



www.riazisara.ir سایت ویژه ریاضیات

درسنامه ها و جزوه های دروس ریاضیات

دانلود نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نمونه سوالات و پاسخنامه کنکور

دانلود نرم افزارهای ریاضیات

و...و

کانال سایت ریاضی سرا در تلگرام:

[@riazisara](https://telegram.me/riazisara)

واقعاً

پاسخ نامه تشریحی ریاضی علوم انسانی ۹۵

۱۰۱ - در یک کلاس ۴۰ نفری، ۱۸ نفر در فوق برنامه هنری و ۲۱ نفر در فوق برنامه علمی شرکت کرده‌اند. اگر ۹ نفر آن‌ها در این دو برنامه شرکت نکرده باشند، چند نفر آنان در هر دو برنامه شرکت کرده‌اند؟

۸ (۴)

۷ (۳)

۶ (۲)

۵ (۱)

حل) گزینه  . همشون ۴۰ نفرن. اگر ۱۸ تای هنری رو با ۲۱ تای علمی جمع کنیم میشه = ۳۹. حالا اگه ۹ نفر باقیمانده رو هم با اون جمع کنیم میشه = ۴۸. یعنی ۸ تا از ۴۰ تا بیشتره. اینا همونایی هستن که تو هر دو تابernaامه بودن و دوبار حساب شدن. این مدل تست هارو اینجوری حل کنین!

۱۰۲ - حاصل $(\frac{8}{25})^{-3} \times (\frac{8}{10})^4 \times \frac{1}{10}$ کدام است؟

۵ (۴)

۲/۵ (۳)

۲ (۲)

$\frac{2}{5}$ (۱)

حل) گزینه  . یادتون باشه این جور تست ها اصلاً ترسی ندارن.. همه رو به صورت کسری بنویسین و ساده کین. البته توان های منفی رو هم با معکوس کردن پایه، مثبت کنین.

$$(\frac{8}{25})^{-3} \times (\frac{8}{10})^4 \times \frac{1}{10} = \frac{25}{8^3} \times \frac{8^4}{10^4} \times \frac{1}{10}$$

ظاهراً زیاد شد ولی نترسین کافیه ۲۵ رو 3 و ۸ رو 4 و ۱۰ رو 2 بنویسیم. پس داریم.

$$\frac{5}{29} \times \frac{2}{2^4 \times 5^4} \times \frac{12}{2 \times 5} = \frac{5}{2} = 2/5$$

تو خیلی از تست های این مدلی این راهکار مفیده.

۱۰۳ - اگر $A = \frac{2}{3}\sqrt{18} + 2\sqrt{22} - \sqrt{108} + 0,3\sqrt{200}$ باشد، A^3 برابر کدام است؟

۵۰ (۴)

۴۸ (۳)

۴۵ (۲)

۳۲ (۱)



حل) گزینه **۲**. ظاهرا سخته ولی کافیه زوج ها رو به ۲ و فرد ها رو به ۳ تقسیم کنیم. یعنی ۱۰۸ و ۲۰۰ و ۱۸ را رو به ۲۷ تقسیم کنیم که میشه

$$A = \frac{2}{3}\sqrt{2 \times 9} + 2\sqrt{2 \times 9} - \sqrt{2 \times 54} + \dots / 3\sqrt{2 \times 100} = \frac{2}{3} \times 3\sqrt{2} + 2 \times 3\sqrt{3} - \sqrt{2 \times 54} + \dots / 3 \times 10\sqrt{2} = \\ 2\sqrt{2} + 6\sqrt{3} - \sqrt{2 \times 54} + 3\sqrt{2}$$

حالا اگه قرار بدیم $\sqrt{2 \times 54} = \sqrt{2 \times 27 \times 2} = 2\sqrt{3 \times 9} = 6\sqrt{3}$ میشه. اما کار تمومنشده باید این عبارت رو به توان ۲ برسونیم که برابر میشه با $25 \times 2 = 50$.

