



سایت ویژه ریاضیات www.riazisara.ir

درسنامه ها و جزوه های ریاضی

سوالات و پاسخنامه تشریحی کنکور

نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نرم افزارهای ریاضیات

...

(@riazisara)

ریاضی سرا در تلگرام:



<https://t.me/riazisara>

(@riazisara.ir) ریاضی سرا در اینستاگرام:



<https://www.instagram.com/riazisara.ir>

۵۱- اگر A مجموعه اعداد طبیعی کوچک‌تر از ۱۱ و $B = \{2K+2 \mid K \in A, 2K+2 \in A\}$ باشد و مجموعه

مرجع را مجموعه اعداد طبیعی در نظر بگیریم، مجموعه $A \cap B'$ چند عضو دارد؟

- (۱) بی‌شمار (۲) ۴ (۳) ۶ (۴) ۱۴

۵۲- اگر بازه A_n به صورت $A_n = (\frac{n-1}{n}, \frac{n+1}{n})$ تعریف شود، حاصل $A_1 \cap A_2 \cap \dots \cap A_n$ کدام است؟

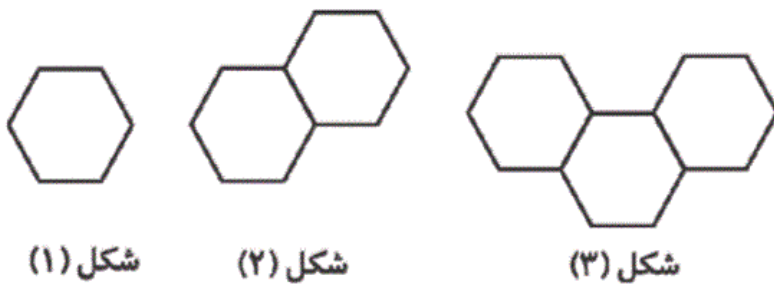
- (۱) $(0, 1)$ (۲) $(1, 2)$
(۳) $(\frac{9}{10}, \frac{11}{10})$ (۴) $(\frac{1}{2}, \frac{3}{2})$

۵۳- در یک کلاس ۴۵ نفری، ۵ نفر فقط در حل مسائل درس ریاضی و ۱۵ نفر فقط در حل مسائل درس

فیزیک مهارت دارند. حداکثر چند نفر در حل مسائل درس ریاضی مهارت دارند؟

- (۱) ۲۰ (۲) ۲۵ (۳) ۳۰ (۴) ۳۵

۵۴- با توجه به الگوی زیر، شکل چندم این الگو از ۴۶ پاره‌خط تشکیل شده است؟



- (۱) ۸
(۲) ۹
(۳) ۷
(۴) ۱۰

۵۵- مجموع سه جمله متوالی یک دنباله هندسی غیر ثابت ۸۶ است. اگر این سه جمله به ترتیب جملات اول،

دوم و هشتم یک دنباله حسابی غیر ثابت باشند، جمله پنجم دنباله حسابی کدام است؟

۴۰ (۲)

۴۲ (۱)

۴۴ (۴)

۳۸ (۳)

۵۶- اگر $\tan\theta + \cot\theta < 0$ باشد، آن گاه θ در کدام ناحیه مثلثاتی قرار دارد؟

(۲) سوم یا چهارم

(۱) اول یا دوم

(۴) دوم یا چهارم

(۳) اول یا چهارم

۵۷- دو مثلث ABC و EFG را در نظر بگیرید به طوری که $AB = \frac{1}{2}EF$ و $AC = 2EG$ باشد و زاویه های A و

E برابر باشند، آن گاه نسبت مساحت $\triangle ABC$ به مساحت $\triangle EFG$ کدام است؟

$\frac{3}{2}$ (۲)

$\frac{2}{3}$ (۱)

$\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۴)

$\frac{1}{3}$ (۳)

۵۸- اگر خط $3x - 4y = 12$ با جهت مثبت محور x ها زاویه α را بسازد، آن گاه مقدار $\cos\alpha$ کدام است؟

