



[www.riazisara.ir](http://www.riazisara.ir) سایت ویژه ریاضیات

درسنامه ها و جزوه های ریاضی

سوالات و پاسخنامه تشریحی کنکور

نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نرم افزارهای ریاضیات

و...

(@riazisara)

ریاضی سرا در تلگرام:



<https://t.me/riazisara>

(@riazisara.ir)

ریاضی سرا در اینستاگرام:



<https://www.instagram.com/riazisara.ir>

### ریاضی ۳ - دوازدهم، هندسه - ۲۰ سوال

-۸۱- چهار خط به معادله‌های  $x=1$ ،  $x=6$ ،  $y=-1$  و  $y=3$  بر یک بیضی به کانون‌های  $F$  و  $F'$  مماس هستند. اگر  $P$  نقطه‌ای واقع بر این بیضی باشد، به طوری که  $P$ ،  $F$  و  $F'$  رأس‌های یک مثلث باشند، محیط این مثلث کدام است؟

۱۰ (۴)

۹ (۳)

۸ (۲)

۷ (۱)

آزمون 30 فروردین

-۸۲- معادله دایره‌ای که دو نقطه  $(1, 2)$  و  $(0, 0)$  دو سر قطعی از آن هستند، کدام است؟

$$x^2 - 4x + y^2 - 2y = 0 \quad (۲)$$

$$x^2 + y^2 - 4x = 3 \quad (۱)$$

$$x^2 + y^2 - 2y = 0 \quad (۴)$$

$$x^2 + y^2 - 4x - 2y = -3 \quad (۳)$$

آزمون 30 فروردین

-۸۳- در یک بیضی، قطر بزرگ آن ۳ برابر قطر کوچک آن است. خروج از مرکز بیضی کدام است؟

$$\frac{2\sqrt{2}}{3} \quad (۴)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{3} \quad (۳)$$

$$\frac{2}{3} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{3} \quad (۱)$$

آزمون 30 فروردین

-۸۴- صفحه  $P_1$  کره‌ای به شعاع ۵ واحد را به گونه‌ای قطع می‌کند که سطح مقطع حاصل حد اکثر مساحت را داشته باشد. اگر صفحه  $P_2$  که موازی صفحه  $P_1$  است، به فاصله ۳ واحد از  $P_1$ ، کره را قطع کند، مساحت سطح مقطع فوق چند واحد مربع است؟

$18\pi \quad (۴)$

$16\pi \quad (۳)$

$9\pi \quad (۲)$

$8\pi \quad (۱)$

آزمون 30 فروردین

-۸۵- در یک بیضی افقی به مرکز  $(3, 4)$ ، طول قطر کوچک ۶ و فاصله کانونی برابر ۸ می‌باشد. مختصات یکی از دو سر قطر بزرگ این بیضی کدام است؟

$$(-2, 4) \quad (۴)$$

$$(-2, 3) \quad (۳)$$

$$(-4, 4) \quad (۲)$$

$$(2, 4) \quad (۱)$$

آزمون 30 فروردین

-۸۶- در لوزی  $ABCD$  دو رأس  $A(-2, 1)$  و  $C(4, 3)$  مقابله هم هستند. کدام نقطه مختصات رأس  $B$  نمی‌تواند باشد؟

$$(-1, 8) \quad (۴)$$

$$(3, -4) \quad (۳)$$

$$(2, -1) \quad (۲)$$

$$(0, 4) \quad (۱)$$

آزمون 30 فروردین

-۸۷- دو ضلع مقابل یک مربع بر دو خط به معادلات  $y = 2x - 1$  و  $y = 2x + k$  واقع هستند. مساحت این مربع کدام است؟

$4/5 \quad (۴)$

$4/1 \quad (۳)$

$4/05 \quad (۲)$

$4/0 \quad (۱)$

آزمون 30 فروردین

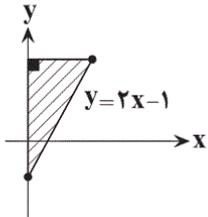
-۸۸ - وضعیت نقاط  $A(-1, 5)$ ,  $B(1, 2)$  و  $C(2, -4)$  نسبت به دایره به معادله  $x^2 + y^2 - 6x + 2y + 6 = 0$ , به ترتیب کدام است؟

(گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید.)

