



سایت ویژه ریاضیات www.riazisara.ir

درسنامه ها و جزوه های ریاضی
سوالات و پاسخنامه تشریحی کنکور
نمونه سوالات امتحانات ریاضی
نرم افزارهای ریاضیات
و...

(@riazisara)

ریاضی سرا در تلگرام:



<https://t.me/riazisara>

(@riazisara.ir)

ریاضی سرا در اینستاگرام:



<https://www.instagram.com/riazisara.ir>

۶۱- گزاره ریاضی عبارت $x^2 \geq 3x - 1$ با فرض آن که $x \in \mathbb{R}$ باشد، به صورت بیان فارسی معادل کدام گزینه است؟

- (۱) مربع یک عدد حقیقی بزرگتر از ۳ برابر آن عدد، منهای یک است.
- (۲) مربع یک عدد حقیقی بزرگتر یا مساوی ثلث آن عدد، منهای یک می‌باشد.
- (۳) مربع یک عدد حقیقی، کوچکتر از ۳ برابر آن عدد، منهای یک، نیست.
- (۴) مربع یک عدد حقیقی، کوچکتر یا مساوی ثلث آن عدد، منهای یک، نیست.

۶۲- در کدام گزینه، خطای محاسباتی وجود ندارد؟

$$x^2 + 100 = 0 \Rightarrow x = \pm 10 \quad (۱)$$

$$\sqrt{x^2 + 6x + 9} = |x + 3| \quad (۲)$$

$$a > b \Rightarrow -6a > -6b \quad (۱)$$

$$a > b \Rightarrow a - 4 < b - 4 \quad (۲)$$

۶۳- در استدلال گزاره: «به ازای هر x و y حقیقی، $\frac{x^2}{y} + \frac{y^2}{x} \geq 0$ » به صورت زیر، در کدام مرحله اولین ایجاد بوجود آمده است؟

$$\begin{aligned} \frac{x^2}{y} + \frac{y^2}{x} &= \frac{\overbrace{x^3 + y^3}^{\text{مرحله ۱}}}{xy} = \frac{\overbrace{xy(x^2 + y^2 + 2xy)}^{\text{مرحله ۲}}}{xy} = \frac{\overbrace{xy(x+y)^2}^{\text{مرحله ۳}}}{xy} = (x+y)^2 \\ &\quad \text{همواره بزرگتر مساوی صفر است.} \end{aligned}$$

(۱) مرحله ۱ (۲) مرحله ۲ (۳) مرحله ۳ (۴) مرحله ۴

۶۴- کدام گزاره را باید در جای خالی قرار دهیم تا استدلال حاصل، قیاس استثنایی باشد؟

$$[(\sim q \Rightarrow \sim p) \wedge \boxed{\quad}] \Rightarrow \sim p$$

$$\sim q \quad (۱)$$

$$\sim p \quad (۲)$$

$$q \quad (۳)$$

$$p \quad (۴)$$

۶۵- اگر ارزش گزاره $q \Rightarrow p$ همواره درست باشد، ارزش کدام گزاره همواره درست است؟

$$(p \wedge q) \Leftrightarrow p \quad (۱)$$

$$(p \vee q) \Leftrightarrow (p \wedge q) \quad (۲)$$

$$(p \Leftrightarrow q) \vee p \quad (۳)$$

-۶۶- اگر گزاره $p \vee q \Leftrightarrow q$ درست باشد، در خصوص گزاره $\sim(p \wedge q) \Leftrightarrow \sim p \wedge \sim q$ گزینه صحیح است؟

۱) همواره درست است.

۲) همواره نادرست است.

۳) اگر p درست باشد، ارزش گزاره درست است.

-۶۷- اگر r ، p و q گزارهایی با ارزش نادرست باشند، ارزش گزاره‌های $(p \Rightarrow q) \Leftrightarrow (\sim r \vee p)$ و $(r \Rightarrow p) \Leftrightarrow (\sim p \vee q)$ به ترتیب از

راست به چپ کدام است؟

۴) نادرست - نادرست

۳) نادرست - درست

۲) درست - نادرست

۱) درست - درست

-۶۸- اگر $(\sim p \vee q) \equiv F$ باشد، گزاره T هم ارز کدام است؟ (F : نادرست، T : درست)

T (۴)

F (۳)

$p \Rightarrow \sim p$ (۲)