$\frac{4}{5}$ (۲)

$\frac{3}{5}$ (۱)

$\frac{1}{2}$ (۴)

$\frac{3}{4}$ (۳)

۵۹- اگر $180^\circ < \alpha < 270^\circ$ باشد، حاصل عبارت تعریف شده $\cos\alpha - \sin^2\alpha \sqrt{\frac{1}{1+\tan^2\alpha}}$ همواره کدام است؟

۱ (۲)

صفر (۱)

$\cos^2\alpha - \sin^2\alpha$ (۴)

-۱ (۳)

۶۰- عبارت $A = \frac{(1 - \sin^2 \alpha)(1 + \sin^2 \alpha) + (1 - \cos^2 \alpha)(1 + \cos^2 \alpha) - 2 \sin^2 \alpha \cos^2 \alpha}{\cos^2 \alpha}$ همواره با کدام گزینه

برابر است؟ (عبارت تعریف شده است.)

(۲) $1 + \tan^2 \alpha$

(۱) $1 - \tan^2 \alpha$

(۴) $1 + \tan \alpha$

(۳) $1 - \tan \alpha$

۶۱- در صورتی که $0 < a < 1$ باشد، کدام یک از نامساوی‌های زیر همواره نادرست است؟

(۲) $\sqrt[3]{a} > \sqrt{a}$

(۱) $\sqrt[5]{a} > a$

(۴) $-a < \sqrt[3]{-a}$

(۳) $\sqrt[5]{-a} < \sqrt{a}$

۶۲- اگر $\sqrt[3]{1-a} \times \sqrt[3]{b-1} = \sqrt[3]{(1-a)(b-1)}$ ، $\sqrt{(2-b)^2} = 2-b$ و $|-a|=a$ آن‌گاه کدام گزینه در خصوص

حدود a یا b صحیح است؟

(۲) $1 \leq b \leq 2$

(۱) $0 \leq b \leq 1$

(۴) $-1 \leq a \leq 0$

(۳) $1 \leq a \leq 2$

۶۳- حاصل عبارت $A = \sqrt[3]{1-\sqrt{2}} \times \sqrt[3]{2+\sqrt{2}}$ کدام است؟

(۲) -2

(۱) -4

(۴) 2

(۳) -1

۶۴- اگر $a(a^2 + 3ab) = 7$ و $b(b^2 + 3ab) = 20$ باشد، $a+b$ کدام است؟

(۲) 3

(۱) 2

(۴) 5

(۳) 4

۶۵- اگر $x\sqrt[3]{y} = 3$ و $y\sqrt[3]{x} = 81$ باشد، حاصل $A = \sqrt[5]{x\sqrt[3]{x}} \times \sqrt[5]{y\sqrt[3]{y}}$ کدام است؟

(۲) $3\sqrt[5]{3}$

(۱) $\sqrt[5]{27}$

(۴) $\sqrt[5]{3}$

(۳) ۳

۶۶- وسط یک زمین مستطیل شکل، به مساحت ۳۸۴ متر مربع، زمین چمن مستطیل شکلی قرار دارد که

طول آن ۲۰ متر و عرض آن ۱۲ متر است و فاصله همه لبه‌های زمین چمن تا اضلاع زمین یکسان است.

در این صورت محیط زمین مستطیل شکل چند متر است؟

(۴) ۶۴

(۳) ۸۰

(۲) ۲۸۰

(۱) ۳۲۰

۶۷- در حل معادله $x^2 + 3x - 2 = 0$ به روش مربع کامل، از چه عددی جذر گرفته می‌شود؟

(۴) ۱۱

(۳) ۲

(۲) ۹

(۱) $\frac{17}{4}$

۶۸- رأس سهمی $y = (mx - 4)(4 + 2x)$ بر محور x ها منطبق است. مقدار m چه عددی می‌باشد؟

(۴) ۴

(۳) -۲

(۲) ۲

(۱) -۴

۶۹- نقطه $A(-1, -4)$ ، رأس سهمی به معادله $y = 3x^2 + ax + b + 8$ است. این سهمی محور y ها را با کدام