- (۱) روی دایره، درون دایره، بیرون دایره
- (۲) درون دایره، بیرون دایره، روی دایره
- (۳) بیرون دایره، درون دایره، روی دایره
- (۴) روی دایره، بیرون دایره، درون دایره

آزمون 30 فروردین

-۸۹ - مطابق شکل وتر مثلث به معادله  $y = 2x - 1$ , با شرط  $3 \leq x \leq 0$  مفروض است. اگر مثلث را حول محور  $y$  ها دوران دهیم، حجم



شکل حاصل کدام است؟

- (۱)  $12\pi$
- (۲)  $15\pi$
- (۳)  $18\pi$
- (۴)  $21\pi$

آزمون 30 فروردین

-۹۰ - دایره‌ای به مرکز  $O(0, 2)$  و مماس بر نیمساز ربع دوم، از محور عرض‌ها، پاره خطی با کدام طول را جدا می‌کند؟

- (۱)  $\sqrt{2}$
- (۲)  $\sqrt{3}$
- (۳)  $2\sqrt{2}$
- (۴)  $2\sqrt{3}$

آزمون 30 فروردین

-۹۱ - نقاط  $A(2, 3)$  و  $B(-1, -5)$  روی محیط یک دایره واقع هستند. معادله قطری از دایره که بر پاره خط  $AB$  عمود است، برابر کدام

گزینه است؟

- (۱)  $16y + 6x = -13$
- (۲)  $8y + 3x = -2$
- (۳)  $16y + 6x = -5$
- (۴)  $8y + 3x = -5$

آزمون 30 فروردین

-۹۲ - دو نقطه روی خط  $x + y = 2$  قرار دارند که فاصله آن‌ها از خط به معادله  $x - \frac{1}{3}y = 1$  است، فاصله این دو نقطه

کدام است؟

- (۱)  $2\sqrt{10}$
- (۲)  $2\sqrt{5}$
- (۳)  $10\sqrt{2}$
- (۴)  $5\sqrt{2}$

آزمون 30 فروردین

-۹۳ - مثلث متساوی الساقین با ساق ۵ و قاعده ۸ را حول قاعده دوران می‌دهیم. حجم حاصل چه قدر است؟

- (۱)  $18\pi$
- (۲)  $24\pi$
- (۳)  $27\pi$
- (۴)  $36\pi$

آزمون 30 فروردین

-۹۴ - بهازای کدام مقدار  $a$  دایره‌ای به معادله  $x^2 + y^2 + 2x - 4y + a = 0$  مماس است؟

- (۱) -۳
- (۲) -۴
- (۳) ۳
- (۴) ۴

آزمون 30 فروردین

۹۵- طول وتری که خط  $y = x - 1$  روی دایره به معادله  $x^2 + y^2 - 4x + 2y - 4 = 0$  جدا می‌کند، چه قدر است؟

$2\sqrt{5}$  (۴)

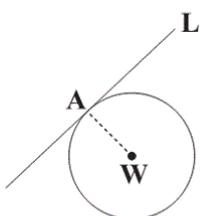
$\sqrt{5}$  (۳)

$2\sqrt{7}$  (۲)

$\sqrt{7}$  (۱)

آزمون 30 فروردین

۹۶- خط  $L: 3x - 4y = 0$  بر دایره‌ای به مرکز  $W(2, -1)$  مماس است. عرض نقطه A کدام است؟



۰/۴ (۱)

۰/۵ (۲)

۰/۶ (۳)

۰/۸ (۴)

آزمون 30 فروردین

۹۷- در مثلث متساوی الساقین ABC به رئوس  $B(1, 2)$  و  $C(-3, 2)$  و  $A(1, 2)$  مساحت ۴ واحد مربع، مجموع طول و