۳۲ (۴)

$$5x^2 + \frac{9}{4x^2} \text{ باشد. حاصل } (5x - \frac{3}{2x}) = 4 \text{ است؟}$$

۳۱ (۳)

۲۹ (۲)

۲۴ (۱)

حل) گزینه **۲**. تو این جور تست ها کافیه هر دو طرف عبارت داده شده ای اول، رو به توان ۲ برسونیم.

$(5x - \frac{3}{2x})^2 = 25x^2 - 2 \times 5x \times \frac{3}{2x} + \frac{9}{4x^2} = 16$. با توجه به اتحاد ها داریم: حالا کافیه عبارت وسط که منها داره رو ساده کنیم و به طرف راست، کنار ۱۶ ببریم و حاصل برابر ۳۱ میشه.

$$3x(2x^2 - 1) \text{ با شرط } x \neq -1 \text{ برابر کدام سه جمله‌ای است؟}$$

۳۲ (۴)

۳۳ (۳)

۳۴ (۲)

۳۵ (۱)

حل) گزینه **۴**. مخرج مشترک می‌گیریم.

$$\frac{2x(2x^2 - 1) - x + 2 + 2x(2x + 1)}{2x + 2} = \frac{6x^3 - 3x - x + 2 + 4x^3 + 4x}{2x + 2} = \frac{6x^3 + 4x^3 + 2}{2x + 2} =$$

$$\frac{2(3x^3 + 2x^2 + 1)}{2(x+1)} = \frac{3x^3 + 2x^2 + 1}{x+1}$$

حالا اگه تقسیم یادتون باشه (از سال اول)!!

$$\begin{array}{r} 3x^3 + 2x^2 + 1 \\ \hline x+1 \\ \overline{-3x^3 - 2x^2} \\ \hline x+1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \cancel{x} + 1 \\
 \cancel{x} + x \\
 \hline
 x + 1 \\
 -x - 1 \\
 \hline
 0
 \end{array}$$

۱۰۶- مقادیر ۱۲۰ داده آماری، در بازه $[23, 59]$ می‌باشند. این داده‌ها در ۹ طبقه، دسته‌بندی شده‌اند. اگر مجموع فراوانی‌های دو دسته آخر ۱۵ باشد، چند درصد داده‌ها کمتر از ۵۱ هستند؟

۹۲/۵ (۴)

۹۰ (۳)

۸۷/۵ (۲)

۸۲/۵ (۱)

حل) گزینه 😊😊 . اول اطلاعات داده شده را مرتب می‌کنیم.

$$\text{دامنه تغییرات } R = 59 - 23 = 36$$

پس دسته‌ها به صورت زیرن.

۲۳-۲۷

۲۷-۳۱

....

$$\begin{array}{r}
 51-55 \\
 \diagdown \\
 55-59
 \end{array}
 \quad \text{جمع} = 15$$

پس مجموع فراوانی داده‌های قبل از ۵۱ برابر $5 \times 10 = 50$ و درصدش هم برابر با $\frac{50}{120} = 83\%$ است.

۱۰۷- نمودار دایره‌ای برای کدام متغیر مناسب است و اندازه زاویه مرکزی هر قسمت متناسب با کدام است؟

(۱) کیفی - فراوانی نسبی

(۲) گسته - فراوانی تجمعی

(۳) گسته - فراوانی مطلق

$$\frac{f_i}{n} \times 360^\circ = \text{زاویه}$$

حل) گزینه 😊 . با توجه به کتاب درسی

- ۱۰۸ - در نمودار ساقه و برگ داده‌های اماری رو به رو، واریانس داده‌های بین چارک اول و چارک سوم، کدام است؟

ساقه	برگ	
۲	۲ ۳ ۴ ۴ ۶ ۹	۱۷/۲۴ (۱)
۴	۰ ۱ ۳ ۵ ۵ ۷	۱۷/۸۲ (۲)
۵	۱ ۲ ۴ ۷ ۸	۱۸/۰۲ (۳) ۱۸/۴۴ (۴)

حل) گزینه  به نظر می‌آید کار سختی داشته باشیم ولی کافیه داده‌ها را بنویسیم. دقت کنید خودش مرتب شدش و به راحتی چارک اول و سوم پیدامیشه.

