



[www.riazisara.ir](http://www.riazisara.ir) سایت ویژه ریاضیات

درسنامه ها و جزوه های ریاضی

سوالات و پاسخنامه تشریحی کنکور

نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نرم افزارهای ریاضیات

و...

(@riazisara)

ریاضی سرا در تلگرام:



<https://t.me/riazisara>

(@riazisara.ir)

ریاضی سرا در اینستاگرام:



<https://www.instagram.com/riazisara.ir>

- 10 سوال - ریاضی پایه

۱۰۱- سهمی  $y = 2x^3 + bx + c$  بر قسمت منفی محور  $x$  ها مماس است. معادله محور تقارن آن کدام است؟

$$x = \sqrt{3} \quad (2)$$

$$x = -\sqrt{3} \quad (1)$$

$$x = -4\sqrt{3} \quad (4)$$

$$x = 2\sqrt{3} \quad (3)$$

آزمون 18 آبان

۱۰۲- اگر  $\alpha$  و  $\beta$  ریشه‌های حقیقی معادله  $x^3 - 3x - 5 = 0$  باشند، ریشه‌های کدام معادله به صورت  $\alpha - 1$  و  $\beta - 1$  هستند؟

$$x^2 + x - 1 = 0 \quad (2)$$

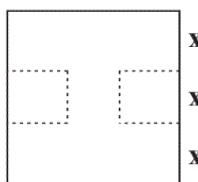
$$x^3 - 2x - 7 = 0 \quad (1)$$

$$x^2 - x - 7 = 0 \quad (4)$$

$$x^3 - x - 1 = 0 \quad (3)$$

آزمون 18 آبان

۱۰۳- در مربع شکل زیر، دو مربع کوچک‌تر، مطابق شکل به فاصله برابر از بالا و پایین مربع بزرگ‌تر، طوری جدا می‌کنیم تا محیط و مساحت شکل باقی‌مانده با هم برابر باشند. طول ضلع مربع جداسده کدام است؟



$$\frac{15}{7} \quad (2)$$

$$\frac{16}{7} \quad (1)$$

$$\frac{17}{7} \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

آزمون 18 آبان

۱۰۴- اگر  $\alpha$  و  $\beta$  ریشه‌های حقیقی معادله  $x^3 - 2x - 2 = 0$  باشند، حاصل  $\alpha^2 - \alpha + \beta$  کدام است؟

$$-2 \quad (4)$$

$$4 \quad (3)$$

$$2 \quad (2)$$

$$0 \quad (1)$$

آزمون 18 آبان

۱۰۵- بهازی کدام مقادیر  $m$ ، نمودار تابع  $f(x) = mx^3 + 1$  با خط  $y = mx$  تقاطع ندارد؟

$$0 \leq m < 4 \quad (2)$$

$$0 \leq m \leq 4 \quad (1)$$

$$m \geq 0 \quad (4)$$

$$m < 0 \quad (3)$$

آزمون 18 آبان

۱۰۶- بهازی کدام مقادیر  $m$ ، دهانه سهمی به معادله  $y = (m+1)x^3 - 4x + (m-2)$  رو به بالا بوده و محور  $x$  ها را در دو نقطه متمازی قطع می‌کند؟

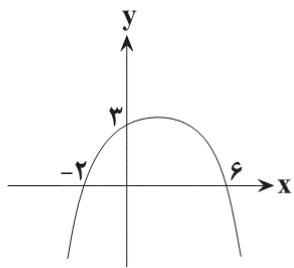
$$(-2, -1) \quad (4)$$

$$(-1, 4) \quad (3)$$

$$(-2, 3) \quad (2)$$

$$(-1, 3) \quad (1)$$

آزمون 18 آبان



۱۰۷- بیش ترین مقدار  $y$  در سهمی شکل مقابل کدام است؟

- |               |     |       |
|---------------|-----|-------|
| $\frac{7}{2}$ | (۲) | ۴ (۱) |
| $\frac{9}{2}$ | (۴) | ۵ (۳) |

آزمون 18 آبان

۱۰۸- اگر در معادله  $3x^2 - ax + b = 0$ ، بین اعداد  $a$  و  $b$  رابطه  $-2a + b = -12$  برقرار باشد، یکی از ریشه‌های معادله کدام گزینه است؟

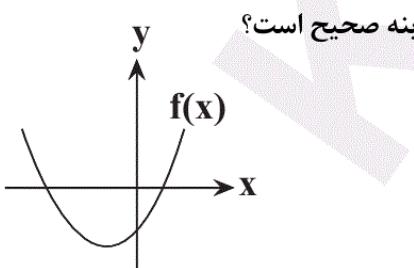
- |                |     |                |     |                |     |      |     |
|----------------|-----|----------------|-----|----------------|-----|------|-----|
| $-\frac{b}{6}$ | (۴) | $-\frac{b}{3}$ | (۳) | $-\frac{b}{2}$ | (۲) | $-b$ | (۱) |
|----------------|-----|----------------|-----|----------------|-----|------|-----|

آزمون 18 آبان

۱۰۹- به ازای کدام مقدار  $m$  ریشه‌های حقیقی معادله  $2mx^3 + 3x + m^2 = 0$ ، معکوس یکدیگرند؟

- |       |       |        |        |
|-------|-------|--------|--------|
| ۲ (۴) | ۱ (۳) | -۱ (۲) | -۲ (۱) |
|-------|-------|--------|--------|