عرض قطع می‌کند؟

۲ (۴)

-۱ (۳)

-۲ (۲)

-۳ (۱)

۷۰- اگر رأس سهمی به معادله $y = -2x^2 + mx - 6$ روی نیمساز ربع دوم باشد، m کدام است؟

-۸ (۴)

۶ (۳)

۸ (۲)

-۶ (۱)

ریاضی ۱ - اعتبارسنجی - ۱۰ سوال

۱۳۱- واسطه‌ی حسابی بین دو عدد $\frac{1-2\sqrt{2}}{2}$ و $\frac{1}{1+\sqrt{2}}$ کدام است؟

$-\frac{1}{2}$ (۴)

$\sqrt{2}$ (۳)

$-\frac{1}{4}$ (۲)

$\frac{1}{2}$ (۱)

۱۳۲- اگر A مجموعه‌ای متناهی، B مجموعه‌ای نامتناهی و C مجموعه‌ای دلخواه و نامشخص باشد،

$(C \neq B, A)$ ، کدام مجموعه قطعاً نامتناهی است؟ (مجموعه‌ی مرجع، اعداد حقیقی است.)

$A \cup (B - C)$ (۲)

$A \cap (B \cup C)$ (۱)

$(A \cup C) \cap (B \cup C)$ (۴)

$B - (A \cap C)$ (۳)

۱۳۳- اگر دنباله با جمله‌ی عمومی $a_n = an(2-n) + 4n^2 - a$ ، یک دنباله‌ی خطی و جمله‌ی دوم دنباله‌ی $t_n = \left(\frac{b}{4}\right)n + a^2$ برابر a_3 باشد،

b کدام است؟

۳۶ (۴)

۶ (۳)

۴ (۲)

-۶ (۱)

۱۳۴- دنباله‌ی هندسی $\frac{1}{5}, \frac{1}{125}, \dots, (\frac{1}{5})^{k^2-1}$ چند جمله دارد؟ (k زوج است).

$3k^2$ (۴)

$3k$ (۳)

$\frac{k^2}{2}$ (۲)

$\frac{k}{2}$ (۱)

۱۳۵- حاصل عبارت $B = \frac{\sin^2 \alpha (\tan \alpha + \frac{1}{\cos^2 \alpha})}{\sin \alpha \cos \alpha (1 + \tan \alpha + \tan^2 \alpha)}$ کدام گزینه است؟ ($\alpha \neq \frac{k\pi}{2}, k \in Z$)

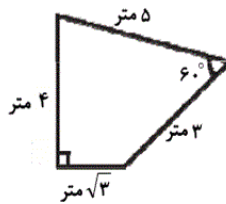
$\tan^2 \alpha$ (۴)

$\tan \alpha$ (۳)

$1 + \tan^2 \alpha$ (۲)

$1 + \tan \alpha$ (۱)

۱۳۶- کارگری برای کوتاه کردن چمن‌های هر مترمربع از یک زمین چمن ۱۰۰ ریال پول دریافت می‌کند. این کارگر برای کوتاه کردن چمن‌های زمین چمن زیر چند ریال پول دریافت می‌کند؟



$1150\sqrt{3}$ (۱)

$575\sqrt{3}$ (۲)

$755\sqrt{3}$ (۳)

$577\sqrt{3}$ (۴)

۱۳۷- اگر مخرج کسر $\frac{1}{\sqrt[3]{3+2\sqrt{2}}}$ را گویا کنیم، حاصل کدام است؟

$\sqrt[3]{2-3\sqrt{2}}$ (۴)

$\sqrt[3]{3-2\sqrt{2}}$ (۳)

$\sqrt[3]{3+2\sqrt{2}}$ (۲)

$\sqrt[3]{3-2\sqrt{2}}$ (۱)

۱۳۸- حاصل عبارت $A = (x - \sqrt[3]{2})^2 (x^2 + \sqrt[3]{2}x + \sqrt[3]{4})^2$ به ازای $x = \sqrt[3]{\sqrt{2}+2}$ کدام است؟