$\sim q \Rightarrow \sim p$ (۱)

-۶۹- اگر p گزاره‌ای درست و q گزاره‌ای نادرست و r گزاره‌ای دلخواه باشد، ارزش کدام گزینه با دیگر گزینه‌ها متفاوت است؟

$(r \Leftrightarrow p) \Rightarrow (p \vee q)$ (۴)

$(p \Leftrightarrow q) \Leftrightarrow (p \Rightarrow q)$ (۱)

$(p \vee r) \Leftrightarrow (q \Rightarrow r)$ (۳)

$(p \Rightarrow \sim q) \Leftrightarrow (\sim p \wedge r)$ (۲)

-۷۰- اگر در یک کارخانه، x تعداد کالای تقاضا شده و p قیمت هر واحد کالا باشد، آنگاه تعداد کالای تقاضا شده از منفی بیست برابر قیمت

هر واحد کالا ۳۰۰۰ تومان بیشتر است، معادله درآمد کارخانه کدام است؟

$$R(x) = -2x^2 + 3000x \quad (۴)$$

$$R(x) = \frac{x^2}{2} + 150x \quad (۱)$$

$$R(x) = -\frac{x^2}{2} + 150x \quad (۳)$$

$$R(x) = 2x^2 - 3000x \quad (۲)$$

-۶۱

(امیر زر انوز، استدلال ریاضی، صفحه ۱۲ و ۱۳)

اگر عدد حقیقی مورد نظر را x در نظر بگیریم، مربع آن x^2 و سه برابر آن عدد، $3x^2$ منتهای یک، برابر با $1 - 3x^2$ می‌شود. پس عبارت گزینه «۳» برابر با $1 - 3x^2 \geq 3x^2$ است.

۴

۳ ✓

۲

۱

-۶۲

(امیر زر انوز، استدلال ریاضی، صفحه ۱۲ تا ۱۸)

بررسی گزینه (۱): اگر دو طرف نامساوی در یک عدد منفی ضرب شوند، جهت نامساوی باید تغییر کند.

بررسی گزینه (۲): معادله $x^2 + 100 = 0$ جواب ندارد، زیرا $-100 = x^2$ و نمی‌توانیم از عدد -100 جذر بگیریم.

بررسی گزینه (۳): اگر مقدار ثابتی را به دو طرف نامساوی اضافه کنیم جهت نامساوی عوض نخواهد شد.

$$a > b \Rightarrow a - 4 > b - 4$$

بررسی گزینه (۴): این تساوی درست است، زیرا:

$$\sqrt{x^2 + 6x + 9} = \sqrt{(x+3)^2} = |x+3|$$

می‌دانیم اگر توان و فرجه، زوج باشند و با هم خط بخورند (ساده شوند) عبارت زیر را دیگال با قدر مطلق خارج می‌شود.

۴ ✓

۳

۲

۱

-۶۳

(امیر ممدوحیان، استدلال ریاضی، صفحه ۱۲ تا ۱۸)

$$x^3 + y^3 \neq xy(x^2 + y^2 + 2xy)$$

این مرحله نادرست است.

زیرا:

$$xy(x^2 + y^2 + 2xy) = x^3y + xy^3 + 2x^2y^2 \neq x^3 + y^3$$

۴

۳

۲ ✓

۱

-۶۴

(امیر زر انوز، ترکیبی، صفحه ۲ تا ۲۱)

می‌دانیم فرم کلی استدلال قیاس استثنایی به صورت $[(p \Rightarrow q) \wedge p] \Rightarrow q$ می‌باشد، لذا در جای خالی باید گزاره $q \sim$ قرار گیرد.

۴ ✓

۳

۲

۱

(امیر محمدیان، گزاره‌ها و ترکیب گزاره‌ها، صفحه ۲ تا ۱۱)

ارزش گزاره شرطی $p \Rightarrow q$ زمانی درست است که ۳ حالت زیر برقرار باشد:

$$p \Rightarrow q \equiv T \Rightarrow \begin{cases} p : \text{درست}, q : \text{درست} \\ p : \text{نادرست}, q : \text{نادرست} \end{cases}$$

حال با استفاده از جدول زیر، ارزش گزاره هریک از گزینه‌ها را می‌یابیم:

p	q	$p \Rightarrow q$	$p \Leftrightarrow (p \Rightarrow q)$	$p \wedge q$	$(p \wedge q) \Leftrightarrow p$	$p \Leftrightarrow q$
T	T	T	T	T	T	T
F	T	F	T	F	T	F
F	F	T	F	F	T	T

