



سایت ویژه ریاضیات www.riazisara.ir

درسنامه ها و جزوه های ریاضی
سوالات و پاسخنامه تشریحی کنکور
نمونه سوالات امتحانات ریاضی
نرم افزارهای ریاضیات
و...

(@riazisara)

ریاضی سرا در تلگرام:



<https://t.me/riazisara>

(@riazisara.ir) ریاضی سرا در اینستاگرام:



<https://www.instagram.com/riazisara.ir>

ریاضی و آمار ۲ ، گزاره ها و ترکیب گزاره ها - ۶ سوال

۶۱- ارزش کدام گزاره صحیح است؟

- (۱) یک چهارضلعی مربع است، اگر و تنها اگر آن چهارضلعی مستطیل باشد.

$$4 \times 8 \neq 2^5 \Leftrightarrow 2^3 > 3^2$$

- (۳) اگر دو گزاره هم ارزش نباشند، آنگاه ترکیب دو شرطی آنها دارای ارزش درست است و برعکس.

- (۴) اگر واریانس داده ها برابر صفر باشد، آنگاه میانگین داده ها برابر یکی از داده ها است و برعکس.

۶۲- اگر ارزش گزاره $(p \wedge q) \Rightarrow s \Leftrightarrow p \Rightarrow s \vee (p \Rightarrow r)$ نادرست باشد، ارزش گزاره های $(s \Leftrightarrow q) \Rightarrow p$ و $(s \Leftrightarrow r)$ به ترتیب از راست

به چپ کدام است؟

T,T (۴)

T,F (۳)

F,F (۲)

F,T (۱)

۶۳- گزاره $(p \wedge q) \Leftrightarrow q$ در چه صورت همواره دارای ارزش درست است؟

- (۱) $p \wedge q$ نادرست باشد.

- (۳) گزینه های ۱ و ۳ صحیح است.

۶۴- اگر p گزاره ای درست و q گزاره ای نادرست و r گزاره ای دلخواه باشد، کدام گزینه صحیح است؟

- (۱) اگر r گزاره ای نادرست باشد، گزاره $(\sim p \Rightarrow q) \wedge (\sim q \Rightarrow p)$ ارزش درست دارد.

- (۲) اگر r گزاره ای درست باشد، گزاره $(r \Leftrightarrow q) \Leftrightarrow (q \Leftrightarrow p)$ ارزش نادرست دارد.

- (۳) اگر r گزاره ای نادرست باشد، گزاره $((r \wedge q) \vee \sim p) \Rightarrow r$ ارزش نادرست دارد.

- (۴) اگر r گزاره ای درست باشد، گزاره $(r \Rightarrow q) \wedge (\sim p \Leftrightarrow \sim r)$ ارزش درست دارد.

۶۵- اگر ارزش گزاره $p \Rightarrow q$ نادرست باشد، در این صورت ارزش کدام گزاره الزاماً درست است؟

$$(p \Rightarrow q) \vee q \quad (۳)$$

$$(p \vee q) \Rightarrow (p \wedge q) \quad (۱)$$

$$(\sim p \vee q) \Rightarrow q \quad (۴)$$

$$\sim q \Leftrightarrow (p \wedge q) \quad (۳)$$

۶۶- اگر p ، q و r گزاره های نادرستی باشند، کدام گزینه صحیح است؟

$$(p \vee \sim r) \Leftrightarrow (q \Rightarrow \sim r) \equiv r \wedge p \quad (۳)$$

$$(r \Leftrightarrow q) \Rightarrow (p \vee r) \equiv \sim (p \vee q) \quad (۱)$$

$$(\sim q \vee r) \Leftrightarrow (r \wedge q) \equiv r \vee q \quad (۴)$$

$$\sim (p \vee r) \Rightarrow (\sim q \Leftrightarrow r) \equiv \sim r \vee q \quad (۳)$$

۶۷- نماد ریاضی عبارت کلامی «مجموع جذر هر عدد طبیعی و مجذورش از خود عدد بزرگتر است» کدام است؟ (عدد طبیعی مورد نظر را x

در نظر بگیرید)

$$\sqrt{x+x^2} > x \quad (2)$$

$$\sqrt{x+x^2} > x \quad (1)$$

$$\sqrt{x+\sqrt{x}} > x \quad (4)$$

$$\sqrt{x+\sqrt{\sqrt{x}}} > x \quad (3)$$

۶۸- در مورد استدلال زیر، کدام گزینه درست است؟

مقدمه ۱: اگر a و b دو عدد اول دو رقمی باشند، آنگاه $ab+1$ عددی زوج است.

$$\text{مقدمه ۲: } 15 \times 27 + 1 = 406$$

$\therefore 15$ عددی اول است.

(۱) این استدلال، عکس نقیض گزاره شرطی است.

(۲) نام استدلال، قیاس استثنایی است.

(۳) این استدلال، یک مغالطه است.

(۴) مقدمه ۱ این استدلال دارای ارزش درست است پس نتیجه هم دارای ارزش درست می‌باشد.

