



سایت ویژه ریاضیات www.riazisara.ir

درسنامه ها و جزوه های ریاضی
سوالات و پاسخنامه تشریحی کنکور
نمونه سوالات امتحانات ریاضی
نرم افزارهای ریاضیات
و...

(@riazisara)

ریاضی سرا در تلگرام:



<https://t.me/riazisara>

(@riazisara.ir) ریاضی سرا در اینستاگرام:



<https://www.instagram.com/riazisara.ir>

ریاضی و آمار ۱، معادله و مسائل توصیفی - ۱۰ سوال

۵۱- کدام یک از معادلات زیر درجه اول محسوب می‌شوند؟

$$\frac{1}{-2x+3} = 0 \quad (4)$$

$$-\frac{2}{x} + \frac{1}{3} = 0 \quad (3)$$

$$-\frac{x}{2} + 3 = 0 \quad (2)$$

$$\frac{3}{x} - 1 = 0 \quad (1)$$

۵۲- جواب معادله $\frac{1}{3x} = 4(-\frac{x}{2} + 3)$ کدام است؟

$$\frac{2}{5} \quad (4)$$

$$\frac{11}{10} \quad (3)$$

$$\frac{5}{2} \quad (2)$$

$$\frac{11}{2} \quad (1)$$

۵۳- عددی را بیابید که نصف آن عدد منهای ۵، برابر با نصف نصف همان عدد به علاوه یک باشد؟

$$30 \quad (4)$$

$$24 \quad (3)$$

$$18 \quad (2)$$

$$12 \quad (1)$$

۵۴- حروف الفبای فارسی از (الف) تا (ی) را به ترتیب از ۱ تا ۳۲ شماره‌گذاری کرده‌ایم. هر حرف بدون نقطه با شماره آن حرف از ۱ تا

مشخص می‌شود و حروف نقطه‌دار به صورت ax^n مشخص شده‌اند که در آن a شماره حرف الفبا و n تعداد نقاط حرف مورد نظر

است. حال معادل ریاضی کدام کلمه به صورت $ax^3 + bx^2 + c$ است؟ ($a, b, c \neq 0$)

$$(4) \text{ فروش}$$

$$(3) \text{ سلام}$$

$$(2) \text{ قدرت}$$

$$(1) \text{ تلاش}$$

۵۵- دانش‌آموزی ۵۴۰۰۰ تومان پول دارد. اگر او با $\frac{1}{4}$ پولش تعدادی خودکار به قیمت ۱۲۰۰ تومان و تعدادی مداد به قیمت ۹۰۰ تومان

خریداری کند و تعداد خودکارها یکی کمتر از تعداد مدادها باشد، مجموع تعداد خودکارها و مدادها چندتاست؟

$$13 \quad (4)$$

$$15 \quad (3)$$

$$11 \quad (2)$$

$$9 \quad (1)$$

۵۶- طول و عرض یک مستطیل به نسبت ۴ به ۳ هستند. اگر محیط این مستطیل ۱۴۰ واحد باشد، مساحت آن کدام است؟

$$1200 \quad (4)$$

$$900 \quad (3)$$

$$600 \quad (2)$$

$$450 \quad (1)$$

۵۷- زهرا از برادرش ۱۰ سال بزرگتر است، ۸ سال بعد سن زهرا دو برابر سن برادرش می‌شود، در حال حاضر زهرا چند سال سن دارد؟

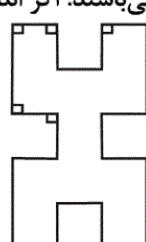
$$20 \quad (4)$$

$$16 \quad (3)$$

$$14 \quad (2)$$

$$12 \quad (1)$$

۵۸- در شکل زیر طول تمام پاره خط‌های کوچک x و پاره خط‌های بزرگ $2x$ می‌باشد و پاره خط‌های مجاور یکدیگر عمود می‌باشند. اگر اندازه محیط شکل برابر اندازه مساحت آن باشد، مقدار x کدام است؟ ($x \neq 0$)



$$\frac{23}{16} \quad (2)$$

$$\frac{11}{24} \quad (4)$$

$$\frac{16}{23} \quad (1)$$

$$\frac{24}{11} \quad (3)$$

۵۹- یک کارگاه تولیدی کفش از روز شنبه هر روز تولید خود را دو برابر می‌کند. اگر تولید کل هفته از شنبه تا سهشنبه از تولید روز چهارشنبه ۱۰۰ جفت کمتر باشد، در این صورت تولید کل هفته چند جفت کفش بوده است؟ (پنجشنبه و جمعه کارگاه تعطیل است).