۳۲-۳۳-۳۴-۳۶-۳۹-۴۰-۴۱-۴۳-۴۵-۴۷-۵۱-۵۲-۵۴-۵۷-۵۸

$$\text{پس داریم: } ۴۳ = \text{میانه} \quad \frac{۵۱+۵۲}{۲} = ۵۱/۵ \quad \text{چارک اول} = \frac{۳۴+۳۶}{۲} = ۳۵$$

پس داده‌های بین چارک اول و سوم به صورت زیرن:

۳۶-۳۹-۴۰-۴۱-۴۳-۴۵-۴۷-۵۱

$$\text{اول میانگینشون رو حساب می کنیم: } \frac{۵۱+۴۷+۴۵+۴۵+۴۳+۴۱+۴۰+۳۹+۳۶}{۹} = ۴۳$$

$$\begin{aligned} \sigma^2 &= \frac{(۵۱-۴۳)^2 + (۴۷-۴۳)^2 + (۴۵-۴۳)^2 + (۴۵-۴۳)^2 + (۴۳-۴۳)^2 + (۴۱-۴۳)^2 + (۴۰-۴۳)^2 + (۳۹-۴۳)^2 + (۳۶-۴۳)^2}{۹} \\ &= \frac{۶۴+۱۶+۴+۴+۰+۴+۹+۱۶+۴۹}{۹} = ۱۸/۴۴ \end{aligned}$$

- ۱۰۹ - اگر $f(x) = |2x - 5|$ باشد، مقدار $f(2 + \sqrt{2}) + f(1 + \sqrt{2})$ کدام است؟

$2\sqrt{2} + 2$ (۴)

۲ (۳)

$4\sqrt{2} - 4$ (۲)

۲ (۱)

حل) گزینه  ابتدا هر کدام از مقادیر رو پیدا می‌کنیم و در نهایت جمع می‌کنیم.

$$f(2 + \sqrt{2}) = |2(2 + \sqrt{2}) - 5| = |4 + 2\sqrt{2} - 5| = |2\sqrt{2} - 1| = 2\sqrt{2} - 1$$

$$f(1 + \sqrt{2}) = |2(1 + \sqrt{2}) - 5| = |2 + 2\sqrt{2} - 5| = |2\sqrt{2} - 3| = -(2\sqrt{2} - 3) = 3 - 2\sqrt{2}$$

$$f(2+\sqrt{2}) + f(1+\sqrt{2}) = 2\sqrt{2} - 1 + 3 - 2\sqrt{2} = 2$$

۱۱۰- عرض از مبدأ خط گذرا بر نقطه $(-1, 5)$ و عمود بر خط $y = 2x + 1$ ، کدام است؟

۲/۵ (۴)

۲ (۳)

۱/۵ (۲)

۱ (۱)

حل) گزینه . برا پیدا کردن معادله اون خط، باتوجه به اطلاعات داده شده فقط کافیه شب خود را قرینه و معکوس کنیم. بعده با توجه به نقطه داده شده معادله رو می نویسیم:

$$y - (-1) = -\frac{1}{2}(x - 5) \rightarrow y + 1 = -\frac{1}{2}x + \frac{5}{2} \rightarrow y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$$

یعنی عرض از مبدأ ما $\cdot \frac{3}{2} = 1/5$

۱۱۱- ریشه های معادله $2x + \frac{x^3 - 4x}{x-2} - \frac{x-6}{x-2} = 0$ چگونه اند؟