عرض نقطه A کدام گزینه می‌تواند باشد؟

-1 (۴)

-3 (۳)

-5 (۲)

۷ (۱)

آزمون 30 فروردین

۹۸- در مثلث با رئوس  $C(2, 5)$  و  $B(4, 1)$  و  $A(1, 2)$  اندازه ارتفاع وارد بر بزرگ‌ترین ضلع کدام است؟

$\sqrt{5}$  (۴)

$\frac{5}{2}$  (۳)

۲ (۲)

$\sqrt{2}$  (۱)

آزمون 30 فروردین

۹۹- دو نقطه  $A(-1, 1)$  و  $B(3, 5)$  دو سر یک قطر از دایره‌ای به مرکز O هستند. OC شعاعی از دایره است که امتداد آن از

b مبدأ مختصات می‌گذرد. اگر فاصله مبدأ مختصات تا نقطه C به صورت  $a + b\sqrt{2}(\sqrt{a} - b)$  باشد، a+b کدام است؟ (a و

اعداد طبیعی هستند).

۷ (۴)

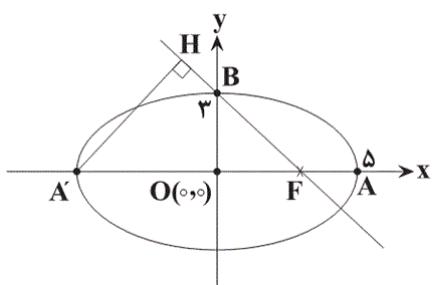
۵ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

آزمون 30 فروردین

۱۰۰- در بیضی شکل زیر طول  $A'H$  چه قدر است؟



۳/۲ (۱)

۳/۴ (۲)

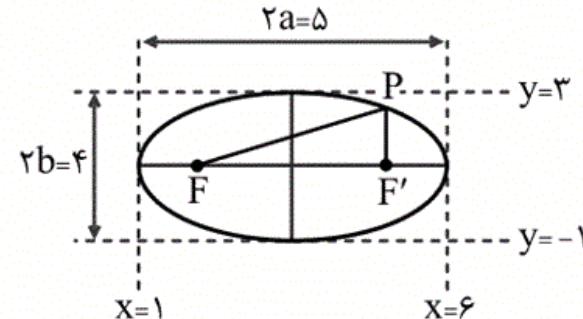
۵/۲ (۳)

۵/۴ (۴)

آزمون 30 فروردین

(سوال ۱۵۲ کتاب آبی ریاضی ۳ تهریبی)

-۸۱



با توجه به شکل بالا، در این بیضی  $2b = 4$  و  $2a = 5$ ، پس با توجه به

اینکه  $a^2 = b^2 + c^2$  داریم  $2c = 3$ . از طرفی محيط مثلث  $\text{FPF}'$  برابر

$$\underbrace{\text{PF} + \text{PF}'}_{2a} + \underbrace{\text{FF}'}_{2c} = 5 + 3 = 8 \quad \text{است با:}$$

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۲۸ تا ۱۳۰ و ۱۳۲)

۱

۲

۳

۴

آزمون 30 فروردین

(سوال ۹۳۳ کتاب آبی ریاضی ۳ تهریبی)

-۸۲

از آنجا که  $A(1, 2)$  و  $B(3, 0)$  دو سر قطر این دایره هستند، مرکز این دایره

وسط پاره خط  $AB$  و شعاع آن نصف طول  $AB$  است، پس:

$$\omega\left(\frac{3+1}{2}, \frac{0+2}{2}\right) = (2, 1)$$

$$R = \frac{1}{2} AB = \frac{1}{2} \sqrt{(3-1)^2 + (0-2)^2} = \frac{1}{2} \sqrt{8} = \sqrt{2}$$

$$(x-2)^2 + (y-1)^2 = 2 : \text{معادله دایره}$$

$$\Rightarrow x^2 - 4x + 4 + y^2 - 2y + 1 = 2$$

$$\Rightarrow x^2 - 4x + y^2 - 2y = -3$$

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۳۴ تا ۱۳۶ و ۱۳۷)

