و مصححان عزیز، با عنایت به ماهیت درس هندسه و امکان داشتن چندین روش درست برای پاسخ یک سوال، لطفاً به روش‌های درست و خلاقانه دانش‌آموزان (جدا از روش کلید) در پاسخ به سوالات، نمره مناسب لحاظ گردد تا حقی از آنها تضییع نگردد.

ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۱۱ از ۷)	نمره
۱	(الف) درست $0/25$ (ص) $29/25$ (ب) نادرست $0/25$ (ص) $22/25$ $\frac{1}{4}$ (ت) $0/25$ (ص) $15/25$ (پ) نصف	۱
۲	مثلث‌های MBC و MAD مشابه هستند. 	۱/۵
۳	طبق فرض می‌دانیم نقاط D, C, B, A روی دایره هستند. $0/25$ (اشاره به محاطی بودن چهارضلعی، از طریق شکل نیز قابل قبول است.) $\begin{cases} \hat{A} = \frac{\hat{DCB}}{2} & 0/25 \\ \hat{C} = \frac{\hat{DAB}}{2} & 0/25 \end{cases} \rightarrow \hat{A} + \hat{C} = \frac{\hat{DCB} + \hat{DAB}}{2} = \frac{360^\circ}{2} = 180^\circ$ $0/25 . \hat{B} + \hat{D} = 180^\circ$ (ص) $27/25$	۱/۵
۴	روش اول: $\begin{cases} OA = OB & 0/25 \\ OH = OH & 0/25 \end{cases} \xrightarrow[0/25]{\text{و ت}} \Delta AOH \cong \Delta BOH \rightarrow$ $\frac{AH = BH}{0/25}, \frac{\hat{O}_A = \hat{O}_B}{0/25} \rightarrow \frac{AD = BD}{0/25}$ روش دوم: $\underbrace{OA = OB = r}_{0/25} \Rightarrow OAB \text{ متساوی الساقین}$ $\text{چون در مثلث متساوی الساقین، ارتفاع، نمیساز و میانه هم هست } (0/25) \text{ داریم}$ $\underbrace{AH = BH}_{0/25}, \underbrace{O_A = O_B}_{0/25} \Rightarrow \underbrace{AD = BD}_{0/25}$ (ص) $13/25$	۱/۵



روش اول:

$$BC = 5 \quad \text{•/25}$$

$$\underbrace{3+4+5=2P}_{\text{•/25}} \rightarrow p = 6 \quad \rightarrow S = \underbrace{\frac{3 \times 4}{2}}_{\text{•/25}} = 6$$

$$r = \underbrace{\frac{S}{P}}_{\text{•/5}} = \frac{6}{6} = 1$$

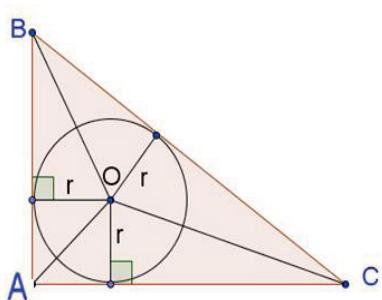
روش دوم:

$$BC = 5 \quad \text{•/25}$$

$$S_{ABC} = \frac{3 \times 4}{2} = 6 \quad \text{•/25}$$

$$\begin{aligned} S_{ABC} &= S_{OBC} + S_{OAC} + S_{OAB} \\ &= \frac{r \times BC}{2} + \frac{r \times AC}{2} + \frac{r \times AB}{2} \quad \text{•/25} \\ &= \frac{r \times 5}{2} + \frac{r \times 4}{2} + \frac{r \times 3}{2} = 6r = 6 \quad \text{•/25} \\ \Rightarrow r &= 1 \quad \text{•/25} \end{aligned}$$

روش سوم:



$$HAH'O \text{ مربع} \quad \text{•/25}$$

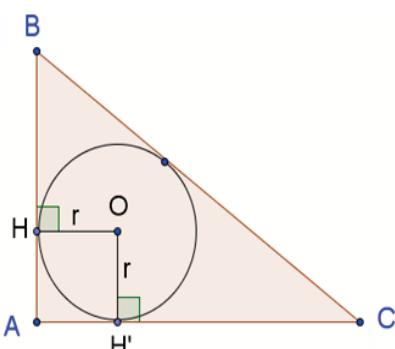
$$\Rightarrow AH = r \quad \text{•/25}$$