۱) یک جواب مورد قبول

۲) دو جواب مساوی

۳) دو جواب قرینه

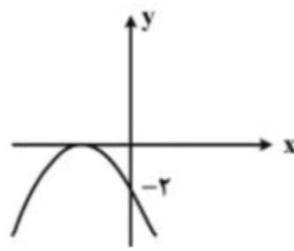
حل) گزینه . ابتدا مخرج مشترک می گیریم.

$$\frac{2x(x-2) + x^3 - 4x - x + 6}{x-2} = \frac{2x^3 - 4x + x^3 - 4x - x + 6}{x-2} = \frac{3x^3 - 9x + 6}{x-2} = \frac{3(x^3 - 3x + 2)}{x-2} = 0$$

می دونیم ریشه های مخرج غیر قابل قبول... پس $x = 2$ رد میشے. حالا میریم سراغ مخرج. اگه مخرج رو مساوی صفر قرار بدیم داریم:

$$3(x^3 - 3x + 2) = 0 \rightarrow x^3 - 3x + 2 = 0 \rightarrow (x-1)(x-2) = 0 \rightarrow x=1, x=2$$

بازم دقت کنیم که $x=2$ تو جوابی صورتم هست که البته رد میشے و فقط یه جواب قابل قبول داریم.



۱۱۲- شکل رویه رو، نمودار کدام تابع است؟

$$y = -2x^2 + 4x - 2 \quad (1)$$

$$y = -2x^2 - 4x - 2 \quad (2)$$

$$y = -x^2 - 2x - 2 \quad (3)$$

$$y = 2x^2 + 4x - 2 \quad (4)$$

حل) گزینه . تو نمودار سهمی همیشه به بالا یا پایین بودن دهانه، نقطه راس و محل برخورد سهمی با محور ها

دقت کنین. چون سهمی رو به پایینه پس ضریب x^2 باید منفی باشه که فقط سه گزینه ۱ و ۲ و ۳ درستن. به نمودار دقیق کنین که فقط یه جا بر محور طول ها مماسه. پس کافیه از گزینه های ۱ و ۲ و ۳ بررسی کنیم بینیم کدوم این شرط رو دارن.

$$1) \Delta = 4^2 - 4(-2)(-2) = 16 - 16 = 0$$

$$2) \Delta = (-4)^2 - 4(-2)(-2) = 16 - 16 = 0$$

$$3) \Delta = (-2)^2 - 4(-1)(-2) = 4 - 8 = -4$$

بنا براین یا گزینه ۱ درسته یا ۲.

چون نمودار سمت چپ محور عرض هاست یعنی منفیه، کافیه یه نقطه کمکی از طول های منفی بدیم مثلاً $-x$ و بینیم کدوم مقدار y ش منفی میشه.

$$1) y = -2(-1)^2 + 4(-1) - 2 = -2 - 4 - 2 = -8$$

$$2) y = -2(-1)^2 - 4(-1) - 2 = -2 + 4 - 2 = 0$$

پس گزینه ۲ درسته.

۱۱۳- شش رقم ۸، ۴، ۳، ۷، ۸ و ۲، را از مقوا بریده و هر سه رقم انتخابی از آنها را در کنار هم جایه جا می کنیم. چند عدد

سه رقمی متمایز حاصل می شود؟

۷۵ (۴)

۷۲ (۳)

۶۳ (۲)

۶۰ (۱)

حل) گزینه . دقیق کنین می تونیم ۳ تا حالت برای عدد سه رقمی در نظر بگیریم. ابتدا فرض می کنیم عدد ۸ توارقام عدد سه رقمی نباشه پس ازین ۴ تا عدد داده شده، باید ۳ رقم انتخاب کنیم (البته با جایگشت های ارقام عدد ۳ رقمی که میشه 3^n !).