۱

۲

۳

۴

آزمون 30 فروردین

(علی اصغر شریفی)

اگر قطر بزرگ بیضی را با  $2a$  و قطر کوچک آن را با  $2b$  نشان دهیم، داریم:

$$2a = 3 \times 2b \Rightarrow a = 3b \Rightarrow a^2 = 9b^2$$

با توجه به آن که در بیضی رابطه  $a^2 = b^2 + c^2$  برقرار است، پس:

$$\Rightarrow a^2 = 9(a^2 - c^2) \Rightarrow 8a^2 = 9c^2$$

خروج از مرکز بیضی به صورت  $e = \frac{c}{a}$  تعریف می‌شود:

$$\Rightarrow e = \frac{c}{a} = \sqrt{\frac{8}{9}} = \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

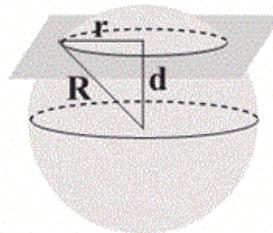
(ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۲۸ تا ۱۳۲)

 ۴ ✓ ۳ ۲ ۱

آزمون 30 فروردین

(محمدبوار محسنی)

شکل مسئله را رسم می‌کنیم:



همان‌طور که از شکل برمی‌آید بین شعاع کره ( $R$ ) و شعاع دایره کوچک ( $r$ ) و فاصله دو صفحه ( $d$ ) رابطه فیثاغورس برقرار است.

$$R^2 = d^2 + r^2 \Rightarrow 5^2 = 3^2 + r^2 \Rightarrow r = 4$$

پس مساحت سطح مقطع کوچک‌تر برابر است با:

$$S = \pi r^2 \Rightarrow S = 16\pi$$

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۲۷ تا ۱۲۹)

 ۴ ۳ ✓ ۲ ۱

آزمون 30 فروردین

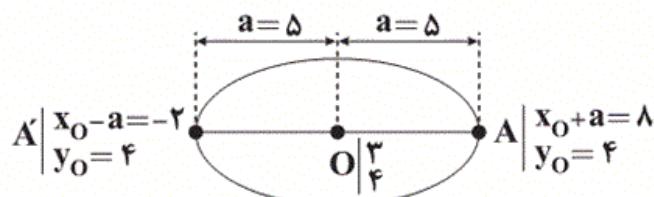
(جهانگیر فاکی)

در یک بیضی، طول قطر کوچک و فاصله کانونی به ترتیب برابر  $2c$  و  $2b$  است. $2b = 6 \Rightarrow b = 3$  است، بنابراین:

$$2c = 8 \Rightarrow c = 4$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow a^2 = 9 + 16 = 25 \Rightarrow a = 5 \quad \text{از طرفی در بیضی داریم:}$$

حال مختصات دو سر قطر را به دست می‌آوریم:



(ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۲۸ تا ۱۳۰ و ۱۳۲)

۴✓

۳

۲

۱

آزمون 30 فروردین

(علیرضا طایقه تبریزی)

در لوزی نقطه  $B$  حتماً باید روی عمودمنصف خط  $AC$  قرار داشته باشد.اگر نقطه وسط پاره خط  $AC$  را  $M$  بنامیم، داریم:

$$M\left(\frac{x_A + x_C}{2}, \frac{y_A + y_C}{2}\right) = (1, 2)$$

$$m_{AC} = \frac{3-1}{4-(-2)} = \frac{1}{3} \quad \text{شیب خط عمود بر } AC \rightarrow m' = -3$$

$$BD: y - 2 = -3(x - 1) \Rightarrow y = -3x + 5 \quad \text{معادله قطر } BD$$

همه نقاط به جز نقطه  $(0, 4)$  در معادله فوق صدق می‌کنند.