$$BC = 5 \quad \text{•/25}$$

$$\Rightarrow p = \frac{3+4+5}{2} = 6 \quad \text{•/25}$$

$$r = AH = p - a = 6 - 5 = 1 \quad \text{•/25}$$

روش چهارم:



$$BC = 5 \quad \text{•/25}$$

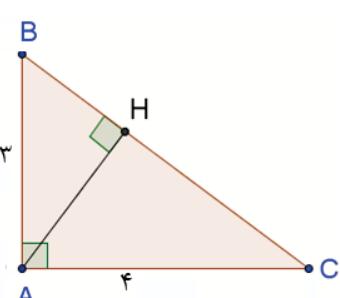
$$AB \times AC = AH \times BC \quad \text{•/25}$$

$$\Rightarrow 3 \times 4 = AH \times 5 \Rightarrow AH = \frac{12}{5} \quad \text{•/25}$$

$$\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{hc} = \frac{1}{r} \quad \text{•/25}$$

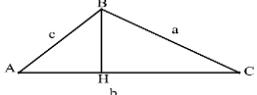
$$\Rightarrow \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{5}{12} = \frac{1}{r} \Rightarrow r = 1 \quad \text{•/25}$$

(25ص)



ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۳ از ۷)	نمره
۶	$x \times x = 2 \times 1 \rightarrow x^2 = 2 \rightarrow x = \sqrt{2}$ $\frac{\cdot / 25}{\cdot / 25}$ $(3\sqrt{2})^2 = y(y+2) \rightarrow y^2 + 3y - 18 = 0 \rightarrow y = 3$ $\frac{\cdot / 25}{\cdot / 25} \quad \frac{\cdot / 25}{\cdot / 25}$ <p>(ص ۱۸)</p>	۱/۲۵
۷	الف) بازتاب ۰/۲۵ (ص ۴۸) ب) دوران ۰/۲۵ (ص ۴۳) پ) همانی ۰/۲۵ (ص ۴۷)	۰/۷۵
۸	$\begin{array}{c} \vec{V} \\ \hline A \bullet \quad A' \bullet \quad B \bullet \quad B' \bullet \end{array}$ $\left\{ \begin{array}{l} AB = AA' + A'B \quad \cdot / 25 \\ A'B = BB' + B'A \quad \cdot / 25 \end{array} \right. \xrightarrow{\substack{AA' = BB' \\ \cdot / 25}} \underline{AB = A'B} \quad \cdot / 25$ <p>(ص ۳۹)</p>	۱
۹	<p>روش اول: محل همسی عمودمنصفهای پاره خط‌های واصل بین هر نقطه و تصویرش، مرکز دوران است.</p> <p>روش دوم: برای رسم شکل دقیق، نمره کامل منظور شود.</p> <p>(ص ۴۲)</p>	۰/۵
۱۰	<p>روش اول:</p> $\frac{OA'}{OA} = \frac{1}{4} \rightarrow OA' = \frac{1}{4} \quad \cdot / 25$ $\frac{OB'}{OB} = \frac{1}{4} \rightarrow OB' = \frac{1}{4} \quad \cdot / 25$ $S = S_{\triangle OA'B'} - S_{\triangle OAB} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{4} \times \frac{1}{2} \right) - \frac{1}{2} (1 \times 2) = \frac{33}{16} \quad \cdot / 25$ <p>روش دوم:</p> $\frac{S_{CDO}}{S_{ABO}} = k = \frac{49}{16} \quad \cdot / 5$ $\frac{S_{CDO} - S_{ABO}}{S_{ABO}} = \frac{49 - 16}{16} = \frac{33}{16} \quad \cdot / 5$ $S_{ABO} = \frac{1 \times 2}{2} = 1 \Rightarrow S_{ABDC} = \frac{33}{16} \quad \cdot / 5$	۱/۵

