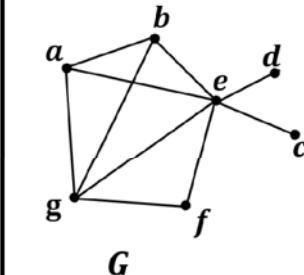
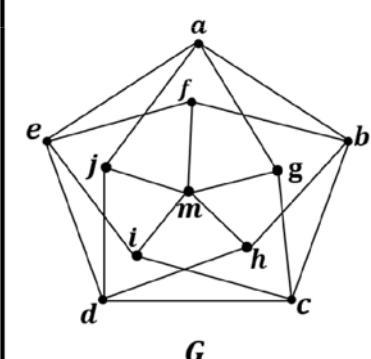


ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح		ریاضی و فیزیک	رشته: ۲	تعداد صفحه: ۲	سوالات آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۳۱	تاریخ آزمون:	دوره دوم متوسطه - دوازدهم
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خرد داد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir					مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش
نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.			ردیف	
۱	<p>درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) میانگین پنج عدد طبیعی همان عدد وسطی است.</p> <p>ب) اگر $m \in \mathbb{Z} - \{0\}$ آنگاه $\left[m^5, (m^5, m^5)\right] = m^5$</p> <p>ج) تفاضل هر دو عدد دلخواه از مجموعه $A = \{x \in \mathbb{Z} x = 4k + 3\}$, مضرب ۴ است.</p> <p>د) هر مجموعه احاطه گر مینیمال، یک مجموعه احاطه گر مینیمم است.</p>				
۰.۵	<p>جاهاي خالي را با اعداد مناسب تكميل کنيد.</p> <p>الف) عدد احاطه گري گراف C_7 برابر است با</p> <p>ب) تعداد راه های توزيع ۳ خودکار متفاوت بین ۵ نفر به طوری که هر نفر حداقل یک خودکار برسد، برابر..... است.</p>				
۱.۵	<p>با استفاده از اثبات بازگشتی نشان دهید برای هر دو عدد حقیقی a, b داریم:</p> $a^2 + b^2 \geq (a-1)(b+1)$				
۱	<p>اگر a عددی طبیعی و داشته باشیم $a \mid 4k+3$ و $a \mid 7k+1$ ثابت کنید $a=17$ یا $a=1$.</p>				
۱.۲۵	<p>اگر باقی مانده تقسیم عدد a بر دو عدد ۴ و ۵ به ترتیب ۲ و ۳ باشد، باقی مانده تقسیم عدد a را برابر ۰ بیابید.</p>				
۱.۵	<p>جواب های عمومی معادله سیاله $22 = 5x + 9y$ را بدست آورید.</p>				
۲	<p>با توجه به گراف G مقابل به سوالات زیر پاسخ دهید.</p> <p>الف) مرتبه و اندازه گراف را بنویسید.</p> <p>ب) مسیری به طول ۵ از راس c به راس f بنویسید.</p> <p>ج) دوری به طول ۴ بنویسید.</p> <p>د) آیا گراف \bar{G} همبند است؟ چرا؟</p>				
۲	<p>با توجه به گراف G، به سوالات زیر پاسخ دهید.</p> <p>الف) آیا مجموعه $D = \{a, b, m\}$ یک مجموعه احاطه گر است؟ چرا؟</p> <p>ب) عدد احاطه گري گراف G را بدست آورید. (با ذکر دلیل)</p> <p>ج) یک مجموعه احاطه گر مینیمال ۵ عضوی از آن بنویسید.</p>				



ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	تعداد صفحه: ۲	سوالات آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۳۱	تاریخ آزمون: دوره دوم متوسطه - دوازدهم
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خرد دارد azmoon.medu.ir			
نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.		ردیف
۱.۵	<p>در گراف رو برو:</p> <p>الف) مجموعه احاطه گر غیر مینیمال $A = \{b, e, g, a, f\}$ را به یک مجموعه احاطه گر مینیمال تبدیل کنید.</p> <p>ب) یک مجموعه احاطه گر مینیمال که شامل راس e باشد را بنویسید.</p> <p>ج) با اضافه نمودن چه یالی عدد احاطه گری گراف ۲ می شود؟</p>		۹
۱	<p>الف) گراف P_{12} را رسم کنید.</p> <p>ب) یک ۷-مجموعه از آن را مشخص کنید.</p>		۱۰
۱	<p>می خواهیم ۱۰ نفر را که دو به دو برادر یکدیگرند در دو طرف طول یک میز مستطیل شکل بنشانیم. اگر بخواهیم هر نفر روبروی برادرش بنشینند، به چند طریق می توان این کار را انجام داد؟</p>		۱۱
۱.۵	<p>تعداد جواب های صحیح و نامنفی معادله $x_1 + 2x_2 + x_3 + x_4 = 20$ را با شرط های $x_1 \geq 3$، $x_2 \geq 4$ با شرط های $x_1 > 2$ به دست آورید.</p>		۱۲
۱	<p>با ارقام ۱، ۲، ۳، ۴، ۲، ۳، ۴، ۲، ۱، ۳، ۲، ۲ چند عدد ۱۰ رقمی می توان نوشت؟ (محاسبه جواب آخر الزامی نیست).</p>		۱۳
۱.۲۵	<p>قرار است سه کارگر با سه نوع ماشین نخ ریسی و سه نوع الیاف در سه روز اول هفته کار کنند. به گونه ای که هر کارگر با هر نوع ماشین و هر نوع الیاف دقیقاً یک بار کار کرده باشد و نیز هر الیاف در هر ماشین دقیقاً یک بار به کار گرفته شود. برای این مسئله برنامه ریزی کنید.</p>		۱۴
۱	<p>تعداد توابع پوشای از مجموعه ۵ عضوی A به مجموعه ۳ عضوی B را بدست آورید.</p>		۱۵
۱	<p>حداقل چند دانش آموز در حیاط یک دیبرستان حضور داشته باشند تا مطمئن باشیم لااقل ۲۱ نفر از آنها متعلق به یک پایه تحصیلی (دهم ، یازدهم ، دوازدهم) و یک رشته تحصیلی (ریاضی ، تجربی ، انسانی) هستند؟</p>		۱۶
<p>موفق باشید</p>			

مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خود داد ۱۴۰۳/۳/۳۱			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir	تعداد صفحه: ۳ صفحه		پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) نادرست ($0/25$) ص ۸ ب) نادرست ($0/25$) ص ۱۷ ج) درست ($0/25$) ص ۱۸ د) نادرست ($0/25$) ص ۴۶	۱
+/۵	$\frac{5!}{2!} = 120$ یا $\left[\frac{7}{3} \right] = 3$	۲
۱/۵	$a^r + b^r \geq ab + a - b - 1 (0/25)$ $\Leftrightarrow 2a^r + 2b^r - 2ab - 2a + 2b + 2 \geq 0 (0/25)$ $\Leftrightarrow (a-b)^r + (a-1)^r + (b+1)^r \geq 0 (0/25)$ این رابطه همواره برقرار است. ($0/25$) (در صورت اثبات یک طرفه رابطه ها و ذکر برگشت پذیر بودن آنها نمره کامل تعلق گیرد.)	۳
۱	$a 7k+1 \Rightarrow a 28k+4 (0/25)$ $a 4k+3 \Rightarrow a 28k+21 (0/25)$ $a 17(a -17)(0/25) \underline{a \in \mathbb{N}} a=1$ یا $a=17 (0/25)$	۱۲ ص
۱/۲۵	$a = 4q_1 + 2 \quad (0/25)$ $a = 5q_2 + 3 \quad (0/25)$ $\Rightarrow 5a = 20q_1 + 10 (0/25)$ $4a = 20q_2 + 12 (0/25)$ $\Rightarrow a = 20(q_1 - q_2) - 2 (0/25)$ $a = 20q_2 + 18 \Rightarrow r = 18 \quad \text{یا} \quad r = -2 + 20 = 18 (0/25)$	۵ روش اول:
	$a \equiv 2 \pmod{4}$ $a \equiv 3 \pmod{5}$ $a \equiv 1 \pmod{18}$ $\Rightarrow a = 4k + 18 (0/25)$ $\Rightarrow 4k + 18 \equiv 18 (0/25) \Rightarrow k = 5t (0/25) \Rightarrow a = 20t + 18 \Rightarrow r = 18 (0/25)$	روش دوم: ۱۶ ص
۱/۵	$5x \equiv 22 (0/25) \Rightarrow x \equiv 8 (0/5) \Rightarrow x = 9k + 8 \quad \text{یا} \quad x = 9k - 1 (0/25)$ $\begin{cases} 5(9k+8)+9y=22 \\ 5(9k-1)+9y=22 \end{cases} \Rightarrow y = -2 - 5k \quad \text{یا} \quad y = -5k + 3 (0/25)$	۶ روش اول:
	$9y \equiv 22 (0/25) \Rightarrow y \equiv 3 (0/5) \Rightarrow y = 5k + 3 \quad \text{یا} \quad y = 5k - 2 (0/25)$ $\begin{cases} 9y \equiv 22 (0/25) \\ 5x + 9(5k+3)=22 \end{cases} \Rightarrow x = -1 - 9k \quad \text{یا} \quad x = -9k + 8 (0/25)$	روش دوم: ۲۹ ص
۲	۳۵ ص ۳۸ ص	الف) $p = 7 (0/25), q = 10 (0/25)$ (۰/۵) $ceabgf$ یا $cebafg$ (ب)