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۷، ۹، ۱۴، ۱۵ و ۱۶)

۴

۳

۲

۱✓

آزمون 30 فروردین

$$2y + kx = 7, y = 2x - 1$$

این دو خط موازی‌اند:

$$\begin{cases} 2y + kx = 7 \\ 2y - 4x = -2 \end{cases}$$

معادله دومی را ۲ برابر می‌کنیم:

پس باید  $k = -4$  باشد. حالا فاصله این دو خط برابر طول ضلع مربع است:

$$d = \frac{|c - c'|}{\sqrt{a^2 + b^2}} = \frac{|7 - (-2)|}{\sqrt{(-4)^2 + 2^2}} = \frac{9}{\sqrt{20}}$$

$$s = d^2 = \frac{81}{20} = 4 \frac{1}{20} = 4.05$$

پس مساحت مربع برابر است با:

(ریاضی ۳، برگرفته از تمرین ۱ صفحه ۹)

۴

۳

۲ ✓

۱

آزمون ۳۰ فروردین

(بابک سادات)

مرکز و شعاع دایره را می‌یابیم:

$$r = \frac{1}{2} \sqrt{a^2 + b^2 - 4c} = \frac{1}{2} \sqrt{36 + 4 - 24} = 2$$

$$O\left(-\frac{a}{2}, -\frac{b}{2}\right) = \left(-\frac{(-6)}{2}, -\frac{2}{2}\right) = (3, -1)$$

حال با مقایسه فاصله نقاط تا مرکز دایره با اندازه شعاع دایره داریم:

$$OA = \sqrt{(3-5)^2 + (-1+1)^2} = 2 = r \Rightarrow A$$

$$OB = \sqrt{(3-2)^2 + (-1-1)^2} = \sqrt{5} > r \Rightarrow B$$

$$OC = \sqrt{(3-4)^2 + (-1+2)^2} = \sqrt{2} < r \Rightarrow C$$

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۳۶)

۴ ✓

۳

۲

۱

(محمد مصطفی ابراهیمی)

-۸۹

از دوران مثلث داده شده حول محور  $y$  ها یک مخروط به شعاع قاعده ۳ وارتفاع ۶ حاصل می‌شود. می‌دانیم حجم مخروط برابر  $V = \frac{1}{3}\pi r^2 h$  است.

$$V = \frac{1}{3}\pi(3)^2 \times 6 = 18\pi$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(سوند فرهنگی)

-۹۰

برای پیدا کردن شعاع دایره، فاصله مرکز آن را از خط  $y + x = 0$  محاسبه می‌کنیم:

$$y + x = 0$$

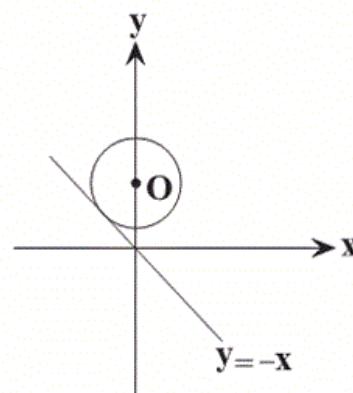
پس:

$$O(0,2)$$

$$R = \frac{|1(0) + 1(2)|}{\sqrt{1^2 + 1^2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$

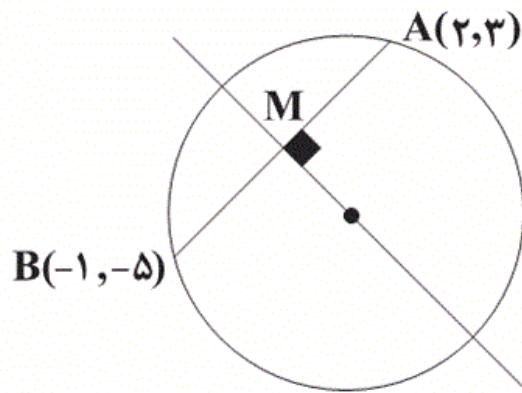
باتوجه به شکل، دایره پاره خطی به طول  $2R = 2\sqrt{2}$  روی محور عرض‌ها

جدا می‌کند.



