



سایت ویژه ریاضیات [www.riazisara.ir](http://www.riazisara.ir)

درسنامه ها و جزوه های ریاضی

سوالات و پاسخنامه تشریحی کنکور

نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نرم افزارهای ریاضیات

و...

(@riazisara)

ریاضی سرا در تلگرام:



<https://t.me/riazisara>

(@riazisara.ir)

ریاضی سرا در اینستاگرام:



<https://www.instagram.com/riazisara.ir>



کانون

فرهنگی

آموزشی

دانلود از سایت ریاضی سارا

www.riazisara.ir

قلمچی

ریاضی ۱ - ۲۰ سوال

۵۱ - مجموعه جواب نامعادله  $1 \leq \frac{1-x}{2} < 2$  کدام است؟

[-۲, ۱] (۴)

[-۱, ۳] (۳)

[-۳, ۱] (۲)

[-۳, ۳] (۱)

۵۲ - حاصل عبارت تعریف شده زیر کدام است؟

$$A = \frac{2}{\sqrt{x}-2} + \frac{2}{\sqrt{x}+2} + \frac{4}{x-4}$$

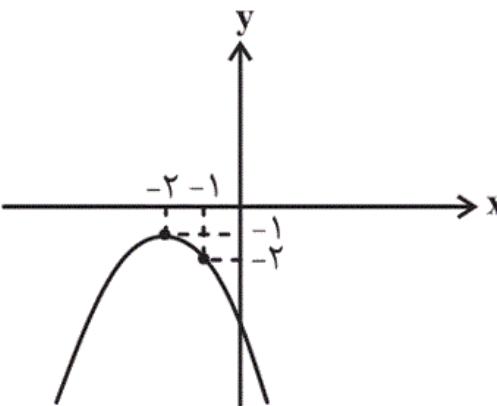
$$\frac{2(\sqrt{x}+1)}{x-4} \quad (۴)$$

$$\frac{2(\sqrt{x}-1)}{x-4} \quad (۳)$$

$$\frac{4(\sqrt{x}+1)}{x-4} \quad (۲)$$

$$\frac{4(\sqrt{x}-1)}{x-4} \quad (۱)$$

۵۳ - معادله سهمی شکل زیر کدام است؟



$$y = -x^2 - 4x - 3 \quad (۱)$$

$$y = -x^2 + 4x - 5 \quad (۲)$$

$$y = -x^2 - 4x - 5 \quad (۳)$$

$$y = -4x^2 - 4x - 3 \quad (۴)$$

۵۴- عبارت  $P = \frac{3x}{3x+1} - \frac{x+2}{x-1}$  در بازه  $(a, b)$  منفی است. اگر  $a$  و  $b$  منفی باشند، حداقل مقدار  $a - b$  کدام است؟

$\frac{1}{5}$  (۴)

$\frac{1}{3}$  (۳)

$\frac{2}{15}$  (۲)

$\frac{1}{15}$  (۱)

۵۵- برای حل معادله  $3x^2 + 5 = 2x^3$  از روش مربع کامل، بعد از یک شدن ضریب  $x^2$ ، چه عددی باید به طرفین

معادله اضافه کنیم تا عبارت به مربع کامل تبدیل شود؟

$\frac{9}{16}$  (۴)

۹ (۳)

$\frac{9}{4}$  (۲)

$\frac{3}{4}$  (۱)

۵۶- عبارت  $1 - x^6$  همواره با کدام عبارت زیر برابر است؟

$(x-1)(x^4 - x^2 + 1)(x^4 + x^2 + 1)$  (۱)

$(x-1)(x+1)(x^4 + x^2 + 1)^2$  (۲)

$(x+1)(x^4 + x^2 - 1)(x-1)(x^4 - x^2 - 1)$  (۳)

$(x^4 - 1)(x^4 + x^2 + 1)(x^4 - x^2 - 1)$  (۴)

۵۷- اگر قدرمطلق تفاضل جواب‌های معادله  $(1-x)^4 = (k-2)^4$  باشد، آن‌گاه حاصل ضرب مقادیر مختلف