۶۹- به کمک عکس نقیض گزاره شرطی، به جای اثبات گزاره شرطی «اگر $x > 0$ آنگاه $|x| < 0$ » می‌توانیم کدام گزاره زیر را اثبات کنیم؟

$$|x| \leq 0 \text{ اگر } x \leq 0, \text{ آنگاه } \dots \quad (2)$$

$$|x| \leq 0 \text{ اگر } x \geq 0, \text{ آنگاه } \dots \quad (1)$$

$$x \leq 0 \text{ اگر } |x| \geq 0, \text{ آنگاه } \dots \quad (4)$$

$$x \geq 0 \text{ اگر } |x| \leq 0, \text{ آنگاه } \dots \quad (3)$$

۷۰- در حل معادله $x^5 - 4x^3 = 0$ اشتباه در کدام مرحله رخ داده است؟

$$x^5 - 4x^3 = 0 \Rightarrow \text{مرحله ۱}$$

$$x^3(x^2 - 4) = 0 \Rightarrow \text{مرحله ۲}$$

$$\frac{x^3(x^2 - 4)}{x^3} = 0 \Rightarrow \text{مرحله ۳}$$

$$x^2 - 4 = 0 \Rightarrow \text{مرحله ۴}$$

$$x = \pm 2 \Rightarrow \text{مرحله ۵}$$

(۴) پنجم

(۳) چهارم

(۲) سوم

(۱) دوم

-۶۱

(شناختی راهبریان، گزاره‌ها و ترکیب گزاره‌ها، صفحه ۸ تا ۱۱)

گزاره دو شرطی دو گزاره زمانی دارای ارزش درست است که هر دو گزاره آن هم ارزش باشند، یعنی هر دو درست یا هر دو نادرست باشند، حال به بررسی ارزش گزاره‌ها می‌پردازیم:

تشریح گزینه‌ها:

گزینه «۱»: اگر یک چهارضلعی مربع باشد، آنگاه چهارضلعی مستطیل است ولی عکس این گزاره که اگر یک چهارضلعی مستطیل باشد، آنگاه مربع است در حالت کلی صحیح نیست.

$$\frac{\begin{array}{c} 4 \times 8 \neq 2^5 \\ F \end{array}}{\begin{array}{c} 2^3 > 3^2 \\ F \end{array}} \Leftrightarrow \frac{T}{T}$$

گزینه «۳»: اگر دو گزاره هم ارزش نباشند، آنگاه ترکیب دو شرطی آنها دارای ارزش نادرست است و بر عکس، که این گزاره دو شرطی دارای ارزش نادرست است.
 گزینه «۴»: اگر واریانس داده‌ها برابر صفر باشد، آنگاه داده‌ها با یکدیگر مساوی هستند که در این حالت میانگین برابر هر یک از داده‌ها است، ولی اگر میانگین برابر یکی از داده‌ها باشد، آنگاه الزاماً همه داده‌ها با یکدیگر مساوی نیستند و در این حالت واریانس داده‌ها صفر نیست.

۴

۳

۲ ✓

۱

-۶۲

(امیر زراندوز، گزاره‌ها و ترکیب گزاره‌ها، صفحه ۸ تا ۱۱)

ارزش کل گزاره داده شده نادرست است، پس ارزش هر دو گزاره $s \Rightarrow (\sim p \wedge q) \Leftrightarrow s$ و $(p \Leftrightarrow r) \Leftrightarrow s$ نادرست است. لذا p و r باید ارزش‌های مختلف داشته باشند. همچنین $\sim p \wedge q$ درست و s نادرست است. پس $\sim p$ و q هر دو درست هستند، لذا r درست نادرست می‌باشد. از طرفی گفتیم p و r ارزش‌های مختلف دارند پس r درست است.

$$(\sim s \Leftrightarrow r) \equiv (\sim F \Leftrightarrow T) \equiv (T \Leftrightarrow T) \equiv T$$

$$(s \Rightarrow q) \Leftrightarrow p \equiv (\underbrace{F \Rightarrow T}_{T}) \Leftrightarrow F \equiv T \Leftrightarrow F \equiv F$$

۴

۳

۲

۱ ✓

با توجه به جدول ارزش گزاره‌ها داریم:

p	q	$p \wedge q$	$(p \wedge q) \Leftrightarrow q$
T	T	T	T
T	F	F	T
F	T	F	F
F	F	F	T

با توجه به جدول اگر گزاره p درست باشد، در این صورت گزاره $(p \wedge q) \Leftrightarrow q$ همواره دارای ارزش درست است. لذا گزینه «۴» پاسخ صحیح است.

۴✓

۳

۲

۱

گزینه «۱»: چون p درست است، $\sim p$ نادرست است و $(\sim p \Rightarrow q) \Leftrightarrow (\sim q)$ به انتفای مقدم درست است. r نادرست است و $\sim p$ هم نادرست است، پس $(r \vee \sim p)$ نادرست است. پس گزاره مرکب $(r \vee \sim p) \wedge (\sim p \Rightarrow q) \Leftrightarrow (r \vee \sim p) \wedge (\sim r \Leftrightarrow q)$ نادرست است.