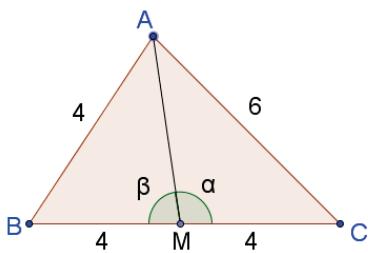
ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۴ از ۷)	نمره
۱۱	<p>الف) بازتاب نقطه A را نسبت به محور HK نقطه A' می‌نامیم. محل تلاقی A'B با HK را M نامیم. مسیر AMB را پاسخ مسأله است.</p> <p>رسم شکل ۰/۲۵</p> <p>۰/۲۵</p> <p>ب) روش اول:</p> $AM + MB = A'B \rightarrow A'B = \sqrt{\lambda^2 + \epsilon^2} = 10 \quad ۰/۲۵$ <p>ب) روش دوم:</p> $AHM \approx BH'M \Rightarrow \frac{AH}{BH'} = \frac{HM}{MH'} \quad ۰/۲۵$ $\Rightarrow \frac{2}{4} = \frac{x}{\lambda - x} \Rightarrow x = \frac{\lambda}{3} \Rightarrow MH = \frac{\lambda}{3}, MH' = \frac{16}{3} \quad ۰/۲۵$ $AM = \sqrt{2^2 + \left(\frac{\lambda}{3}\right)^2} = \frac{10}{3}, BM = \frac{20}{3}$ $\Rightarrow AM + BM = \frac{10}{3} + \frac{20}{3} = 10 \quad ۰/۲۵$	۰/۷۵
۱۲	<p>(۵۲ص)</p> <p>رسم بازتاب ۰/۲۵</p> <p>۰/۲۵</p> <p>تذکر: اگر بهجای رسم شکل، به صورت زیر توضیح داده شود، نمره ۰/۲۵ تعلق گیرد. «بازتاب نقطه B را نسبت به خط AC پیدا می‌کنیم.»</p>	۱
۱۳	<p>گزینه درست: ۱۰ یا الف ۰/۵</p> <p>(۶۲ص)</p>	۰/۵

ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۵ از ۷)	نمره
۱۴	<p>روش اول:</p> $\cos A = \frac{AH}{c} \rightarrow AH = c \cos A \quad \text{• / ۲۵}$ $\sin A = \frac{BH}{c} \rightarrow BH = c \sin A \quad \text{• / ۲۵}$ $CH = b - AH = b - c \cos A \quad \text{• / ۲۵}$ $\Delta HBC: a^2 = BH^2 + CH^2 = (c \sin A)^2 + (b - c \cos A)^2 \quad \text{• / ۲۵}$ $a^2 = c^2 \sin^2 A + b^2 - 2bc \cos A + c^2 \cos^2 A \quad \text{• / ۲۵}$ $a^2 = b^2 + c^2 (\sin^2 A + \cos^2 A) - 2bc \cos A \rightarrow a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A \quad \text{• / ۲۵}$  <p>روش دوم:</p> $\Delta HBC: a^2 = \underbrace{BH^2}_{\text{• / ۲۵}} + \underbrace{CH^2}_{\text{• / ۲۵}} = \underbrace{(c^2 - AH^2)}_{\text{• / ۲۵}} + \underbrace{(b^2 - AH^2)}_{\text{• / ۲۵}}$ $\rightarrow a^2 = c^2 - AH^2 + b^2 - AH^2 - 2bAH \quad \text{• / ۲۵}$ $\rightarrow a^2 = b^2 + c^2 - 2bAH \quad \xrightarrow{\text{• / ۲۵}} a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A \quad \text{• / ۲۵}$ <p>(۶۴ ص)</p>	۱/۵
۱۵	$a + a + a = ۳P \rightarrow P = \frac{۳}{۲}a \quad \text{• / ۲۵}$ $S = \sqrt{\underbrace{\frac{۳}{۲}a(\frac{۳}{۲}a - a)(\frac{۳}{۲}a - a)(\frac{۳}{۲}a - a)}_{\text{• / ۵}}} = \sqrt{\frac{۳}{۲}a(\frac{۱}{۲}a)(\frac{۱}{۲}a)(\frac{۱}{۲}a)} = \underbrace{\frac{\sqrt{۳}}{۴}a^۲}_{\text{• / ۲۵}}$ <p>(۷۳ ص)</p>	۱

ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۱۶ از ۷)	نمره
۱۶	<p>روش اول:</p> $\frac{4}{1} = \frac{x}{7-x} \rightarrow 28 - 4x = 1 \cdot x \rightarrow x = 2 = AD \rightarrow BD = 5$ $DC^2 = 4 \times 1 - 5 \times 2 = 3 \rightarrow DC = \sqrt{3}$ <p>روش دوم:</p> $AD = \frac{4 \times 7}{4 + 1} = 2 \quad . / 5$ $BD = \frac{1 \times 7}{4 + 1} = 5 \quad . / 5$ $DC^2 = 4 \times 1 - 5 \times 2 = 3 \Rightarrow DC = \sqrt{3}$ <p>روش سوم:</p> $\frac{BC}{AC} = \frac{BD}{AD} \Rightarrow \frac{BC}{AC + BC} = \frac{BD}{AD + BD} \Rightarrow \frac{1}{4} = \frac{BD}{7} \Rightarrow BD = 5, AD = 2$ $DC^2 = 4 \times 1 - 5 \times 2 = 3 \Rightarrow DC = \sqrt{3}$ <p>(۷۰ ص)</p>	۱/۵
۱۷	<p>روش اول:</p> $6^2 + 4^2 = 2AM^2 + \frac{A^2}{2} \rightarrow 36 + 16 = 2AM^2 + 32$ $\rightarrow AM^2 = 1 \rightarrow AM = \sqrt{1}$ $\rightarrow P_{AMC} = 6 + 4 + \sqrt{1} = 1 + \sqrt{1}$	۱/۵

نمره

۱/۵



$$\beta = 180^\circ - \alpha \Rightarrow \cos \alpha = -\cos \beta \quad . / 25$$

$$r^2 = r^2 + AM^2 - 2AM \cos \beta \quad . / 25$$

$$r^2 = r^2 + AM^2 - 2AM \cos \alpha \quad . / 25$$

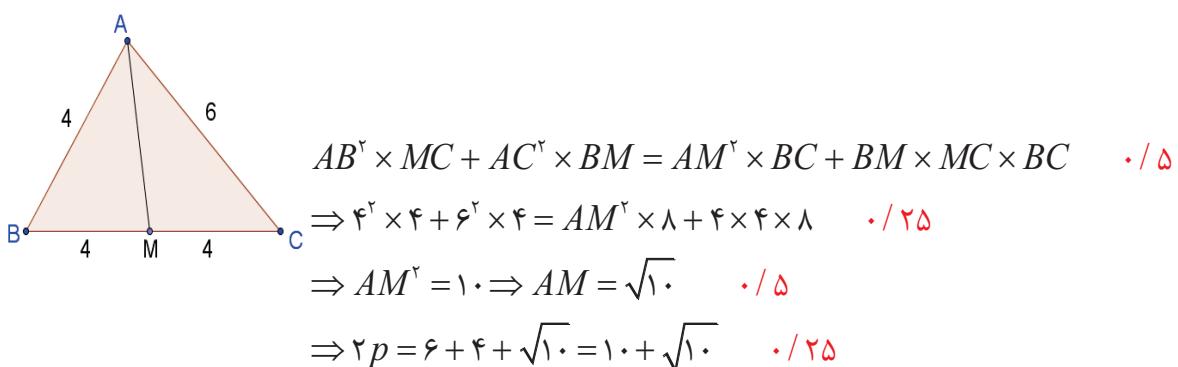
$$\Rightarrow r^2 = r^2 + AM^2 + 2AM \cos \beta$$

$$\Rightarrow 2AM^2 = 2 \cdot \Rightarrow AM = \sqrt{1} \cdot \quad . / 5$$

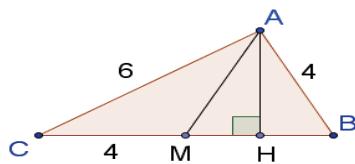
$$\Rightarrow 2p = 6 + 4 + \sqrt{1} \cdot = 10 + \sqrt{1} \cdot \quad . / 25$$

روش دوم:

۱۷



روش سوم:



روش چهارم:

۱۷

$$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} = \sqrt{15} \quad . / 25$$

$$S = \frac{AH \times C}{2} \Rightarrow h = \frac{\sqrt{15}}{4} \quad . / 25$$

$$\triangle ABH \Rightarrow r^2 = BH^2 + h^2 \Rightarrow BH = \frac{11}{4} \quad . / 25$$

$$MH = MB - BH \Rightarrow MH = 4 - \frac{11}{4} = \frac{5}{4} \quad . / 25$$

$$\triangle AMH \Rightarrow AM^2 = \left(\frac{5}{4}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{15}}{4}\right)^2 \Rightarrow AM = \sqrt{10} \quad . / 25$$

$$\Rightarrow 2p = 10 + \sqrt{10} \quad . / 25$$

(۶۷ص)

۲۰

جمع نمرات

سپاس فراوان از همکاران گرامی