$k$  کدام است؟

-۱۶ (۴)

-۴ (۳)

-۳ (۲)

۲ (۱)

-۵۸- اگر عبارت درجه دوم  $mx^2 + 2x - 1$  همواره نامثبت باشد، حدود  $m$  کدام است؟

$-1 \leq m < 0$  (۴)

$m \leq -1$  (۳)

$m \geq -1$  (۲)

$m < 0$  (۱)

-۵۹- کف اتاقی به ابعاد  $4 \times 5$  متر، یک قالی به مساحت ۱۲ مترمربع پهن شده است. اگر فاصله لبه‌های قالی تا دیوار

یکسان باشد، این فاصله چقدر است؟

۴ (۴)

۲ (۳)

$\frac{1}{2}$  (۲)

۱ (۱)

-۶۰- در مسابقات یک فصل از یک لیگ فوتبال که بازی‌های رفت و برگشت دارد، در مجموع تعداد ۵۶ بازی انجام

می‌شود. تعداد تیم‌های شرکت کننده در این لیگ کدام است؟

۷ (۴)

۱۶ (۳)

۱۰ (۲)

۸ (۱)

-۶۱- فشار خون نرمال یک شخص مذکور، برحسب میلی‌متر جیوه از رابطه  $P = 0.065S^2 - 0.02S + 120$  به دست

می‌آید که در آن  $P$  مقدار فشار خون فرد و  $S$  سن آن فرد است. سن فرد چقدر باشد تا فشار خون او برابر با

۱۳۴ میلی‌متر جیوه باشد؟

۵۵ (۴)

۶۰ (۳)

۵۰ (۲)

۴۰ (۱)

-۶۲- اگر معادله درجه دوم  $x(x+3) = -3a$ ، جواب حقیقی نداشته باشد، حدود  $a$  کدام است؟

$a < \frac{9}{4}$  (۴)

$a > -\frac{3}{4}$  (۳)

$a < \frac{3}{4}$  (۲)

$a > \frac{3}{4}$  (۱)

۶۳- اگر اشتراک مجموعه جواب دو نامعادله  $x^2 - 1 < 2x$  و  $x^2 - 1 > 3x$  را به صورت  $|x - \alpha| < \beta$  بنویسیم،

کدام است؟  $\alpha + \beta$

۳) ۴

۲) ۳

-۲) ۲

-۳) ۱

۶۴- به ازای کدام مقدار  $m$ ، معادله  $x^2 + (m-1)x + m+1 = 0$  دارای ریشه مضاعف منفی است؟

۳)  $3 + \sqrt{12}$  فقط

۴)  $3 \pm \sqrt{12}$  (۱)

۴) مقداری برای  $m$  وجود ندارد.

۳)  $3 + \sqrt{3}$  فقط

۶۵- اگر مجموعه جواب نامعادله  $x^6 + 4 \leq 4x^4 + x^2$  باشد، آن‌گاه  $[a, b] \cup [c, d]$  به صورت

کدام است؟

۱) ۴

۳) صفر

-۱) ۲

-۲) ۱

۶۶- اگر  $x+y=6$  و  $xy=4$ ، حاصل عبارت  $x\sqrt{y} + y\sqrt{x}$  کدام است؟

۴)  $\sqrt{35}$

۳)  $\sqrt{45}$

۲)  $\sqrt{40}$

۱)  $\sqrt{50}$

۶۷- حاصل عبارت  $(\sqrt[6]{5} + 1)(\sqrt[6]{5} - 1)(\sqrt[6]{5^2} - \sqrt[6]{5} + 1)(\sqrt[6]{5^2} + \sqrt[6]{5} + 1)(\sqrt[6]{5} + 1)$  کدام است؟

۴) ۶

۳) ۵

۲) ۴

۱) ۳

۶۸- بهازای چه مقادیری از  $a$ ، سهمی به معادله  $y = (a-1)x^4 + (2a-1)x + a$  فقط از ناحیه اول محورهای

مختصات عبور نمی‌کند؟

$\emptyset$  (۴)

$(-\infty, 1)$  (۳)