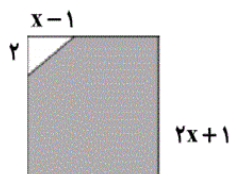
۲ (۴)

$\sqrt{2}+4$ (۳)

۴ (۲)

$\sqrt{2}+2$ (۱)

۱۳۹- اگر مساحت قسمت رنگی از مربع زیر برابر با ۲۴ سانتی‌مترمربع باشد، x چند سانتی‌متر است؟



$\frac{3}{2}$ (۱)

$\frac{11}{4}$ (۲)

۳ (۳)

۲ (۴)

۱۴۰- در کدام گزینه قدرمطلق تفاضل دو ریشه بزرگ‌تر است؟

$(2x-3)^2 - 24 = 12$ (۲)

$6x^2 = 18$ (۱)

$x^2 - 2x + 3 = 4$ (۴)

$2x^2 - 30 = 0$ (۳)

-۵۱

(شکیب ربی)

$$A = \{1, 2, 3, \dots, 10\}$$

$$B = \{4, 6, 8, 10\}$$

$$B' = \{1, 2, 3, 5, 7, 9, 11, 12, \dots\}$$

$$\Rightarrow A \cap B' = \{1, 2, 3, 5, 7, 9\}$$

(صفحه‌های ۱ و ۹ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

۳

۲

۱

-۵۲

(علی ارجمند)

$$A_n = \left(\frac{n-1}{n}, \frac{n+1}{n} \right) = \left(1 - \frac{1}{n}, 1 + \frac{1}{n} \right)$$

بنابراین بازه‌های A_n به فاصله $\frac{1}{n}$ پیرامون عدد ۱ هستند. از آن جا که با

افزایش n این بازه‌ها کوچک‌تر می‌شوند و به ازای هر n ، $A_{n+1} \subseteq A_n$

است، خواهیم داشت:

$$A_1 \cap A_2 \cap A_3 \cap \dots \cap A_{10} = A_{10} = \left(1 - \frac{1}{10}, 1 + \frac{1}{10} \right) = \left(\frac{9}{10}, \frac{11}{10} \right)$$

(صفحه‌های ۳ تا ۵ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

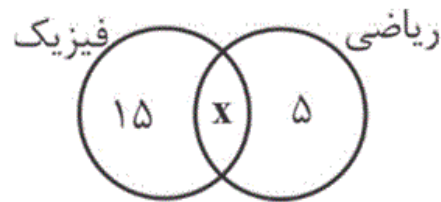
۳

۲

۱

(مهرداد قاجری)

از این کلاس ۴۵ نفری به غیر از ۱۵ نفری که فقط در حل مسائل درس فیزیک مهارت دارند، ۳۰ نفر باقی می‌مانند. در بین این ۳۰ نفر، ۵ نفر فقط در حل مسائل درس ریاضی مهارت دارند ولی در خصوص ۲۵ نفر دیگر اطلاعاتی نداریم. می‌توان گفت در بهترین شرایط این ۲۵ نفر در حل مسائل هر دو درس ریاضی و فیزیک مهارت دارند. در این حالت در نمودار ون زیر مقدار x برابر با ۲۵ می‌شود و در مجموع ۳۰ نفر در حل مسائل ریاضی مهارت دارند.



(صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

۳ ✓

۲

۱

(علی غلامپور سرابی)

مطابق شکل‌ها داریم:

شماره مرحله	۱	۲	۳	...	n
تعداد پاره‌خطها	۶	۱۱	۱۶	...	
الگو	$۵ \times ۱ + ۱$	$۵ \times ۲ + ۱$	$۵ \times ۳ + ۱$...	$۵ \times n + ۱$

الگوی این دنباله به صورت $۵n + ۱$ می‌باشد.

$$a_n = 5n + 1 \Rightarrow 46 = 5n + 1 \Rightarrow n = 9$$

(صفحه‌های ۱۴ تا ۱۸ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

۳

۲ ✓

۱

(مهم پورا آمدی)

