



سایت ویژه ریاضیات www.riazisara.ir

درسنامه ها و جزوه های ریاضی
سوالات و پاسخنامه تشریحی کنکور
نمونه سوالات امتحانات ریاضی
نرم افزارهای ریاضیات
و...

(@riazisara)

ریاضی سرا در تلگرام:



<https://t.me/riazisara>

(@riazisara.ir) ریاضی سرا در اینستاگرام:



<https://www.instagram.com/riazisara.ir>

- ریاضی ۲ ، مثلثات

- ۸۳ - اگر $\sin \alpha = -\frac{2\sqrt{2}}{3}$ و انتهای کمان α در ناحیه چهارم باشد، حاصل $\sin\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right)$ کدام است؟

$$-\frac{\sqrt{2}}{3} \quad (۴)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{3} \quad (۳)$$

$$\frac{1}{3} \quad (۲)$$

$$-\frac{1}{3} \quad (۱)$$

- ۸۴ - اگر $\sin x \cos x > 0$ ، آنگاه کدام گزینه درست است؟

$$\sin(x + \frac{\pi}{2}) \cos(x - \frac{\pi}{2}) < 0 \quad (۲)$$

$$\sin(x + \frac{\pi}{2}) \cos(x + \frac{\pi}{2}) > 0 \quad (۱)$$

$$\sin(x - \frac{\pi}{2}) \cos(x + \frac{\pi}{2}) > 0 \quad (۴)$$

$$\sin(x - \frac{\pi}{2}) \cos(x - \frac{\pi}{2}) > 0 \quad (۳)$$

- ۸۵ - حلقه‌ای فلزی به شعاع ۱۸ سانتی‌متر را از دو نقطه برش داده‌ایم، به‌طوری‌که زاویه مرکزی روبروی کمان جدا شده، ۵۰ درجه است. با فرض $\pi/14 = 3$ ، طول کمان جدا شده چند سانتی‌متر است؟

$$21/98 \quad (۴)$$

$$7/85 \quad (۳)$$

$$15/7 \quad (۲)$$

$$21/4 \quad (۱)$$

- ۸۶ - کمترین فاصله بین نقطه ماقزیم و نقطه مینیمم تابع $f(x) = 2 \cos x$ کدام است؟

$$\sqrt{\pi^2 + 16} \quad (۴)$$

$$\sqrt{\pi^2 + 4} \quad (۳)$$

$$\pi \quad (۲)$$

$$2\pi \quad (۱)$$

- ۸۸ - در تساوی $\tan 135^\circ - \cos 120^\circ = x \sin 330^\circ \cos(-45^\circ) \tan 240^\circ$ مقدار x برابر کدام گزینه است؟

$$-\frac{\sqrt{6}}{3} \quad (۴)$$

$$\frac{\sqrt{6}}{3} \quad (۳)$$

$$-\frac{\sqrt{6}}{2} \quad (۲)$$

$$\frac{\sqrt{6}}{2} \quad (۱)$$

- ۹۰ - اگر α و β دو زاویه حاده باشند، به‌طوری‌که $\cot(\frac{\pi}{2} - \alpha) = \frac{3}{4}$ و $\alpha + \beta = \frac{\pi}{2}$ ، آنگاه حاصل عبارت A کدام است؟

$$A = \frac{\cos(\frac{9\pi}{2} + \alpha) - \sin(\beta - 2\pi) + \sin(\alpha + \beta)}{\tan(\frac{\pi}{2} + \alpha) + \tan(\beta - \frac{\pi}{2})}$$

$$-\frac{72}{125} \quad (۲)$$

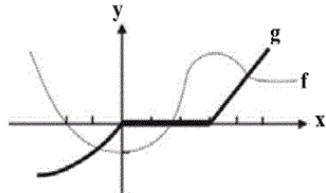
$$\frac{24}{125} \quad (۱)$$

$$-\frac{24}{125} \quad (۴)$$

$$\frac{72}{125} \quad (۳)$$

- ریاضی ۲ ، تابع

-۸۱- در شکل زیر، خط ممتد نشان دهنده نمودار تابع g و خط‌چین نشان دهنده نمودار تابع f است. دامنه تابع $(\sqrt{\frac{f}{g}})(x)$ کدام است؟



- (۱) $(-\infty, -2] \cup (3, +\infty)$
- (۲) $[-2, 0) \cup (3, +\infty)$
- (۳) $(-\infty, 0) \cup [3, +\infty)$
- (۴) $[-2, +\infty)$

-۸۲- اگر $f(x) = \sqrt{1-x^2}$ و $g = \{(-3, 5), (-1, 4), (0, 7)\}$ باشند، آنگاه بیشترین مقدار تابع $g-f$ کدام است؟

- (۱) ۳۲
- (۲) ۶۴
- (۳) ۸۴
- (۴) ۴۲

ریاضی ۲، توابع نمایی و لگاریتمی

-۸۹- مجموعه جواب نامعادله $8 \times 2^{2x} > 1 - 7 | 2^x |$ کدام است؟

- (۱) $(-\infty, 3) \cup (1, +\infty)$
- (۲) $(-\infty, 2) \cup (1, +\infty)$
- (۳) $(-2, 1) \cup (3, +\infty)$
- (۴) $(-2, +\infty)$

