

|  |  |  |                                |
|--|--|--|--------------------------------|
| مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه  | ساعت شروع: ۸ صبح   | رشته‌ی: ادبیات و علوم انسانی - علوم و معارف اسلامی | سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی |
| تاریخ امتحان: ۱۳۹۰/۳/۳   | سال سوم آموزش متوسطه   |  |                                |
| مرکز سنجش آموزش و پرورش<br><a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a> | دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۰ |  |                                |

| ردیف | سوالات  | نمره |
|------|---|------|
| ۱    | دامنه‌ی توابع زیر را مشخص کنید.<br>الف) $y = \frac{5}{3x-1}$ ب) $y = -3x^2 + 7x - 4$ ج) $y = \sqrt{x-7}$  | ۱/۵  |
| ۲    | ضابطه‌ی تابع $y = f(x)$ جدول زیر را نوشته سپس با توجه به آن مقادیر زیر را محاسبه کنید.<br>الف) $f(x-3)$<br>ب) $f(1+a)$  | ۱/۵  |
| ۳    | اگر $h(x) =  3x-2 $ و $g(x) = \sqrt{2x+1}$ و $f(x) = 2^x$ مقادیر زیر را محاسبه کنید.<br>الف) $3f(1) + g(4)$ ب) $\frac{f(2)-g(0)}{5}$ ج) $h(-1) \times g(1)$                       | ۱/۵  |
| ۴    | خط $x - 2y + 4 = 0$ را با استفاده از ضریب زاویه و عرض از مبدأ رسم کنید.   | ۱/۵  |
| ۵    | ضریب زاویه (شیب) خط‌های زیر را تعیین کنید.<br>الف) خطی که از دو نقطه $A(-2, 3)$ و $B(1, 4)$ بگذرد.<br>ب) خط $y = -5$  | ۱    |
| ۶    | معادلات زیر را به روش‌های خواسته شده حل کنید.<br>الف) $x^2 - 8x + 12 = 0$ (مربع کامل کردن)<br>ب) $-2x^2 + 7x - 3 = 0$ (روش کلی یا روش $\Delta$ )<br>ج) $x^2 - 64 = 0$ (روش تجزیه) | ۳    |
| ۷    | در معادله‌ی زیر مجموع و حاصل ضرب ریشه‌ها را بدون حل معادله به دست آورید.  | ۱    |
| ۸    | معادله‌ی $\frac{x-3}{x+5} = 2$ را حل کنید.  | ۱/۲۵ |
| ۹    | معادله‌ی درجه‌ی دومی بنویسید که جواب‌های آن ۲ و -۵ باشد.  | ۰/۷۵ |
|      | «ادامه‌ی سوالات در صفحه‌ی دوم»  |      |

با اسمه تعالی

|  |  |   |                                 |
|--|--|---|---------------------------------|
| مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه   | ساعت شروع : ۸ صبح  | رشته‌ی : ادبیات و علوم انسانی - علوم و معارف اسلامی | سوالات امتحان نهایی درس : ریاضی |
| تاریخ امتحان : ۱۳۹۰/۳/۳  | سال سوم آموزش متوسطه   |   |                                 |
| مرکز سنجش آموزش و پرورش<br><a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a> | دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۰ |   |                                 |

| ردیف | سوالات  | نمره         |
|------|---|--------------|
| ۱۰   | ابتدا مختصات رأس و معادله‌ی محور تقارن سهمی به معادله‌ی $y = x^2 - 4x + 5$ را به دست آورید، سپس نمودار آن رارسم کنید.     | ۱/۵          |
| ۱۱   | به چند طریق مختلف می‌توان کتاب‌های ریاضی، عربی، جغرافیا و تاریخ را کتاب‌یکدیگر قرار داد؟                                  | ۱            |
| ۱۲   | با حروف کلمه‌ی «ایران» چند ترتیب مختلف می‌توان ساخت؟  | ۱            |
| ۱۳   | با ارقام ۵ و ۹ و ۶ و ۸ و ۷ چند عدد:<br>الف) سه رقمی بدون تکرار می‌توان نوشت؟<br>ب) چهار رقمی زوج بدون تکرار می‌توان نوشت؟ | ۱/۵          |
| ۱۴   | مقادیر زیر را محاسبه کنید.<br>الف) $C(5, 2)$<br>ب) $4! + 2!$  | ۱/۵          |
|      | دانلود از سایت سوال سرا   | جمع نمره     |
|      | www.soalsara.ir   | »موفق باشید« |
|      |   | ۲۰           |

با سمه تعالی

|  |   |  |
|--|---|--|
| ساعت شروع : ۸ صبح  | رشته‌ی : ادبیات و علوم انسانی - علوم و معارف اسلامی | راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس : ریاضی                |
| تاریخ امتحان : ۱۳۹۰/۳/۳  |   | سال سوم آموزش متوسطه   |
| مرکز سنجش آموزش و پرورش<br><a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a> |   | دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۰ |