اگر t_1 جمله اول و d قدرنسبت دنباله حسابی باشند، طبق صورت سؤال

داریم:

$$t_1 + t_1 + d + t_1 + 7d = 86 \Rightarrow 3t_1 + 8d = 86 \quad (1)$$

از طرفی:

$$(t_1 + d)^2 = t_1(t_1 + 7d) \Rightarrow t_1^2 + 2t_1d + d^2 = t_1^2 + 7t_1d$$

$$\Rightarrow 2t_1d + d^2 - 7t_1d = 0 \Rightarrow d(2t_1 - 5d) = 0 \Rightarrow \begin{cases} d = 0 & \text{غ.ق.} \\ d = 2t_1 & \text{ق.} \end{cases}$$

$$\xrightarrow[\text{(1)}]{d=2t_1} 3t_1 + 40t_1 = 86 \Rightarrow 43t_1 = 86$$

$$\Rightarrow t_1 = 2, d = 10$$

پس جمله پنجم دنباله حسابی برابر است با:

$$t_5 = t_1 + 4d \Rightarrow t_5 = 2 + 40 = 42$$

(صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

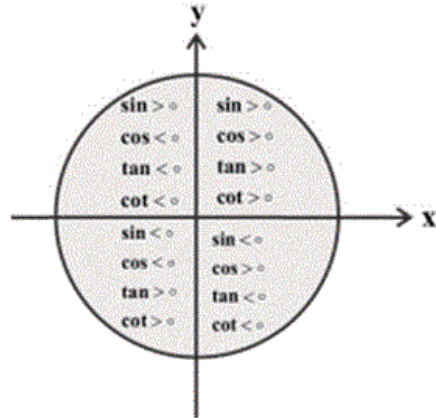
۳

۲

۱ ✓

$$\tan\theta + \cot\theta < 0 \Rightarrow \frac{\sin\theta}{\cos\theta} + \frac{\cos\theta}{\sin\theta} < 0 \Rightarrow \frac{\sin^2\theta + \cos^2\theta}{\sin\theta\cos\theta} < 0$$

$$\xrightarrow{\sin^2\theta + \cos^2\theta = 1} \frac{1}{\sin\theta\cos\theta} < 0 \Rightarrow \sin\theta\cos\theta < 0$$



بنابراین **sin** و **cos** باید مختلف‌العلامت باشند.

پس با توجه به دایره مثلثاتی، در ناحیه ۲ و ۴، **sin** و **cos** مختلف‌العلامت هستند.

(صفحه‌های ۳۴ تا ۳۹ کتاب درسی) (مثلثات)

۴ ✓

۳

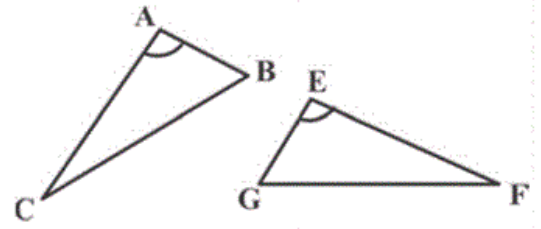
۲

۱

با توجه به فرمول مساحت مثلث داریم:

$$S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AB \times AC \times \sin \hat{A}$$

$$S_{\triangle EFG} = \frac{1}{2} EF \times EG \times \sin \hat{E}$$



از طرفی چون \hat{E} و \hat{A} برابر هستند، پس $\sin \hat{E}$ و $\sin \hat{A}$ با هم برابرند، بنابراین داریم:

$$\frac{S_{\triangle ABC}}{S_{\triangle EFG}} = \frac{\frac{1}{2} AB \times AC \times \sin \hat{A}}{\frac{1}{2} EF \times EG \times \sin \hat{E}} = \frac{\frac{1}{2} EF \times 3EG}{EF \times EG} = \frac{3}{2}$$

(صفحه‌های ۲۹ تا ۳۵ کتاب درسی) (مثلثات)