گزینه «۲»: r درست است، پس $\sim r$ نادرست است. q هم نادرست است، پس $(q \Leftrightarrow p) \Leftrightarrow (\sim r \Leftrightarrow q) \Leftrightarrow (\sim r \Leftrightarrow p) \Leftrightarrow (q \Leftrightarrow p)$ نادرست است. در نتیجه گزاره مرکب $(q \Leftrightarrow p) \wedge (\sim r \Leftrightarrow q) \Leftrightarrow (q \Leftrightarrow p) \wedge (\sim r \Leftrightarrow p)$ نادرست است.

گزینه «۳»: r نادرست است، پس $\sim r$ هم نادرست است. p هم نادرست است، پس گزاره $(r \wedge q) \vee \sim p \Rightarrow r \Rightarrow (r \wedge q) \vee \sim p$ به انتفای مقدم درست است.

گزینه «۴»: r درست و q نادرست است پس $\sim q \Rightarrow r$ نادرست و گزاره مرکب $(r \Rightarrow q) \wedge (\sim p \Leftrightarrow \sim r)$ نادرست است.

۴

۳

۲✓

۱

(همید زرین‌کفش، گزاره‌ها و ترکیب گزاره‌ها، صفحه ۱ تا ۱۱)

ارزش گزاره دو شرطی زمانی نادرست است که یکی از دو گزاره نادرست و دیگری درست باشد، لذا با توجه به جدول زیر ارزش گزاره‌های هر یک از گزینه‌ها را می‌یابیم:

p	q	$\sim p$	$\sim q$	$p \vee q$	$p \wedge q$	$(p \vee q) \Rightarrow (p \wedge q)$	$p \Rightarrow q$
T	F	F	T	T	F	F	F
F	T	T	F	T	F	F	T

«گزینه ۱»

$(p \Rightarrow q) \vee q$	$\sim q \Leftrightarrow (p \wedge q)$	$\sim p \vee q$	$(\sim p \vee q) \Rightarrow q$
F T	F T	F T	T T

«گزینه ۲»

«گزینه ۳»

«گزینه ۴»

فقط گزاره گزینه «۴» همواره صحیح است.

۴✓۳۲۱

(امیر معموریان، گزاره‌ها و ترکیب گزاره‌ها، صفحه ۱ تا ۱۱)

$\sim q$ درست و ترکیب فصلی آن با r درست است. r و q هر دو نادرست هستند پس $r \wedge q$ هم نادرست است. ترکیب دو شرطی گزاره‌های درست و نادرست، نادرست است.

از طرفی r و q هر دو نادرست هستند، پس $r \vee q$ هم نادرست است و در نتیجه: $\sim (q \vee r) \Leftrightarrow (r \wedge q) \equiv r \vee q$ گزینه‌ها گزاره‌های ترکیبی داده شده هم ارزش نیستند.

۴✓۳۲۱

(فریده هاشمی، استدلال و یاضی، صفحه ۱۱۳ و ۱۱۴)

اگر عدد مورد نظر را x در نظر بگیریم جذر آن معادل \sqrt{x} و مجذور آن همان توان دوم آن یعنی x^2 می‌باشد؛ حال مجموع جذر و مجذور آن به صورت $\sqrt{x} + x^2$ می‌باشد که از خود عدد یعنی x بزرگتر است، بنابراین:

$$\sqrt{x} + x^2 > x$$

۴۳۲۱✓

(محمد بهیرایی، استدلال ریاضی، صفحه ۱۵ و ۱۶)

صورت صحیح استدلال قیاس استثنایی به صورت زیر می‌باشد:

(۱) مقدمه: $p \Rightarrow q$ (۲) مقدمه: $p \underline{\hspace{2cm}}$ $\therefore q$

و اگر در مقدمه (۲) به جای p ، گزاره q بباید یک مغالطه خواهیم داشت که این استدلال صورت سؤال یک مغالطه است و ارزش آن نادرست است.

 ۴ ۳ ۲ ۱

(هادی پلاور، استدلال ریاضی، صفحه ۱۶)

عکس نقیض گزاره شرطی $q \Rightarrow \sim p$ به صورت $\sim q \Rightarrow \sim p$ می‌باشد.برای اثبات گزاره صورت سؤال کافی است گزاره «اگر $x \geq 0$ آنگاه $x^3 \geq 0$ » را اثبات کنیم. ۴ ۳ ۲ ۱

(امیر زراندوز، استدلال ریاضی، صفحه ۱۶ تا ۱۸)

دو طرف یک معادله را نمی‌توانیم بر مجھول یا عبارتی که شامل مجھول است تقسیم

کنیم، لذا نمی‌توانیم دو طرف معادله را بر x^3 تقسیم کنیم. ۴ ۳ ۲ ۱