$(p \Leftrightarrow q) \vee p$	$p \vee q$	$(p \vee q) \Leftrightarrow (p \wedge q)$
T	T	T
F	T	F
T	F	T

همانطور که از جدول مشاهده می‌کنید تنها ارزش گزاره گزینه «۲» همواره صحیح

امتحان



(محمد اصلانی، گزاره‌ها و ترکیب گزاره‌ها، صفحه ۲۳ تا ۲۴)

یا توجه به اینکه $q \Leftrightarrow p \vee q$ درست است، اگر q درست باشد، p دلخواه است و

اگر q نادرست باشد، p یايد نادرست ياسد.

p	q	$\neg p$	$\neg q$	$(p \wedge q)$
d	d	n	n	d
n	d	d	n	n
n	n	d	d	n

$\sim(p \wedge q)$	$\sim p \wedge \sim q$	$\sim(p \wedge \sim q) \Leftrightarrow \sim p \wedge \sim q$
ن	ن	د
د	ن	ن
د	د	د

بنابراین اگر p درست باشد، با توجه به جدول می‌بینیم که ارزش گزاره داده شده درست است.



(امیر مکمودیان، گزاره‌ها و ترکیب گزاره‌ها، صفحه ۲ تا ۱۱)

از آنجا که p نادرست است، پس $p \Rightarrow q$ درست است و به دلیل مشابه $\Rightarrow r$ نیز درست است و ترکیب دو شرطی $(r \Rightarrow p) \Leftrightarrow (p \Rightarrow q)$ نیز درست است.

p و q نادرست هستند، پس $p \vee q$ نیز نادرست است و ترکیب عطفی گزاره‌ای نادرست با هر گزاره دیگر، نادرست است، در نتیجه گزاره $(p \vee q) \wedge (\neg r \vee p)$ نادرست است.

 ۴ ۳ ۲ ۱

(امیر زراندوز، گزاره‌ها و ترکیب گزاره‌ها، صفحه ۲ تا ۱۱)

$$(\neg p \vee q) \equiv F \Rightarrow \begin{cases} \neg p \equiv F \\ q \equiv F \end{cases}$$

$$[(\neg p \Leftrightarrow q) \wedge T] \equiv [(\overbrace{F \Leftrightarrow F}^T) \wedge T] \equiv T$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(همید زرین‌کفش، گزاره‌ها و ترکیب گزاره‌ها، صفحه ۲ تا ۱۱)

به بررسی تک‌تک گزینه‌ها می‌پردازیم:

$$1) (p \Leftrightarrow q) \Leftrightarrow (p \Rightarrow q) \equiv (\underbrace{T \Leftrightarrow F}_F) \Leftrightarrow (\underbrace{T \Rightarrow F}_F) \equiv F \Leftrightarrow F \equiv T$$

$$2) (r \Leftrightarrow p) \Rightarrow (p \vee q) \equiv (r \Leftrightarrow T) \Rightarrow (T \vee F) \equiv \text{نامعلوم} \Rightarrow T \equiv T$$

$$3) (p \Rightarrow \neg q) \Leftrightarrow (\neg p \wedge r) \equiv (\underbrace{T \Rightarrow \neg F}_T) \Leftrightarrow (\underbrace{\neg T \wedge r}_F) \equiv T \Leftrightarrow F \equiv F$$

$$4) (p \vee r) \Leftrightarrow (q \Rightarrow r) \equiv (\underbrace{T \vee r}_T) \Leftrightarrow (\underbrace{F \Rightarrow r}_T) \equiv T \Leftrightarrow T \equiv T$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(فرداد روشی، استدلال ریاضی، صفحه ۱۱ و ۱۳)

ابتدا معادله تقاضا را می‌یابیم:

$$x = ۳۰۰۰ - ۲ \cdot p \Rightarrow ۲ \cdot p = ۳۰۰۰ - x \Rightarrow p = ۱۵۰ - \frac{x}{۲}$$

$$\text{درآمد} \Rightarrow R(x) = x \times p \Rightarrow R(x) = \frac{-x^2}{۲} + ۱۵0x$$

 ۴ ۳ ۲ ۱