 ۴

 ۳

 ۲

 ۱

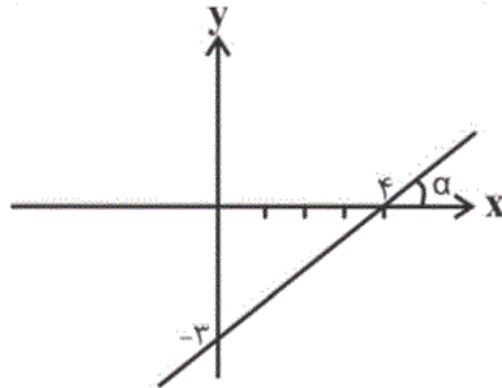
$\tan \alpha$ همان شیب خط است، پس داریم:

$$\tan \alpha = m \Rightarrow \tan \alpha = \frac{3}{4}$$

از طرفی:

$$1 + \tan^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha} \Rightarrow 1 + \frac{9}{16} = \frac{1}{\cos^2 \alpha} \Rightarrow \frac{25}{16} = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

$$\Rightarrow \cos^2 \alpha = \frac{16}{25} \xrightarrow{\alpha \text{ حاده است}} \cos \alpha = \frac{4}{5}$$



(صفحه‌های ۴۰ تا ۴۲ کتاب درسی) (مثلثات)

۴

۳

۲ ✓

۱

۵۹-

(شیب ریجی)

$$\frac{1}{1 + \tan^2 \alpha} = \cos^2 \alpha \Rightarrow \sqrt{\frac{1}{1 + \tan^2 \alpha}} = \sqrt{\cos^2 \alpha} = |\cos \alpha|$$

$$\xrightarrow{\alpha \text{ در ربع سوم است}} |\cos \alpha| = -\cos \alpha$$

$$(-\cos \alpha)(\cos \alpha) - \sin^2 \alpha = -\cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

$$= -(\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha) = -1$$

(صفحه‌های ۴۲ تا ۴۵ کتاب درسی) (مثلثات)

۴

۳ ✓

۲

۱

$$\begin{aligned}
 A &= \frac{(1 - \sin^2 \alpha)(1 + \sin^2 \alpha) + (1 + \cos^2 \alpha)(1 - \cos^2 \alpha) - 2 \sin^2 \alpha \cos^2 \alpha}{\cos^2 \alpha} \\
 &= \frac{1 - \sin^4 \alpha + 1 - \cos^4 \alpha - 2 \sin^2 \alpha \cos^2 \alpha}{\cos^2 \alpha} \\
 &= \frac{2 - (\sin^4 \alpha + \cos^4 \alpha + 2 \sin^2 \alpha \cos^2 \alpha)}{\cos^2 \alpha} \\
 &= \frac{2 - (\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha)^2}{\cos^2 \alpha}
 \end{aligned}$$

۴

۳

۲ ✓

۱

در صورتی که $0 < a < 1$ می‌توان گفت:

$$a < \sqrt{a} < \sqrt[3]{a} < \sqrt[4]{a} < \sqrt[5]{a} < \dots$$

پس گزینه‌های «۱» و «۲» همواره

برقرار است.

$$\sqrt[5]{-a} < 0 < \sqrt{a}$$

از طرفی

$$\sqrt[3]{a} > a \Rightarrow \sqrt[3]{-a} < -a$$

ضمناً

پس تنها گزینه «۴» نادرست است.

(صفحه‌های ۵۴ تا ۵۸ کتاب درسی) (توان‌های گویا و عبارت‌های جبری)

۴ ✓

۳

۲

۱

(ریمع مشتاق نظم)

$$\sqrt[6]{1-a} \times \sqrt[6]{b-1} = \sqrt[6]{(1-a)(b-1)} \Rightarrow \begin{cases} 1-a \geq 0 \\ b-1 \geq 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a \leq 1 \quad (1) \\ b \geq 1 \quad (2) \end{cases}$$

$$\sqrt{(2-b)^2} = 2-b \Rightarrow 2-b \geq 0 \Rightarrow b \leq 2 \quad (3)$$

$$|-a| = a \Rightarrow a \geq 0 \quad (4)$$

بنابراین:

$$\xrightarrow{(1) \cap (4)} 0 \leq a \leq 1, \quad \xrightarrow{(2) \cap (3)} 1 \leq b \leq 2$$