| ردیف | راهنمای تصحیح   | نمره |
|------|---|------|
| ۱    | D = R - $\left\{ \frac{1}{3} \right\}$ (۰/۵)      ب) D = R (۰/۵)      ج) D : x - ۷ \geq ۰ \Rightarrow x \geq ۷ (۰/۲۵)   | ۱/۵  |
| ۲    | y = ۲x + ۱ (۰/۵)      الف) f(x - ۳) = ۲(x - ۳) + ۱ = ۲x - ۵ (۰/۲۵)<br>ب) f(۱ + a) = ۲(۱ + a) + ۱ = ۲a + ۳ (۰/۲۵)  | ۱/۵  |
| ۳    | ۲ (۳ \times ۲) + ۳ = ۹ (۰/۷۵)      ب) $\frac{۴-۱}{۵} = \frac{۳}{۵}$ (۰/۷۵)      ج) $5 \times \sqrt{۳} = 5\sqrt{۳}$ (۰/۵)  | ۱/۵  |
| ۴    | ۳x - ۲y + ۴ = ۰ \Rightarrow y = \frac{۳}{۲}x + ۲ \Rightarrow m = \frac{۳}{۲} (۰/۲۵)<br>ابتدا نقطه‌ی عرض از مبدأ A (۰, ۲) را روی محور عرض‌ها تعیین کرده سپس<br>از نقطه‌ی A ۳ واحد به سمت بالا (خیز) و ۲ واحد به سمت راست (رفت)<br>حرکت می‌کنیم تا نقطه‌ی B به دست آید، خطی که از این ۲ نقطه می‌گذرد<br>نمودار مطلوب است. (۰/۵)   | ۱/۵  |
| ۵    | الف) m = \frac{\text{تفاصل عرضها}}{\text{تفاصل طولها}} = \frac{y_A - y_B}{x_A - x_B} = \frac{-۲ - ۴}{۳ - ۱} = \frac{-۶}{۲} = -۳ (۰/۲۵)<br>ب) خط موازی محور طول‌ها است لذا شیب آن صفر است. (۰/۲۵)  | ۱    |
| ۶    | x^۲ - ۸x + ۱۶ - ۱۶ + ۱۲ = ۰ (۰/۲۵)<br>(x - ۴)^۲ = ۴ \Rightarrow x - ۴ = \pm ۲ \Rightarrow \begin{cases} x = ۶ \\ x = ۲ \end{cases} (۰/۵)<br>ب) \Delta = b^۲ - ۴ac = ۴۹ - ۲۴ = ۲۵ > ۰ \Rightarrow \text{دو ریشه حقیقی} (۰/۲۵)<br>x = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{۲a} = \frac{-۷ \pm \sqrt{۲۵}}{-۴} \Rightarrow \begin{cases} x = ۳ \\ x = \frac{۱}{۲} \end{cases} (۰/۵)<br>ج) (x - \lambda)(x + \lambda) = ۰ \Rightarrow \begin{cases} x = \lambda \\ x = -\lambda \end{cases} (۰/۵) | ۳    |
|      | «ادامه‌ی سوالات در صفحه‌ی دوم»  |      |

با اسمه تعالی

|  |  |   |
|--|--|---|
| ساعت شروع : ۸ صبح  | رشته‌ی : ادبیات و علوم انسانی - علوم و معارف اسلامی          | راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس : ریاضی |
| تاریخ امتحان : ۱۳۹۰/۳/۳  | سال سوم آموزش متوسطه   |   |
| مرکز سنجش آموزش و پرورش<br><a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a> | دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۰ |   |

| ردیف | راهنمای تصحیح  | نمره |
|------|--|------|
| ۷    | $S = -\frac{b}{a} = -\frac{-1}{-5} = \frac{1}{5}$ (۰/۵) $P = \frac{c}{a} = \frac{4}{-5} = -\frac{4}{5}$ (۰/۵)  | ۱    |
| ۸    | توجه داشته باشیم که $-5$ برای $x$ مقداری غیر قابل قبول است لذا : (۰/۲۵)<br>$2x + 10 = x - 3 \Rightarrow x = -13$ ق.ق (۰/۵)   | ۱/۲۵ |
| ۹    | $x = 2 \Rightarrow x - 2 = 0$ (۰/۲۵)<br>$\Rightarrow (x - 2)(x + 5) = 0 \Rightarrow x^2 + 3x - 10 = 0$ (۰/۲۵)<br>$x = -5 \Rightarrow x + 5 = 0$ (۰/۲۵)<br>$S = -3$ (۰/۲۵)<br>$\Rightarrow X^2 - SX + P = 0 \Rightarrow X^2 + 3X - 10 = 0$ (۰/۲۵)<br>$P = -10$ (۰/۲۵) | ۰/۷۵ |
| ۱۰   | $x = -\frac{b}{2a} = -\frac{4}{2} = -2 \Rightarrow y = 1 \Rightarrow s(2,1)$ (۰/۵)<br>رسم نمودار (۰/۵)   | ۱/۵  |
| ۱۱   | $x = 2$ (۰/۲۵)      معادله محور تقارن<br>$\begin{array}{ c ccc } \hline x & 1 & 2 & 3 \\ \hline y & 2 & 1 & 2 \\ \hline \end{array}$ (۰/۲۵)  | ۱    |
| ۱۲   | $\frac{5!}{2!} = \frac{5 \times 4 \times 3 \times 2!}{2!} = 60$ (۰/۲۵)   | ۱    |
| ۱۳   | (الف) $5 \times 4 \times 3 = 60$ (۰/۷۵)      (ب) $4 \times 3 \times 2 \times 2 = 48$ (۰/۷۵)  | ۱/۵  |
| ۱۴   | $C(5, 2) = \frac{5!}{2! \times 3!} = \frac{5 \times 4 \times 3!}{2 \times 3!} = 10$ (۰/۲۵) $4! + 2! = 24 + 2 = 26$ (۰/۵)   | ۱/۵  |
|      | جمع نمره «موفق باشید»  | ۲۰   |