$$\binom{4}{3} \times 3! = 24$$

اگه یکی از ۸ ها انتخاب بشه (دقت کنین ۳ رقم دیگه از بین ۴ عدد دیگه به غیر از ۸ انتخاب میشن) :

$$\binom{4}{2} \times 3! = 36$$

اگه هردو تا ۸ انتخاب بشن (پس فقط یکی از ارقام عدد ۳ رقمی از بین ۴ عدد دیگه انتخاب میشه و همچنین جایگشت های ارقام عدد سه رقمی، دیگه !۳ نیست چون از جایگشت دو عدد ۸، عدد دیگه ای به دست نمیاد. بنا براین کافیه نتیجه

$$\frac{\binom{4}{1} \times 3!}{2} = 12 \quad \text{رو به ۲ تقسیم کنیم تا حالت های تکراری حذف بشن}$$

. بنابراین تعداد انتخاب ها برابر با $= 72 = 36 + 24 + 12$

۱۱۴- کارفرمایی به یک کارگر عبتدی، در هفتة اول ۷۵۰ واحد پول دستمزد می دهد. متعهد می شود که در صورت رضایت کاری در پایان هر هفتة، ۲۵ واحد پول بر دستمزد وی اضافه کند تا به دستمزد ثابت ۲۰۰۰ واحد پول برسد. با رضایت کاری پس از چند هفتة، به دستمزد ثابت می رسد؟

۵۱ (۴)

۵۰ (۳)

۴۹ (۲)

۴۸ (۱)

حل) گزینه  کارگر در پایان هفتة دوم در صورت رضایت کاری $750 + 1 \times 25 = 750 + 25 = 775$ واحد پول می گیرد، در پایان هفتة سوم $775 + 1 \times 25 = 775 + 25 = 800$ واحد، در پایان هفتة چهارم $800 + 3 \times 25 = 800 + 75 = 875$ و.... بنابراین می توانیم مقدار دستمزد را به این صورت خلاصه کنیم : $(n-1) \times 25 + 250$ که در آن تعداد هفتة است. حالا اگه بخوایم بدونیم تو هفتة چند به دستمزد ۲۰۰۰ واحد می رسیم کافی است فرمول رومساوی $2000 = (n-1) \times 25 + 250$ بگیریم تا تعداد هفتة به دست بیاد

$$2000 = (n-1) \times 25 + 250 \rightarrow 2000 - 250 = 1250 \rightarrow n-1 = \frac{1250}{25} = 50 \rightarrow n = 51$$

۱۱۵- در دنباله مثلثی مجموع جملات هفتم و هشتم، برابر کدام است؟

۸۱ (۴)

۶۴ (۳)

۵۶ (۲)

۴۹ (۱)

حل) گزینه  دنباله مثلثی که یادتونه $1, 3, 6, 10, 15, \dots$ (جمع هر عدد طبیعی با قبلی هاش). یه فرمولم داشت

جمله n ام. بنا براین جمله هفتم برابر با $\frac{7 \times 8}{2} = 28$ و جمله هشتم برابر با $\frac{8 \times 9}{2} = 36$ و مجموع این دو جمله $36 + 28 = 64$ هم برابر با

$\log \frac{y\sqrt{x}}{z^3}$ باشند. حاصل کدام است؟

۱/۰۲ (۴)

۰/۹۴ (۳)

۰/۸۳ (۲)

۰/۷۸ (۱)

حل) گزینه (😊😊). اول عبارت خواسته شده رو ساده می کنیم. (بادتون که هست $\sqrt{x} = x^{\frac{1}{2}}$)

$$\log \frac{y\sqrt{x}}{z^3} = \log y + \log \sqrt{x} - \log z^3 = \log y + \frac{1}{2} \log x - 3 \log z = \log y + \frac{1}{2} \times 2/72 - 3 \times 0/52 =$$

$$1/03 + 1/36 - 1/56 = 0/83$$

۱۱۷- در شدت صدا سطح دسی بل صدا از رابطه $D = 10 \log \frac{\ell}{\ell_0}$ به دست می آید. که در آن $\ell_0 = 10^{-12}$ است. تعداد واحد دسی بل از صدا با شدت $3,6 \times 10^{-9}$ کدام است؟ (log ۳۶ = ۱/۵۶)