(صفحه‌های ۵۴ تا ۵۸ کتاب درسی) (توان‌های گویا و عبارت‌های جبری)

(حسن نصرتی ناهوک)

می‌توان $3 + 2\sqrt{2}$ را به صورت مربع کامل نوشت، داریم:

$$3 + 2\sqrt{2} = (1 + \sqrt{2})^2$$

در نتیجه:

$$\begin{aligned} A &= \sqrt[3]{1-\sqrt{2}} \times \sqrt[6]{3+2\sqrt{2}} = \sqrt[3]{1-\sqrt{2}} \times \sqrt[6]{(1+\sqrt{2})^2} \\ &= \sqrt[3]{1-\sqrt{2}} \times \sqrt[3]{1+\sqrt{2}} = \sqrt[3]{1-(\sqrt{2})^2} = \sqrt[3]{-1} = -1 \end{aligned}$$

(صفحه‌های ۴۸ تا ۵۸ کتاب درسی) (توان‌های گویا و عبارت‌های جبری)

(شکیب رجبی)

$$a(a^2 + 3ab) = 7 \Rightarrow a^3 + 3a^2b = 7$$

$$b(b^2 + 3ab) = 20 \Rightarrow b^3 + 3ab^2 = 20$$

$$\xrightarrow{\text{جمع}} a^3 + 3a^2b + b^3 + 3ab^2 = 7 + 20$$

$$\xrightarrow{\text{اتحاد مکعب دو جمله ای}} (a + b)^3 = 27$$

$$\xrightarrow{\text{ریشه سوم}} (a + b) = 3$$

(صفحه‌های ۶۲ تا ۶۵ کتاب درسی) (توان‌های گویا و عبارت‌های جبری)

۴

۳

۲✓

۱

(داوود بوالحسنی)

$$\left\{ \begin{array}{l} \sqrt[5]{x \times x^3} = \sqrt[5]{x^{\frac{4}{3}}} \\ \sqrt[5]{y \times y^3} = \sqrt[5]{y^{\frac{4}{3}}} \end{array} \right. \Rightarrow A = \sqrt[5]{x^{\frac{4}{3}} \times y^{\frac{4}{3}}} = \sqrt[5]{(xy)^{\frac{4}{3}}} = (xy)^{\frac{4}{15}}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} y^3 \sqrt{x} = 81 \Rightarrow y \times x^{\frac{1}{3}} = 81 \\ x^3 \sqrt{y} = 3 \Rightarrow x \times y^{\frac{1}{3}} = 3 \end{array} \right. \xrightarrow{\text{ضرب}} (yx^{\frac{1}{3}})(xy^{\frac{1}{3}}) = 3 \times 81$$

$$\Rightarrow (xy)^{\frac{4}{3}} = 243 \xrightarrow[\frac{1}{5} \text{ می‌رسانیم}]{\text{طرفین را به توان}} \frac{1}{5}$$

$$\left[(xy)^{\frac{4}{3}} \right]^{\frac{1}{5}} = (243)^{\frac{1}{5}} \Rightarrow A = (xy)^{\frac{4}{15}} = (3^5)^{\frac{1}{5}} = 3$$

(صفحه‌های ۵۹ تا ۶۱ کتاب درسی) (توان‌های گویا و عبارت‌های جبری)

۴

۳✓

۲

۱

$$(2x + 20)(2x + 12) = 384 \Rightarrow 4x^2 + 64x + 240 = 384$$

$$\Rightarrow 4x^2 + 64x - 144 = 0 \xrightarrow{\div 4} x^2 + 16x - 36 = 0$$

$$\Rightarrow (x - 2)(x + 18) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ \text{یا} \\ x = -18 \text{ ق.ق. غ.} \end{cases}$$