(ریاضی ۳، صفحه‌های ۱ و ۹) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۳۸ و ۱۳۹)

 ۴ ۳ ۲ ۱



مطابق شکل، قطری از دایره که بر پاره خط  $\overline{AB}$  عمود است همان عمودمنصف پاره خط  $\overline{AB}$  می‌شود.

$$m_{AB} = \frac{3 - (-5)}{2 - (-1)} = \frac{8}{3} \Rightarrow \text{شیب قطر دایره } AB = -\frac{3}{8}$$

$$\text{نقطه } M\left(\frac{x_A + x_B}{2}, \frac{y_A + y_B}{2}\right) = \left(\frac{1}{2}, -1\right)$$

قطر دایره از نقطه  $M$  می‌گذرد و شیب آن  $-\frac{3}{8}$  است:

$$y - y_0 = m(x - x_0)$$

۱

۲

۳

۴ ✓

آزمون 30 فروردین

دو نقطه روی خط  $x + y = 2$  قرار دارند، پس می‌توانیم مختصات آن‌ها را

به صورت  $(\alpha, 2-\alpha)$  نشان دهیم.

فاصله نقطه  $A(\alpha, 2-\alpha)$  از خط  $3y - x + 3 = 0$  به صورت زیر است:

$$= \frac{|3(2-\alpha) - \alpha + 3|}{\sqrt{1+9}} = \sqrt{10} \Rightarrow |9 - 4\alpha| = 10$$

$$9 - 4\alpha = \pm 10 \Rightarrow \alpha = \frac{19}{4}, \alpha = \frac{-1}{4}$$

پس مختصات این نقاط  $(\frac{-1}{4}, \frac{9}{4})$  و  $(\frac{19}{4}, \frac{-11}{4})$  هستند و فاصله آن‌ها

$$\sqrt{\left(\frac{19}{4} + \frac{1}{4}\right)^2 + \left(\frac{-11}{4} - \frac{9}{4}\right)^2} = \sqrt{25 + 25} = 5\sqrt{2}$$

برابر است با:

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۴ تا ۱۰)

۴ ✓

۳

۲

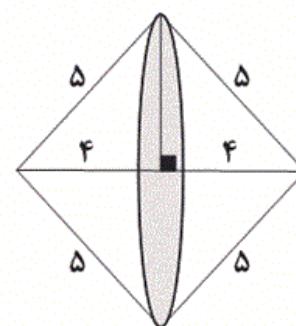
۱

آزمون 30 فروردین

حجم حاصل دو تا مخروط در قاعده مشترک است. شعاع قاعده مخروط‌ها برابر

با ارتفاع مثلث:  $r = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3$  و ارتفاع هر کدام ۴ است. پس داریم:

$$V = 2 \times \frac{1}{3}\pi(3)^2 \times 4 = 24\pi$$



(ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۲۵ تا ۱۲۷ و ۱۳۲)

۴

۳

۲ ✓

۱

آزمون 30 فروردین

چون خط  $4x - 3y = 5$  بر دایرہ مماس

است، فاصله مرکز دایرہ تا خط  $4x - 3y = 5$  مساوی شعاع دایرہ است. پس

فاصله نقطه  $(-1, 2)$  را از خط  $4x - 3y - 5 = 0$  به دست می‌آوریم:

$$R = \frac{|-4 - 6 - 5|}{\sqrt{4^2 + (-3)^2}} = \frac{15}{5} = 3$$

$$\sqrt{5-a} = 3 \Rightarrow 5-a = 9 \Rightarrow a = -4 \quad \text{از طرفی } r = \sqrt{5-a} \text{ پس:}$$

(ریاضی ۲، صفحه‌های ۱ و ۹)

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۳۸، ۱۳۹ و ۱۴۲)