$(-\infty, 0]$  (۲)

$[0, +\infty)$  (۱)

۶۹- اگر معادله سهمی  $y = ax^2 - bx + c$  بر خط  $y = -4$  مماس باشد و محور  $x$  ها را در  $x=2$  قطع کند،

کدام می‌تواند باشد؟  $a+c$

۱۳ (۴)

۱۲ (۳)

۱۱ (۲)

۱۰ (۱)

۷۰- اگر رأس یک سهمی روی نیمساز ناحیه اول باشد و محور  $x$  ها را در نقطه‌هایی به طول ۱ و ۳ قطع کند،

آن‌گاه این سهمی محور  $y$  ها را در نقطه‌ای با کدام عرض قطع می‌کند؟

-۳ (۴)

۳ (۳)

$-\frac{3}{4}$  (۲)

$\frac{3}{4}$  (۱)

-۵۱

«ناصر اسلندری»

$$-2 < \left| \frac{1-x}{2} \right| \leq 1 \quad \text{چون } 0 \text{ است پس بدیهی است که نامعادله } \left| \frac{1-x}{2} \right| \geq 0$$

برقرار است، پس کافی است نامعادله  $\left| \frac{1-x}{2} \right| \leq 1$  را حل کنیم، داریم:

$$\begin{aligned} \left| \frac{1-x}{2} \right| \leq 1 &\Rightarrow -1 \leq \frac{1-x}{2} \leq 1 \xrightarrow{\times 2} -2 \leq 1-x \leq 2 \\ &\xrightarrow{-1} -3 \leq -x \leq 1 \xrightarrow{\times (-1)} 1 \leq x \leq 3 \Rightarrow x \in [-1, 3] \end{aligned}$$

(صفحه‌های ۹۱ تا ۹۳ کتاب درسی) (معادله‌ها و نامعادله‌ها)

۴

۳

۲

۱

-۵۲

«علی ارجمند»

$$A = \frac{2}{\sqrt{x}-2} + \frac{2}{\sqrt{x}+2} + \frac{4}{x-4}$$

$$= \frac{2(\sqrt{x}+2) + 2(\sqrt{x}-2)}{(\sqrt{x}-2)(\sqrt{x}+2)} + \frac{4}{x-4} = \frac{4\sqrt{x}+4}{x-4} = \frac{4(\sqrt{x}+1)}{x-4}$$

(صفحه‌های ۶۵ تا ۶۷ کتاب درسی) (توان‌های گویا و عبارت‌های بیرونی)

۴

۳

۲

۱

رأس سهمی نقطه  $(-2, -1)$  و سهمی رو به پایین است، پس معادله آن

به صورت زیر است:

$$y = k(x - (-2))^2 - 1 \Rightarrow y = k(x + 2)^2 - 1$$

از طرفی نقطه  $(-1, -2)$  روی سهمی است، پس در معادله آن صدق

می‌کند:

$$-2 = k(-1 + 2)^2 - 1 \Rightarrow k = -1$$

$$\Rightarrow y = -(x + 2)^2 - 1 \Rightarrow y = -(x^2 + 4x + 4) - 1$$

$$\Rightarrow y = -x^2 - 4x - 5$$

(صفحه‌های ۷۱ تا ۸۲ کتاب درسی) (معارفه‌ها و نامعارفه‌ها)

۴

۳

۲

۱

ابتدا با مخرج مشترک گیری عبارت داده شده را ساده می‌کنیم، داریم:

$$P = \frac{3x(x-1) - (x+2)(3x+1)}{(3x+1)(x-1)}$$

$$\Rightarrow P = \frac{-10x-2}{(3x+1)(x-1)} \quad (1)$$

جدول تعیین علامت عبارت (1) به شکل زیر می‌باشد، پس داریم:

$x$	$-\infty$	$-\frac{1}{3}$	$-\frac{1}{5}$	$1$	$+\infty$
$P$	+	-	+	-	

ت. ن ت. ن ت. ن

به ازای  $\frac{1}{3} < x < -\frac{1}{5}$  و  $x > 1$  عبارت  $P$  منفی است، پس طبق شرایط

سؤال حداکثر مقدار  $b-a$  برابر با  $\frac{2}{15} - (-\frac{1}{3}) = \frac{2}{15} + \frac{1}{3} = \frac{17}{15}$  است.