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خود داد ۱۴۰۳/۳/۳۱			تاریخ آزمون: ۱۴۰۳
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir	تعداد صفحه: ۳ صفحه	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۰	ج) هر دور به طول ۴ دیگر قابل قبول است و نمره تعلق گیرد. (۰/۵) د) روش اول: خیر (۰/۲۵) زیرا راس e در گراف G مأکریم درجه است لذا درجه آن در گراف \bar{G} صفر می باشد . یا $\deg_G(e) = p - 1 = \Delta = 6 \Rightarrow \deg_{\bar{G}}(e) = 0 \Rightarrow \bar{G}$ ناهمبند است روش دوم: گراف مکمل G رسم شود (۰/۲۵) و به ناهمبند بودن آن اشاره شود. (۰/۲۵)	۳۸ ص
۱۱	الف) خیر (۰/۲۵) زیرا راس d احاطه نمی شود. یا $N_g[a] \cup N_g[b] \cup N_g[m] \neq V(G)$ ب) داریم $\gamma(G) \geq \left\lceil \frac{11}{6} \right\rceil = 2$ از طرفی $\{a, m, d\}$ یک مجموعه احاطه گرگراف می باشد. (۰/۲۵) پس، $\gamma(G) = 3$ (به مجموعه های احاطه گر سه عضوی دیگر نیز نمره تعلق گیرد) ج) $\{f, g, h, i, j\}$ (۰/۵)	۴۶ ص ۴۹ ص ۴۶ ص
۹	الف) $\{b, g, a, f\}$ (۰/۵) ب) $\{c, e, h\}$ (۰/۵)	۴۷ ص
۱۰	الف) رسم گراف (۰/۵) ب) $\{v_۲, v_۵, v_۸, v_{۱۱}\}$ (۰/۵)	۵۴ ص
۱۱	روش اول: $\underbrace{5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 \times (2!)^5}_{(0/75)} = 3840 (0/25)$ روش دوم: $\underbrace{(10 \times 1) \times (8 \times 1) \times (6 \times 1) \times (4 \times 1) \times (2 \times 1)}_{(0/75)} = 3840 (0/25)$	۷۱ ص

مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور وایتارگر داخل و خارج کشور خود داد ۱۴۰۳/۳/۳۱			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir	تعداد صفحه: ۳ صفحه		پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره																																																									
۱۲	<p>روش اول:</p> $x_1 + 2(3) + x_2 + x_3 = 20 \Rightarrow x_1 + x_2 + x_3 = 14(0/25)$ $x_1 - 3 \geq 0 \Rightarrow x_1 = y_1 + 3, x_2 - 4 \geq 0 \Rightarrow x_2 = y_2 + 4$ $\underbrace{y_1 + 3}_{(0/25)} + \underbrace{y_2 + 4}_{(0/25)} + x_3 = 14 \Rightarrow y_1 + y_2 + x_3 = 7(0/25) \Rightarrow \frac{\binom{7+3-1}{3-1}}{\binom{9}{2}} = \frac{36}{\binom{9}{2}} = 36(0/25)$ <p>روش دوم:</p> $x_1 + x_2 + x_3 = 14(0/25)$ $\underbrace{\binom{14-3-4+3-1}{3-1}}_{(0/75)} = \frac{\binom{9}{2}}{(0/25)} = 36(0/25)$ <p>۷۱ و ۶۱ ص</p>	۱/۵																																																									
۱۳	$\frac{10!(0/25)}{2! \times 3! \times 4!}$ $(0/25) \quad (0/25) \quad (0/25)$ <p>۵۸ ص</p>	۱																																																									
۱۴	<table border="1"> <tr> <td></td> <td>w_1</td> <td>w_2</td> <td>w_3</td> </tr> <tr> <td>$A = \frac{1}{(0/25)}$</td> <td>شنبه</td> <td>۱</td> <td>۲</td> <td>۳</td> </tr> <tr> <td></td> <td>یکشنبه</td> <td>۳</td> <td>۱</td> <td>۲</td> </tr> <tr> <td></td> <td>دوشنبه</td> <td>۲</td> <td>۳</td> <td>۱</td> </tr> </table> <table border="1"> <tr> <td></td> <td>w_1</td> <td>w_2</td> <td>w_3</td> </tr> <tr> <td>$B = \frac{1}{(0/25)}$</td> <td>شنبه</td> <td>۳</td> <td>۱</td> <td>۲</td> </tr> <tr> <td></td> <td>یکشنبه</td> <td>۱</td> <td>۲</td> <td>۳</td> </tr> <tr> <td></td> <td>دوشنبه</td> <td>۲</td> <td>۳</td> <td>۱</td> </tr> </table> $\Rightarrow \frac{1}{(0/5)}$ <table border="1"> <tr> <td></td> <td>w_1</td> <td>w_2</td> <td>w_3</td> </tr> <tr> <td></td> <td>شنبه</td> <td>۱۳</td> <td>۲۱</td> <td>۳۲</td> </tr> <tr> <td></td> <td>یکشنبه</td> <td>۳۱</td> <td>۱۲</td> <td>۲۳</td> </tr> <tr> <td></td> <td>دوشنبه</td> <td>۲۲</td> <td>۳۳</td> <td>۱۱</td> </tr> </table> <p>چون اعداد دو رقمی تکراری در مربع ساخته شده وجود ندارد پس متعامدند. (۰/۲۵) (به مرغ های لاتین دیگر که ویژگی سوال را داشته باشند، نمره تعلق گیرد.)</p>		w_1	w_2	w_3	$A = \frac{1}{(0/25)}$	شنبه	۱	۲	۳		یکشنبه	۳	۱	۲		دوشنبه	۲	۳	۱		w_1	w_2	w_3	$B = \frac{1}{(0/25)}$	شنبه	۳	۱	۲		یکشنبه	۱	۲	۳		دوشنبه	۲	۳	۱		w_1	w_2	w_3		شنبه	۱۳	۲۱	۳۲		یکشنبه	۳۱	۱۲	۲۳		دوشنبه	۲۲	۳۳	۱۱	
	w_1	w_2	w_3																																																								
$A = \frac{1}{(0/25)}$	شنبه	۱	۲	۳																																																							
	یکشنبه	۳	۱	۲																																																							
	دوشنبه	۲	۳	۱																																																							
	w_1	w_2	w_3																																																								
$B = \frac{1}{(0/25)}$	شنبه	۳	۱	۲																																																							
	یکشنبه	۱	۲	۳																																																							
	دوشنبه	۲	۳	۱																																																							
	w_1	w_2	w_3																																																								
	شنبه	۱۳	۲۱	۳۲																																																							
	یکشنبه	۳۱	۱۲	۲۳																																																							
	دوشنبه	۲۲	۳۳	۱۱																																																							
۱۵	<p>روش اول:</p> $3^5 - \left(3 \times 2^5 - 3 \right) = 150(0/25)$ <p>روش دوم:</p> $A_1 = \left\{ f : A \rightarrow B \mid f(a_i) \neq b_1, 1 \leq i \leq 5 \right\} \Rightarrow A_1 = 2^5$ $A_2 = \left\{ f : A \rightarrow B \mid f(a_i) \neq b_2, 1 \leq i \leq 5 \right\} \Rightarrow A_2 = 2^5$ $A_3 = \left\{ f : A \rightarrow B \mid f(a_i) \neq b_3, 1 \leq i \leq 5 \right\} \Rightarrow A_3 = 2^5$ $ A_1 \cap A_2 = A_1 \cap A_3 = A_2 \cap A_3 = 1(0/25), A_1 \cap A_2 \cap A_3 = 0$ $ A_1 \cup A_2 \cup A_3 = S - A_1 \cup A_2 \cup A_3 (0/25) = 3^5 - (3 \times 2^5 - 3 \times 1) = 150(0/25)$ <p>۷۷ ص</p>	۱																																																									

با سمه تعالی

مدت آزمون: ۱۲۰: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور وايشارگر داخل و خارج کشور خودداد ۱۴۰۳/۳/۳۱	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳		
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir	تعداد صفحه: ۳ صفحه		پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۶	$n = 3 \times 3 = 9 \left(0 / 25 \right)$: $k + 1 = 21 \Rightarrow k = 20 \left(0 / 25 \right)$ $kn + 1 = 20 \times 9 + 1 = 181 \left(0 / 5 \right)$	۸۳ ص
۲۰	همکاران گرامی، خدا قوت، تمام موارد در خور اهمیت جهت نمره‌گذاری در راهنمای تصحیح نوشته شده است، خواهشمند است جهت رعایت عدالت آموزشی، اوراق دانش آموزان، صرفاً بر اساس راهنمای مذکور تصحیح و بازبینی شوند.	
	با سپاس از مساعدت همکاران بزرگوار	

www.riazisara.ir

دانلود نمونه سوالات از سایت ریاضی سرا