۴

۳

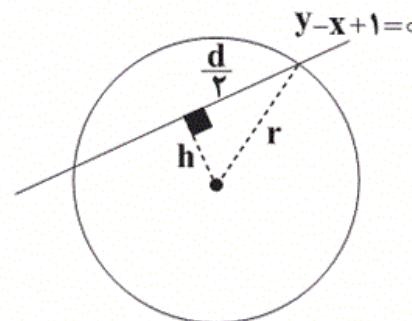
۲ ✓

۱

آزمون 30 فروردین

(محمدامین روانیفس)

-۹۵



برای درک بهتر مسئله شکل بالا را در نظر بگیرید باید شعاع دایرہ و فاصله مرکز

دایرہ از خط موردنظر را به دست آوریم:  $(y - x + 1 = 0)$

$$O\left(-\frac{(-4)}{2}, \frac{-2}{2}\right) = (2, -1) \quad \text{مختصات مرکز}$$

$$(r) = \frac{1}{2} \sqrt{16 + 4 - 4(-4)} = \frac{1}{2} \sqrt{36} = 3 \quad \text{شعاع دایرہ}$$

$$(h) = \frac{|-1 - 2 + 1|}{\sqrt{1+1}} = \frac{2}{\sqrt{2}} = \sqrt{2} \quad \text{فاصله مرکز از خط}$$

$$\frac{d}{2} = \sqrt{r^2 - h^2} = \sqrt{9 - 2} = \sqrt{7} \Rightarrow d = 2\sqrt{7} \quad \text{طبق قضیه فیثاغورس}$$

(ریاضی ۲، صفحه‌های ۱ و ۹) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۳۸، ۱۳۹ و ۱۴۲)

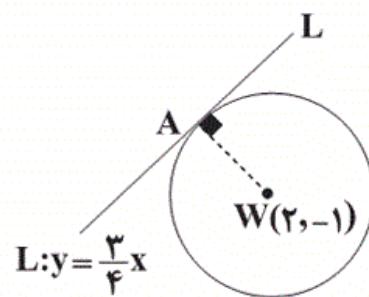
۴

۳

۲ ✓

۱

آزمون 30 فروردین



خط  $L$  بر شعاع  $WA$  عمود است. پس شیب خط  $WA$  برابر  $\frac{4}{3}$  است و

از نقطه  $(1, -2)$  هم عبور می کند پس معادله این خط را می توان نوشت:

$$y - y_0 = m(x - x_0) \Rightarrow y + 1 = \frac{-4}{3}(x - 2) \Rightarrow 3y + 3 = -4x + 8$$

$$\Rightarrow 3y + 4x = 5$$

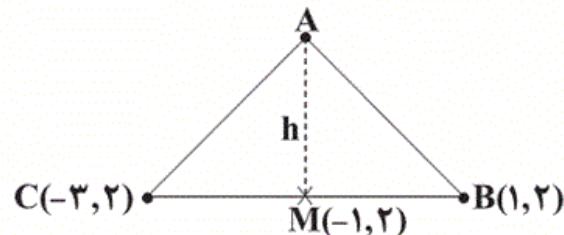
۴

۳✓

۲

۱

آزمون 30 فروردین



شکل فرضی فوق را درنظر بگیرید. با توجه به هم عرض بودن نقاط  $B$  و  $C$ ,

مختصات نقطه  $M$  وسط پاره خط  $BC$  به صورت  $(\frac{-3+1}{2}, 2)$  است. از آن جا

که مثلث متساوی الساقین است، قطعاً نقطه  $A$  در راستای عمودی نقطه  $M$  و

به فاصله  $h$  (ارتفاع مثلث) از آن خواهد بود. یعنی:

$$A(-1, 2-h) \text{ یا } A(-1, 2+h)$$

حال دقت کنید که مساحت مثلث ۴ واحد مربع و طول قاعده آن  $(BC)$  هم

واحد است. پس:

لذا مختصات نقطه  $A$  به صورت  $(-1, 0)$  یا  $(1, 0)$  است. یعنی مجموع طول

و عرض نقطه  $A$  برابر با  $3 = 1 + 4 = 1 + 0 = -1 + 0 = -1$  است.