۵۲/۴ (۴)

۲۵/۶ (۳)

۲۵/۶ (۲)

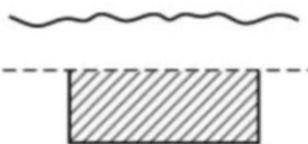
۱۷/۸ (۱)

حل) گزینه (😊😊😊). چه تست خوبی!! فقط کافیه جای گذاری کنیم.

$$D = 10 \log \frac{3/6 \times 10^{-9}}{10^{-12}} = 10 \log 3/6 \times 10^3 = 10 \cdot (\log 3/6 + \log 10^3) = 10 \cdot (\log \frac{36}{10} + 3) = 10 \cdot (\log 36 - \log 10 + 3)$$

$$= 10 \cdot (\log 36 - 1 + 3) = 10 \cdot (1/56 - 1 + 3) = 35/6$$

۱۱۸- با سیمی به طول ۲۰۰ متر، می‌حواییم قطعه زمینی به شکل مستطیل را که یک طرف آن رودخانه است محصور نمیم.
ماکزیمم مساحت این زمین، کدام است؟



- (۱) ۴۲۰۰۰
(۲) ۴۵۰۰۰
(۳) ۴۶۰۰۰
(۴) ۴۸۰۰۰

حل) گزینه . هر جا صحبت از ماکزیمم مساحت اومد یاد راس سهمی بیفین!! اگه طول زمین رو با x و عرضش رو با

لانشون بدیم، محیط محصور شده برابر با $= 600 + 2y + x$ (به شکل نگاه کنیم. دو تا عرض و یه طول داریم که باید روی هم بشن ۶۰۰). از رابطه بالابه دست میاد: $y = 600 - x$. مساحت زمین برابر با

$$xy = (600 - x)x = 600x - x^2 \quad (به معادله سهمی رسیدیم). راس این سهمی برابر با$$

$$y = -x + 600 \quad (۱) \quad \text{واز اینجا طبق رابطه } x = 600 - 2y \text{ مقدار } x \text{ به دست میاد } 300. \text{ بنابراین ماکزیمم مساحت}$$

$$\text{زمین برابر با } xy = 300 \times 150 = 45000.$$

۱۱۹- از بین ۲۰ کارت یکسان که اعداد ۱ تا ۲۰ بر روی آنها نوشته شده است. دو کارت با شماره‌های زوج را کنار می‌کشیم، از بین بقیه به تصادف یک کارت بیرون می‌آوریم. با کدام احتمال عدد این کارت زوج است؟

- (۱) $\frac{4}{9}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۳) $\frac{5}{9}$ (۴) $\frac{7}{18}$

حل) گزینه . از بین اعداد زوج ۱تا ۲۰، ۱۰ تا ش زوجن که اگه دو تا رو کنار بکشیم میشن ۸تا. از طرفی از کل

کارت ها هم دو تا کم میشه یعنی ۱۸ تا. پس احتمال مورد نظر برابر با $\frac{8}{18} = \frac{4}{9}$.

۱۲۰- در پرتاب سه سکه باهم، احتمال ظاهر شدن لااقل یک «رو»، کدام است؟

- (۱) $\frac{3}{8}$ (۲) $\frac{5}{8}$ (۳) $\frac{6}{8}$ (۴) $\frac{7}{8}$

حل) گزینه . در پرتاب سه سکه با هم $2 \times 2 \times 2 = 8$ حالت داریم. پیشامد ظاهر شدن حداقل یک رو را در زیر می‌نویسیم.

{(ر،ر،ر) و (ر،ر،پ) و (ر،پ،ر) و (پ،ر،ر) و (ر،پ،پ) و (پ،ر،پ) و (پ،پ،ر)} که تعدادشون ۷ تاس. بنا براین احتمال مورد نظر

. $\frac{\gamma}{\lambda}$ برابر با