-۸۷- اگر $2^{-x} = 4^0$ ، آنگاه $[x]$ کدام است؟ (جزء صحیح)

- (۱) -۶
- (۲) -۵
- (۳) -۴
- (۴) -۷

-۸۳

(ایمان نفسین)

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \Rightarrow \frac{1}{9} + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\Rightarrow \cos^2 \alpha = \frac{1}{9} \Rightarrow \cos \alpha = \pm \frac{1}{3}$$

$$\xrightarrow{\text{در ناحیه چهارم}} \cos \alpha = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow \sin\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) = -\cos \alpha = -\frac{1}{3}$$

(مسئلات) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۷۷ و ۸۷)

۱

۲

۳

۴

-۸۴

(آرمان بلاعی فرد)

$$\sin(x + \frac{\pi}{2}) = \cos x, \quad \sin(x - \frac{\pi}{2}) = -\sin(\frac{\pi}{2} - x) = -\cos x$$

$$\cos(x + \frac{\pi}{2}) = -\sin x, \quad \cos(x - \frac{\pi}{2}) = \cos(\frac{\pi}{2} - x) = \sin x$$

از آنجایی که $\sin x \cos x > 0$ است، با توجه به روابط فوق و گزینه‌ها، تنها گزینه ۴ «صحیح می‌باشد، زیرا:

$$\sin(x - \frac{\pi}{2}) \cos(x + \frac{\pi}{2}) = (-\cos x)(-\sin x) = \cos x \sin x > 0$$

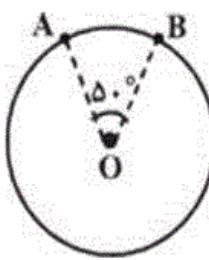
(مسئلات) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۷۷ و ۸۷)

۱

۲

۳

۴



طول کمانی از دایره‌ای به شعاع R که زاویه مرکزی روبرو به آن بر حسب رادیان برابر θ است، از رابطه $L = R\theta$ بهدست می‌آید.

$$\theta = 50^\circ = \frac{50\pi}{180} = \frac{5\pi}{18}$$

اگر طول کمان AB را با L نشان دهیم، داریم:

$$L = R\theta \Rightarrow L = 18 \times \frac{\frac{5\pi}{18}}{18} = 5\pi = 5 \times \frac{3}{14} = \frac{15}{7}$$

(مئلیات) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۷۳ تا ۷۶)

۴

۳

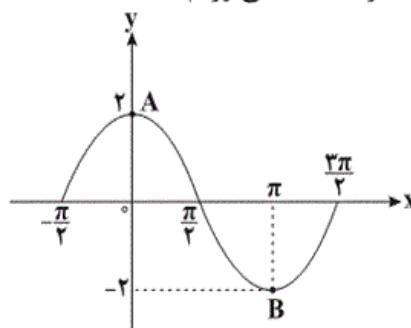
۲✓

۱

کافیست فاصله بین دو نقطه ماکزیمم و مینیمم متواالی را در نمودار تابع $y = 2\cos x$

بهدست آوریم. با توجه به شکل زیر که نمودار این تابع را در بازه $[-\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}]$ نشان

می‌دهد، فاصله دو نقطه $A(0, 2)$ و $B(\pi, -2)$ را بهدست می‌آوریم:



$$AB = \sqrt{(0 - \pi)^2 + (2 - (-2))^2} = \sqrt{\pi^2 + 16}$$

(مئلیات) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۸۸ تا ۹۳)

۴✓

۳

۲

۱

$$\tan 135^\circ = \tan(180^\circ - 45^\circ) = -\tan 45^\circ = -1$$

$$\cos 120^\circ = \cos(180^\circ - 60^\circ) = -\cos 60^\circ = -\frac{1}{2}$$

$$\sin 330^\circ = \sin(360^\circ - 30^\circ) = -\sin 30^\circ = -\frac{1}{2}$$

$$\cos(-45^\circ) = \cos 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\tan 240^\circ = \tan(180^\circ + 60^\circ) = \tan 60^\circ = \sqrt{3}$$

$$\Rightarrow (-1)^2 - \left(-\frac{1}{2}\right)^2 = x \left(-\frac{1}{2}\right) \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) (\sqrt{3}) \Rightarrow 1 - \frac{1}{4} = -\frac{x\sqrt{6}}{4}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{4} = -\frac{x\sqrt{6}}{4} \Rightarrow x\sqrt{6} = -3 \Rightarrow x = \frac{-3}{\sqrt{6}} \times \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{6}} = \frac{-3\sqrt{6}}{6} = \frac{-\sqrt{6}}{2}$$

(مثلاً) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۷۷ و ۸۷)