- ۱) ۱۰۰۰ ۲) ۱۵۰۰ ۳) ۱۶۰۰ ۴) ۲۱۰۰

۶۰- حمید مجموعاً سیزده سکه ۲، ۵ و ۱۰ ریالی به ارزش ۶۷ ریال دارد. اگر تعداد سکه‌های ۲ ریالی دو برابر تعداد سکه‌های ۵ ریالی باشد، تعداد سکه‌های ۱۰ ریالی او چندتاست؟

- ۱) ۶ ۲) ۵ ۳) ۴ ۴) ۳

(شایق راهبریان، صفحه ۱۰ و ۱۱)

-۵۱

شكل کلی معادله درجه اول به صورت $ax + b = 0$ است که در آن $a \neq 0$ می‌باشد. با توجه به گزینه‌ها، معادله ذکر شده در گزینه «۲» معادله درجه اول محسوب می‌شود.

۴

۳

۲ ✓

۱

(فریده هاشمی، صفحه ۱۰ و ۱۱)

-۵۲

$$\begin{aligned} 3x - \frac{1}{2} &= 4\left(-\frac{x}{2} + 3\right) \\ \Rightarrow 3x - \frac{1}{2} &= 4 \times \left(-\frac{x}{2}\right) + 4 \times 3 \\ \Rightarrow 3x - \frac{1}{2} &= -2x + 12 \Rightarrow 3x + 2x = \frac{1}{2} + 12 \\ \Rightarrow 5x &= \frac{25}{2} \Rightarrow x = \frac{5}{2} \end{aligned}$$

۴

۳

۲ ✓

۱

(محبوبه مولوی، صفحه ۱۰ تا ۱۳)

-۵۳

اگر عدد مورد نظر را x در نظر بگیریم، نصف آن منهای ۵ معادل $\frac{x}{2} - 5$ و نصف

نصف آن عدد $\frac{1}{4}x$ می‌شود که به علاوه یک معادل $1 + \frac{x}{4}$ می‌باشد.

$$\begin{aligned} \frac{x}{2} - 5 &= \frac{x}{4} + 1 \Rightarrow \frac{x}{2} - \frac{x}{4} = 5 + 1 \\ \Rightarrow \frac{2x}{4} - \frac{x}{4} &= 6 \Rightarrow \frac{x}{4} = 6 \\ \Rightarrow x &= 4 \times 6 = 24 \end{aligned}$$

۴

۳ ✓

۲

۱

(امیر مکمودیان، صفحه ۱۶)

طبق الگوی ریاضی داده شده باید حداقل یک حرف این کلمه ۲ نقطه داشته باشد و حداقل یک حرف آن هم سه نقطه‌ای باشد («پ»، «ث»، «چ»، «ز» یا «ش» باشد). همچنین حروف دیگر آن باید بدون نقطه باشند که تنها کلمه تلاش این ویژگی را دارد.

 ۴ ۳ ۲ ۱ ✓

(امیر مکمودیان، صفحه ۱۰ تا ۱۱)

اگر تعداد مدادها را x در نظر بگیریم، تعداد خودکارها برابر با $1 - x$ خواهد شد. کل پول خودکارها و مدادها برابر است با:

$$\frac{54000}{4} = 13500$$

$$900x + 1200(1-x) = 13500 \Rightarrow 900x + 1200 - 1200x = 13500$$

$$\Rightarrow 2100x = 14700 \Rightarrow x = 7$$

تعداد خودکارها = ۶

مجموع تعداد خودکارها و مدادها برابر است با: $7 + 6 = 13$ ۴ ✓ ۳ ۲ ۱

(امیر زر اندرز، صفحه ۱۰ تا ۱۱)