(صفحه‌های ۱۳ تا ۱۸ کتاب درسی) (معادله‌ها و نامعادله‌ها)

۴

۳

۲ ✓

۱

$$2x^2 - 3x = 5 \xrightarrow{\div 2} x^2 - \frac{3}{2}x = \frac{5}{2} \quad (1)$$

$$\Rightarrow \left(\frac{x}{2}\right)^2 = \left(\frac{-\frac{3}{2}}{2}\right)^2 = \left(-\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{9}{16}$$

$\frac{9}{16}$  را باید به طرفین تساوی (1) اضافه کنیم.

(صفحه‌های ۷۳ کتاب درسی) (معادله‌ها و نامعادله‌ها)

۴ ✓

۳

۲

۱

ابتدا عبارت  $x^6 - 1$  را با استفاده از اتحاد مزدوج تجزیه می‌کنیم و سپس از اتحاد تفاضل (مجموع) مکعبات دو جمله استفاده می‌کنیم:

$$\begin{aligned} x^6 - 1 &= (x^3 - 1)(x^3 + 1) = (x - 1)(x^2 + x + 1)(x + 1)(x^2 - x + 1) \\ &\xrightarrow{\text{مزدوج}} (x^3 - 1)(x^3 + x + 1)(x^3 - x + 1) \end{aligned}$$

(صفحه‌های ۶۷ تا ۶۲ کتاب درسی) (توان‌های گویا و عبارت‌های ببری)

۴✓

۳

۲

۱

«های پلاور»

-۵۷-

$$(x - 2)^r = (k - 1)^4 \Rightarrow x - 2 = \pm(k - 1)^r$$

$$\Rightarrow x = \pm(k - 1)^r + 2$$

$$|\text{قدرمطلق تفاضل جوابها}| = |((k - 1)^r + 2) - (-(k - 1)^r + 2)|$$

$$|2(k - 1)^r| = 8$$

$$\Rightarrow (k - 1)^r = 4 \Rightarrow k - 1 = \pm 2 \Rightarrow \begin{cases} k - 1 = 2 \Rightarrow k = 3 \\ k - 1 = -2 \Rightarrow k = -1 \end{cases}$$

پس حاصل ضرب مقادیر ممکن  $k$  برابر با ۳ است.

(صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷ کتاب درسی) (معارله‌ها و ناممعارله‌ها)

۴

۳

۲✓

۱

شرط آن که عبارت درجه دوم، کوچک‌تر یا مساوی صفر باشد آن است که:

$a < 0$  باشد، پس:  $\Delta \leq 0$

$$\begin{cases} a < 0 \Rightarrow m < 0 \quad (1) \\ \Delta \leq 0 \Rightarrow 4 + 4m \leq 0 \Rightarrow m \leq -1 \quad (2) \end{cases} \xrightarrow{(1)\cap(2)} m \leq -1$$

(صفحه‌های ۱۱ تا ۹۱ کتاب درسی) (معارفه‌ها و نامعارفه‌ها)

۴

۳ ✓

۲

۱

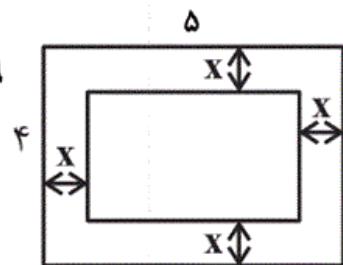
مطابق شکل زیر، ابعاد قالی  $5 - 2x$  و  $4 - 2x$  است. پس:

$$(4 - 2x)(5 - 2x) = 12 \Rightarrow 4x^2 - 18x + 20 = 12$$

$$\Rightarrow 4x^2 - 18x + 8 = 0 \Rightarrow 2x^2 - 9x + 4 = 0$$

$$\Delta = b^2 - 4ac = (-9)^2 - 4(2)(4) = 49$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{4a} = \frac{9 \pm 7}{4} = \begin{cases} \frac{1}{2} & \checkmark \\ \frac{4}{2} & \times \end{cases}$$



توجه: به ازای  $x = 4$  ابعاد قالی منفی در می‌آید که قابل قبول نیست.

(صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷ کتاب درسی) (معارفه‌ها و نامعارضه‌ها)

۴

۳

۲ ✓

۱

اگر تعداد تیم‌ها را  $X$  بگیریم، هر تیم با  $1 - X$  تیم دیگر باید بازی کند

که می‌شود  $\frac{X(X-1)}{2}$  بازی، از طرفی چون بازی‌ها رفت و برگشتی است

در مجموع  $X(X-1)$  بازی داریم، پس:

$$X(X-1) = 56 \Rightarrow X^2 - X - 56 = 0 \Rightarrow (X-8)(X+7) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} X = 8 & \checkmark \\ X = -7 & \times \end{cases}$$

(صفحه ۷۷ کتاب درسی) (معارفه‌ها و نامعارفه‌ها)

 ۱ ۲ ۳ ۴

$$0/006s^2 - 0/02s + 120 = 134$$

$$\xrightarrow{\times 1000} 6s^2 - 20s + 120000 = 134000$$

$$\Rightarrow 6s^2 - 20s - 14000 = 0$$

$$\xrightarrow{\times 6} 36s^2 - 120(6s) - 84000 = 0$$

$$\Rightarrow (6s - 300)(6s + 280) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 6s - 300 = 0 \Rightarrow s = 50 \\ 6s + 280 = 0 \Rightarrow s = -\frac{140}{3} \end{cases}$$

غیر قابل

(صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷ کتاب درسی) (معارفه‌ها و نامعارفه‌ها)

 ۱ ۲ ۳ ۴

$$x(x+3) = -3a \Rightarrow x^2 + 3x = -3a$$

مربع نصف ضریب  $x$  را به طرفین اضافه می‌کنیم:

$$x^2 + 3x + \frac{9}{4} = \frac{9}{4} - 3a \Rightarrow \left(x + \frac{3}{2}\right)^2 = \frac{9}{4} - 3a$$

$$\Rightarrow \left(x + \frac{3}{2}\right) = \pm \sqrt{\frac{9}{4} - 3a}$$

چون معادله جواب ندارد، پس عبارت زیر رادیکال منفی است:

$$\frac{9}{4} - 3a < 0 \Rightarrow 3a > \frac{9}{4} \Rightarrow a > \frac{9}{4} \Rightarrow a > \frac{3}{4}$$

(صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷ کتاب درسی) (معادله‌ها و نامعادله‌ها)

۱

۲

۳

۴ ✓

با ترکیب دو نامعادله داریم:

$$\begin{aligned} -2 < 3x - 1 < 8 &\xrightarrow{+1} -2 + 1 < 3x - 1 + 1 < 8 + 1 \\ \Rightarrow -1 < 3x < 9 &\xrightarrow{\div 3} -\frac{1}{3} < x < 3 \end{aligned}$$

برای تبدیل نامساوی  $|x - \alpha| < \beta$  به نامعادله قدرمطلقی  $a < x < b$

، بهتر ترتیب زیر عمل می کنیم:

$$a < x < b$$

$$\frac{-\frac{a+b}{2}}{\text{به طرفین}} \xrightarrow{\text{اضافه می کنیم}} a - \frac{a+b}{2} < x - \frac{a+b}{2} < b - \frac{a+b}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{a-b}{2} < x - \frac{a+b}{2} < \frac{b-a}{2}$$

$$\Rightarrow |x - \underbrace{\frac{a+b}{2}}_{\alpha}| < \underbrace{\frac{b-a}{2}}_{\beta}$$

$$\alpha = \frac{3 + (-\frac{1}{3})}{2} = \frac{\frac{9-1}{3}}{2} = \frac{8}{6} = \frac{4}{3}$$

$$\beta = \frac{3 - (-\frac{1}{3})}{2} = \frac{\frac{9+1}{3}}{2} = \frac{10}{6} = \frac{5}{3}$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = \frac{8+10}{6} = \frac{18}{6} = 3$$