## (بابک سادات)

ابتدا طول سه ضلع مثلث را به دست می‌آوریم:

$$AB = \sqrt{(4-1)^2 + (1-2)^2} = \sqrt{10}$$

$$AC = \sqrt{(1-2)^2 + (2-5)^2} = \sqrt{10}$$

$$BC = \sqrt{(4-2)^2 + (1-5)^2} = \sqrt{20}$$

$$\Rightarrow AB^2 + AC^2 = BC^2$$

درنتیجه مثلث  $ABC$ ، یک مثلث قائم‌الزاویه در رأس  $A$  بوده و وتر  $(BC)$

بزرگ‌ترین ضلع آن است. اگر ارتفاع وارد بر وتر را  $h$  بنامیم، داریم:

$$\frac{1}{2} \times AB \times AC = \frac{1}{2} \times BC \times h \quad \text{مساحت مثلث}$$

$$\Rightarrow \sqrt{10} \times \sqrt{10} = \sqrt{20} \times h \Rightarrow h = \sqrt{5}$$

بنابراین اندازه ارتفاع وارد بر بزرگ‌ترین ضلع، برابر  $\sqrt{5}$  است.

(ریاضی ۲، صفحه‌های ۳۴ تا ۱۰)

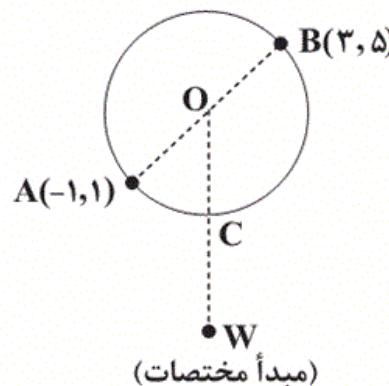
۴

۳

۲

۱

شکل فرضی زیر را در نظر بگیرید:



برای پیدا کردن فاصله  $W$  تا  $C$ ، باید شعاع دایره  $(OC)$  را محاسبه و از فاصله

$W$  تا  $O$  کم می‌کنیم:

$$O\left(\frac{-1+3}{2}, \frac{1+5}{2}\right) \Rightarrow O(1, 3)$$

$$\text{فاصله } O \text{ تا } W = \sqrt{1^2 + 3^2} = \sqrt{10}$$

$$AB = \sqrt{(-1-3)^2 + (1-5)^2} = \sqrt{32} = 4\sqrt{2}$$

$$\Rightarrow r = 2\sqrt{2}$$

پس جواب مسئله برابر است با:

$$CW = OW - OC \Rightarrow \sqrt{10} - 2\sqrt{2} = \sqrt{2}(\sqrt{5} - 2)$$

در مقایسه با  $\sqrt{2}(\sqrt{a} - b)$  داریم:  $a = 5$  و  $b = 2$  و لذا

(ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۲)

۴ ✓

۳

۲

۱

با توجه به مقدار  $a = 5$  و  $b = 3$  در بیضی و رابطه  $a^2 = b^2 + c^2$  داریم:

$c = \sqrt{9 + 16} = 5$  یعنی  $c = 5$ . حال معادله خط  $BF$  را می‌نویسیم:

$$m_{BF} = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{-3}{4}$$

$$\Rightarrow BF : y - y_B = m(x - x_B) \Rightarrow y - 3 = -\frac{3}{4}(x - 0)$$

$$\Rightarrow 4y + 3x - 12 = 0$$

$$\overrightarrow{A'(-5,0)} \rightarrow A'H = \frac{|-15 - 12|}{\sqrt{3^2 + 4^2}} = \frac{27}{5} = 5.4$$

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۳۸ تا ۱۴۰ و ۱۴۲)

۴ ✓

۳

۲

۱

آزمون 30 فروردین