اگر طول و عرض را به ترتیب با x و y نمایش دهیم خواهیم داشت:

$$\frac{x}{y} = \frac{4}{3} \Rightarrow x = \frac{4}{3}y$$

$$= 140 \Rightarrow 2(x+y) = 140 \xrightarrow{\div 2} x+y = 70$$

$$\Rightarrow \frac{4}{3}y + y = 70 \xrightarrow{\times 3} 4y + 3y = 210 \Rightarrow 7y = 210 \Rightarrow y = 30$$

$$\Rightarrow x = \frac{4}{3}y = \frac{4}{3} \times 30 = 40$$

$$\Rightarrow xy = 40 \times 30 = 1200$$

 ۴ ✓ ۳ ۲ ۱

اگر سن زهرا را x و سن برادرش را y فرض کنیم داریم:

$$x - y = 10 \quad (1)$$

۸ سال بعد سن زهرا $x + 8$ و سن برادرش $y + 8$ می‌شود، آنگاه داریم:

$$x + 8 = 2(y + 8) \Rightarrow x + 8 = 2y + 16 \Rightarrow x = 2y + 8 \quad (2)$$

$$\frac{(2), (1)}{} \rightarrow 2y + 8 - y = 10 \Rightarrow y = 2$$

$$\frac{(1)}{} \rightarrow x - 2 = 10 \Rightarrow x = 12$$

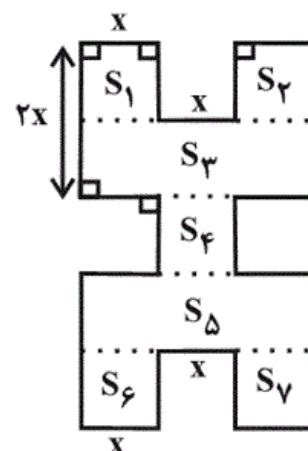
۴

۳

۲

۱ ✓

با توجه به شکل زیر ابتدا محيط و مساحت شکل را جداگانه بدست می‌آوریم:



$$S_1 = S_2 = S_4 = S_6 = S_7 = x^2$$

$$S_3 = S_5 = x \times 3x = 3x^2$$

$$\text{مساحت کل شکل} = 5S_1 + 2S_3 = 5x^2 + 2 \times 3x^2 = 11x^2$$

$$\text{محيط شکل} = 2(x + x + x + x + x + 2x + x + x + x + 2x)$$

$$\text{محيط شکل} = 2 \times 12x = 24x$$

$$\text{مساحت شکل} = \text{محيط شکل} \Rightarrow 24x = 11x^2 \xrightarrow{x \neq 0} x = \frac{24}{11}$$

۴

۳ ✓

۲

۱

(هادی پلاور، صفحه ۱۰ تا ۱۱)

اگر تولید روز شنبه را x فرض کنیم، داریم:

شنبه	یکشنبه	دوشنبه	سهشنبه	چهارشنبه
x	$2x$	$4x$	$8x$	$16x$

$$\text{مجموع تولید روز شنبه تا سهشنبه} = x + 2x + 4x + 8x = 15x$$

حال طبق فرض سؤال مجموع تولید روز شنبه تا سهشنبه از تولید روز چهارشنبه

۱۰۰ جفت کمتر بوده است، بنابراین:

$$15x = 16x - 100 \Rightarrow x = 100$$

پس تولید کل هفته برابر است با:

$$\text{تولید کل هفته} = x + 2x + 4x + 8x + 16x = 31x \xrightarrow{x=100}$$

$$\text{تولید کل هفته} = 31 \times 100 = 3100$$

 ۴ ✓ ۳ ۲ ۱

(امیر معموریان، صفحه ۱۰ تا ۱۱)

تعداد سکه‌های ۵ ریالی را x در نظر می‌گیریم. تعداد سکه‌های ۲ ریالی برابر با $2x$

می‌شود. از آنجا که مجموعاً ۱۳ سکه دارد، تعداد سکه‌های ۱۰ ریالی برابر است با:

$$13 - 3x$$

ارزش سکه‌های حمید ۶۷ ریال است:

$$5x + 2(2x) + 10(13 - 3x) = 67$$

$$\Rightarrow 5x + 4x + 130 - 30x = 67 \Rightarrow -21x + 130 = 67$$

$$\Rightarrow 21x = 63 \Rightarrow x = 3$$

تعداد سکه‌های ۵ ریالی ۳ تا و تعداد سکه‌های ۲ ریالی ۶ تا است.

تعداد سکه‌های ۱۰ ریالی:

$$13 - 9 = 4$$

 ۴ ۳ ✓ ۲ ۱