(صفحه های ۸۱ تا ۹۳ کتاب درسی) (معادله ها و نامعادله ها)

✓

۳

۲

۱

## «ایمان چینی فروشان»

از آنجایی که معادله دارای ریشه مضاعف است، دلتای آن باید صفر باشد:

$$\Delta = 0 \Rightarrow (m-1)^2 - 4(m+1) = 0$$

$$\Rightarrow m^2 - 2m + 1 - 4m - 4 = 0 \Rightarrow m^2 - 6m - 3 = 0$$

$$\Rightarrow m = \frac{6 \pm \sqrt{36 + 12}}{2} = 3 \pm \sqrt{12} \quad (1)$$

از طرفی ریشه مضاعف که برابر با  $x = -\frac{b}{2a}$  است باید منفی باشد، پس:

$$-\frac{b}{2a} < 0 \Rightarrow -\frac{(m-1)}{2} < 0 \Rightarrow m-1 > 0 \Rightarrow m > 1 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(2),(1)} m = 3 + \sqrt{12}$$

(صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷ و ۸۶ کتاب درسی) (معادله‌ها و نامعادله‌ها)

۴

۳

۲✓

۱

## «جمشید حسینی فواه»

$$x^6 - 4x^4 - x^2 + 4 \leq 0 \Rightarrow x^4(x^2 - 4) - (x^2 - 4) \leq 0$$

$$(x^2 - 4)(x^4 - 1) \leq 0 \Rightarrow (x-2)(x+2)(x^2 - 1)(x^2 + 1) \leq 0$$

$$\xrightarrow{x^2+1>0} (x-2)(x+2)(x-1)(x+1) \leq 0$$

جدول نهایی تعیین علامت نامعادله فوق به صورت زیر است، لذا داریم:

x	-∞	-2	-1	1	2	+∞
p	+	+	-	+	-	+

$$\Rightarrow \text{مجموعه جواب} = [-2, -1] \cup [1, 2]$$

$$[a, b] \cup [c, d] = [-2, -1] \cup [1, 2] \Rightarrow a + b + c + d = 0$$

(صفحه‌های ۸۸ تا ۹۱ کتاب درسی) (معادله‌ها و نامعادله‌ها)

۴

۳✓

۲

۱

«اووو بوالمسنی»

$$x\sqrt{y} + y\sqrt{x} = A \xrightarrow{\text{به توان ۲}}$$

$$x^2y + y^2x + 2xy\sqrt{xy} = A^2$$

$$\Rightarrow xy(x+y+2\sqrt{xy}) = A^2$$

$$\Rightarrow 4(6+4) = A^2 \Rightarrow A = \pm\sqrt{40} \xrightarrow{A>0} A = \sqrt{40}$$

(صفحه‌های ۶۷ تا ۶۷ کتاب درسی) (توان‌های گویا و عبارت‌های جبری)

۴

۳

۲✓

۱

«حسن نصیری ناهوک»

با فرض  $x = \sqrt[6]{5}$ , پس از ساده‌سازی و استفاده از اتحادها داریم:

$$(x-1)(x^2-x+1)(x^2+x+1)(x+1)$$

اتحاد مجموع مکعبات دو جمله اتحاد تفاضل مکعبات دو جمله

$$\overbrace{(x^3+1)(x^3-1)}^{\text{اتحاد مزدوج}} = (x^3)^2 - 1^2 = x^6 - 1$$

$$= (\sqrt[6]{5})^6 - 1 = 5 - 1 = 4$$

(صفحه‌های ۶۷ تا ۶۷ کتاب درسی) (توان‌های گویا و عبارت‌های جبری)