۱

۲

۳

۴

دو زاویه α و β متمم یکدیگرند، بنابراین سینوس یکی با کسینوس دیگری و تانژانت یکی با کتانژانت دیگری برابر است. بنابراین:

$$\cot\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \frac{3}{4} \Rightarrow \tan\alpha = \frac{3}{4} \Rightarrow \cot\alpha = \frac{4}{3}$$

$$\frac{1}{\cos^2\alpha} = 1 + \tan^2\alpha = 1 + \frac{9}{16} = \frac{25}{16} \Rightarrow \cos^2\alpha = \frac{16}{25}$$

$$\xrightarrow[0 < \alpha < \frac{\pi}{2}]{} \cos\alpha = +\frac{4}{5}$$

$$\sin^2\alpha = 1 - \cos^2\alpha = 1 - \frac{16}{25} = \frac{9}{25} \xrightarrow[0 < \alpha < \frac{\pi}{2}]{} \sin\alpha = +\frac{3}{5}$$

$$\begin{cases} \tan\alpha = \cot\beta = \frac{3}{4} \\ \cot\alpha = \tan\beta = \frac{4}{3} \\ \sin\alpha = \cos\beta = \frac{3}{5} \\ \cos\alpha = \sin\beta = \frac{4}{5} \end{cases}$$

$$A = \frac{\cos\left(\frac{9\pi}{2} + \alpha\right) - \sin\left(\beta - \frac{9\pi}{2}\right) + \sin\left(\alpha + \beta\right)}{\tan\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) + \tan\left(\beta - \frac{\pi}{2}\right)}$$

$$= \frac{\cos\left(4\pi + \frac{\pi}{2} + \alpha\right) + \sin\left(2\pi - \beta\right) + \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)}{\tan\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) - \tan\left(\frac{\pi}{2} - \beta\right)} = \frac{-\sin\alpha - \sin\beta + 1}{-\cot\alpha - \cot\beta}$$

$$= \frac{-\frac{3}{5} - \frac{4}{5} + 1}{-\frac{4}{3} - \frac{3}{4}} = \frac{-\frac{2}{5}}{-\frac{25}{12}} = \frac{24}{125}$$

(UV و VV) (ریاضی ۲، صفحه‌های متنی)

۴

۳

۲

۱✓

مخرج کسر $\frac{f(x)}{g(x)}$ نباید صفر باشد، بنابراین x های متعلق به بازه $[0, 3]$ که به ازای آنها $g(x) = 0$ است، قابل قبول نیستند.

برای این که $\frac{f(x)}{g(x)} \geq 0$ باشد، باید $f(x)$ و $g(x)$ هم علامت یا $f(x) = g(x) = 0$ باشد.

بنابراین x های متعلق به بازه $(-\infty, -2)$ که به ازای آنها $f(x) < 0$ و $g(x) > 0$ هم علامت نیستند ($f(x)$ مثبت و $g(x)$ منفی است) قابل قبول نیستند.

پس مقادیر قابل قبول برای x عبارتند از:

(تابع) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۶۵ تا ۷۰)

۴

۳

۲ ✓

۱

$$D_f : 1 - x^2 \geq 0 \Rightarrow x^2 \leq 1 \Rightarrow -1 \leq x \leq 1$$

$$D_g = \{-3, -1, 0\}$$

دامنه $D_f \cap D_g$ برابر است با: $(g-f).2g$

$$D_f \cap D_g = \{-1, 0\}$$

بنابراین:

$$((g-f).2g)(-1) = (g(-1) - f(-1)).2g(-1) = (4 - 0) \times 2(4) = 32$$

$$((g-f).2g)(0) = (g(0) - f(0)).2g(0) = (2 - 1) \times 2(2) = 84$$

$\Rightarrow (g-f).2g = \{(-1, 32), (0, 84)\}$ است. \Rightarrow بیشترین مقدار تابع برابر ۸۴ است.

(تابع) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۶۵ تا ۷۰)

۴

۳ ✓

۲

۱

2^x عددی همواره مثبت است، پس:

$$8 \times 2^{2x} > 1 - 7 \times |2^x| \Rightarrow 8 \times 2^{2x} > 1 - 7 \times 2^x$$

$$\Rightarrow 8 \times (2^x)^2 + 7 \times 2^x - 1 > 0 \Rightarrow (2^x + 1)(8 \times 2^x - 1) > 0$$

$$\frac{2^x + 1 > 0}{8 \times 2^x - 1 > 0} \Rightarrow 2^x > \frac{1}{8} \Rightarrow 2^x > 2^{-3} \Rightarrow x > -3$$

(تابع نمایی و لگاریتمی) (ریاضی ۱، صفحه‌های ۹۱ تا ۹۳) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۹۱ تا ۹۴)

۴

۳

۲

۱ ✓

(همانگی کرمی)

$$2^{-x} = 40 \Rightarrow 32 < 2^{-x} < 64$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow 2^5 < 2^{-x} < 2^6 &\Rightarrow 5 < -x < 6 \\ \Rightarrow -6 < x < -5 &\Rightarrow [x] = -6 \end{aligned}$$

(توابع نمایی و لگاریتمی) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۴)

 ۴ ۳ ۲ ۱ ✓