ابعاد زمین $12 + 2x = 16$ و $20 + 2x = 24$ است. پس محیط زمین برابر است با:

$$2(24 + 16) = 2 \times 40 = 80 \text{ متر}$$

(صفحه‌های ۷۰ تا ۷۳ کتاب درسی) (معادله‌ها و نامعادله‌ها)

۴

۳

۲

۱

-۶۷

(معدی خرفی)

$$x^2 + 3x = 2 \xrightarrow{b=3} \left(\frac{b}{2}\right)^2 = \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \frac{9}{4} \xrightarrow{\text{تساوی اضافه می کنیم}} \frac{9}{4} \text{ را به دو طرف}$$

$$x^2 + 3x + \frac{9}{4} = 2 + \frac{9}{4} \Rightarrow \left(x + \frac{3}{2}\right)^2 = \frac{17}{4}$$

باید از $\frac{17}{4}$ جذر گرفته شود.

(صفحه ۷۳ کتاب درسی) (معادله‌ها و نامعادله‌ها)

۴

۳

۲

۱

(علی غلامپور سرابی)

$$y = 2mx^2 + (4m - 8)x - 16$$

عرض رأس سهمی $y_S = \frac{-\Delta}{4a}$ است. اگر رأس سهمی بر روی محور x ها

باشد، عرضش صفر است، پس:

$$\frac{-\Delta}{4a} = 0 \Rightarrow \Delta = 0 \Rightarrow b^2 - 4ac = 0$$

$$\Rightarrow (4m - 8)^2 - 4(2m)(-16) = 0$$

$$\Rightarrow 16m^2 - 64m + 64 + 128m = 0 \Rightarrow 16m^2 + 64m + 64 = 0$$

$$\Rightarrow m^2 + 4m + 4 = 0 \Rightarrow (m + 2)^2 = 0 \Rightarrow m + 2 = 0 \Rightarrow m = -2$$

(صفحه‌های ۷۸ تا ۸۱ کتاب درسی) (معادله‌ها و نامعادله‌ها)

۴

۳ ✓

۲

۱

(مهمد پورامیری)

طول رأس سهمی $y = a'x^2 + b'x + c'$ برابر با $-\frac{b'}{2a'}$ است. پس:

$$x_A = -\frac{b'}{2a'} \Rightarrow -1 = -\frac{a}{6} \Rightarrow a = 6$$

$$y = 3x^2 + 6x + b + 8 \xrightarrow{A(-1, -4)} -4 = 3 - 6 + b + 8$$

$$\Rightarrow b = -9$$

در نقطه تقاطع سهمی با محور y ها، x برابر با صفر است، پس:

$$y = 3x^2 + 6x - 1 \xrightarrow{x=0} y = -1$$

(صفحه‌های ۷۸ تا ۸۱ کتاب درسی) (معادله‌ها و نامعادله‌ها)

۴

۳ ✓

۲

۱

(شکلیب ریجی)

طول و عرض نقطه رأس سهمی برابر است با:

$$x_S = -\frac{b}{2a} \quad y_S = -\frac{\Delta}{4a}$$

و چون این نقطه روی نیمساز ربع دوم قرار دارد، در معادله $y = -x$ صدق می‌کند. پس داریم:

$$x_S = -y_S \Rightarrow -\frac{b}{2a} = -\left(-\frac{\Delta}{4a}\right)$$

$$\Rightarrow -\frac{m}{-4} = \frac{m^2 - 4(-2)(-6)}{-8} \Rightarrow m^2 + 2m - 48 = 0$$

$$\Rightarrow (m + 8)(m - 6) = 0 \Rightarrow \begin{cases} m = -8 \\ m = 6 \end{cases}$$

از طرفی در ربع دوم $x < 0$ و $y > 0$ است، پس:

$$x_S < 0 \Rightarrow -\frac{m}{-4} < 0 \Rightarrow \frac{m}{4} < 0 \Rightarrow m < 0$$

پس تنها جواب $m = -8$ قابل قبول است.

(صفحه‌های ۷۸ تا ۸۱ کتاب درسی) (معادله‌ها و نامعادله‌ها)

 ۴

 ۳

 ۲

 ۱