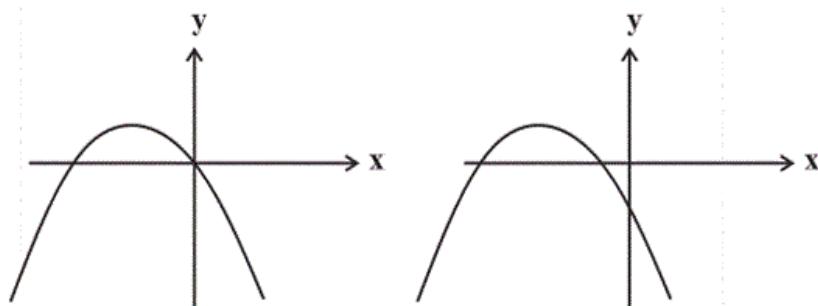
۴

۳

۲✓

۱

نمودار سه‌می مورد نظر باید به یکی از دو صورت زیر باشد:



پس اولاً ضریب  $x^2$  باید منقی باشد:

$$a-1 < 0 \Rightarrow a < 1 \quad (1)$$

طول محل برخورد نمودار با محور  $x$  ها را به دست می‌آوریم:

$$y = (a-1)x^2 + (2a-1)x + a = 0$$

$$\Delta = (2a-1)^2 - 4(a-1)a = 1$$

$$x = \frac{-(2a-1) \pm 1}{2(a-1)} \Rightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = \frac{a}{1-a} \end{cases}$$

طبق نمودار سه‌می باید،  $\frac{a}{1-a}$  نامثبت باشد پس:

$$\frac{a}{1-a} \leq 0 \Rightarrow a \leq 0 \quad a > 1 \quad (2)$$

$$\underline{(1) \cap (2)} \rightarrow a \leq 0$$

(صفحه‌های ۷۱ تا ۷۲ کتاب درسی) (معادله‌ها و نامعادله‌ها)

۱

۲

۳ ✓

۴

چون سهمی محور  $X$  ها در نقطه‌ای به طول  $2 = x$  قطع کرده

است، پس نقطه  $(2, 0)$  در معادله سهمی صدق می‌کند:

$$\begin{cases} x = 2 \\ y = 0 \end{cases} \Rightarrow 4a - 16 + c = 0 \Rightarrow 4a + c = 16$$

$$\Rightarrow c = 16 - 4a$$

با جایگذاری  $c$ ، در معادله  $(1)$  داریم:

$$(a)(16 - 4a + 4) = 16$$

$$\Rightarrow (a)(-4a + 20) = 16 \Rightarrow -4a^2 + 20a - 16 = 0$$

$$\Rightarrow a^2 - 5a + 4 = 0$$

$$\Rightarrow (a-1)(a-4) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a = 1 \Rightarrow c = 12 \Rightarrow a + c = 13 \\ a = 4 \Rightarrow c = 0 \Rightarrow a + c = 4 \end{cases}$$

(صفحه‌های ۷۸ و ۸۲ کتاب درسی) (معادله‌ها و تابع‌ها)

۴ ✓

۳

۲

۱

رأس سهمی روی نیمساز ربع اول است پس مختصات آن را به صورت  $S(\alpha, \alpha)$  در نظر می‌گیریم. چون سهمی محور  $X$  ها را در طول‌های ۱ و ۳ قطع کرده، پس نقاط  $(-1, 0)$  و  $(3, 0)$  در ضابطه تابع صدق می‌کند و در نتیجه محور تقارن سهمی به صورت زیر است:

$$x_s = \frac{\alpha + \beta}{2} = \frac{3 + (-1)}{2} = 1$$

پس نقطه  $(1, 1)$  رأس سهمی است و معادله این سهمی به صورت

$y = a(x - 1)^2 + 1$  می‌شود. از طرفی نقطه  $(3, 0)$  در معادله سهمی

صدق می‌کند:

$$0 = a(3 - 1)^2 + 1 \Rightarrow 4a + 1 = 0 \Rightarrow a = -\frac{1}{4}$$

ضابطه سهمی  $y = -\frac{1}{4}(x - 1)^2 + 1$  داریم:

$$y = -\frac{1}{4}(0 - 1)^2 + 1 = \frac{3}{4}$$

(صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲ کتاب درسی) (معارفه‌ها و نامعارفه‌ها)

۴

۳

۲

۱ ✓