آزمون 18 آبان



۱۱۰- اگر  $\alpha$  و  $\beta$  ریشه‌های حقیقی تابع درجه دوم  $f(x) = ax^2 + bx + c$  با نمودار زیر باشد، کدام گزینه صحیح است؟

- |  |     |                      |     |
|--|-----|----------------------|-----|
| $\alpha^2 + \beta^2 < 0$                                   | (۲) | $abc > 0$            | (۱) |
| $f\left(\frac{\alpha+\beta}{2}\right) = \frac{\Delta}{4a}$ | (۴) | $\frac{b^2}{4} < ac$ | (۳) |

آزمون 18 آبان

### ریاضی ۳ - دوازدهم - ۱۰ سوال

۹۱- نمودار تابع با ضابطه  $f(x) = 2x - x|x|$  در بازه  $(-1, 1)$  چگونه است؟

- |                           |          |
|---------------------------|----------|
| ۱) ابتدا نزولی، سپس صعودی | ۲) صعودی |
| ۳) ابتدا صعودی، سپس نزولی | ۴) نزولی |

آزمون 18 آبان

۹۲- اگر  $\{(1, 2), (-3, -1), (3, 4), (4, -3)\}$  باشد، مقدار  $2f^{-1}(-3) + f(3)$  کدام است؟

- |        |       |        |       |
|--------|-------|--------|-------|
| ۱۲ (۴) | ۴ (۳) | ۱۳ (۲) | ۲ (۱) |
|--------|-------|--------|-------|

آزمون 18 آبان

۹۳- اگر  $y = \frac{f(x)}{g(x)}$  کدام است؟  $g(x) = \frac{x^2 - 25}{\sqrt{x+4}}$  و  $f(x) = \frac{2x+1}{\sqrt{x+4}}$

- |                          |     |                         |     |
|--------------------------|-----|-------------------------|-----|
| $\mathbb{R} - \{-5, 5\}$ | (۲) | $(-4, +\infty) - \{5\}$ | (۱) |
|--------------------------|-----|-------------------------|-----|

- |   |     |                 |     |
|---|-----|-----------------|-----|
| $(-4, +\infty) - \left\{-\frac{1}{2}\right\}$ | (۴) | $(-4, +\infty)$ | (۳) |
|---|-----|-----------------|-----|

آزمون 18 آبان

۹۴- اگر  $\{f(x) = \frac{1}{g(x)-8}$  شامل کدام عضو است؟

$$(1, -\frac{1}{8}) \quad (4)$$

$$(\frac{1}{3}, \frac{1}{5}) \quad (3)$$

$$(\frac{1}{3}, -\frac{1}{5}) \quad (2)$$

$$(\frac{1}{1}, \frac{1}{8}) \quad (1)$$

آزمون 18 آبان

۹۵- بازای کدام مقدار  $a$ ، تابع  $f(x) = \begin{cases} 3x^2 + 4, & x \geq 1 \\ 2x - a, & x < 1 \end{cases}$  می‌تواند یک به یک باشد؟

$$-4 \quad (4)$$

$$-6 \quad (3)$$

$$-8 \quad (2)$$

$$-7 \quad (1)$$

آزمون 18 آبان

۹۶- تابع  $f(x) = x^2 - 6x + 3$  را با دامنه محدودشده  $D_f = (-\infty, 0]$  در نظر بگیرید. وارون این تابع در کدام گزینه آمده است؟

$$f^{-1}(x) = 3 + \sqrt{x+6}; x > 3 \quad (2)$$

$$f^{-1}(x) = 3 + \sqrt{x+6}; x < 3 \quad (1)$$

$$f^{-1}(x) = 3 - \sqrt{x+6}; x > 3 \quad (4)$$

$$f^{-1}(x) = 3 - \sqrt{x+6}; x < 3 \quad (3)$$

آزمون 18 آبان

۹۷- تابع  $f$  با دامنه  $(2, 3)$  و ضابطه  $f(x) = [-x]x + [x]$  تعریف شده است. مقدار  $f^{-1}(-5)$  کدام است؟

$$\frac{8}{3} \quad (4)$$

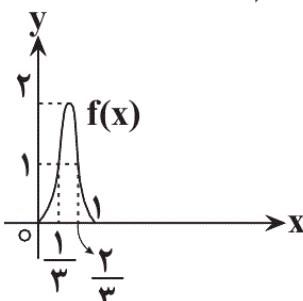
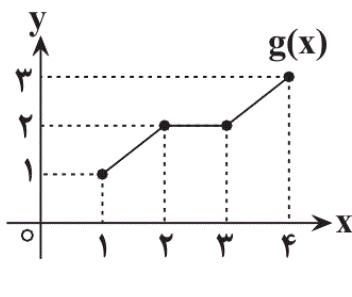
ناموجود

$$\frac{7}{3} \quad (2)$$

$$\frac{5}{2} \quad (1)$$

آزمون 18 آبان

۹۸- اگر توابع  $f$  و  $g$  به شکل زیر باشند، دامنه تابع  $(gof)(x)$  کدام است؟



$$[0, 1] \quad (1)$$

$$[0, \frac{1}{3}] \quad (2)$$

$$[\frac{1}{3}, \frac{2}{3}] \quad (3)$$

$$[\frac{2}{3}, 1] \quad (4)$$

آزمون 18 آبان

۹۹- اگر داشته باشیم:  $f^{-1}(g^{-1}(f(-1))) = \frac{x^3}{9} + \sqrt[3]{9x}$  و  $g(x) = f(2x + 5)$  کدام است؟

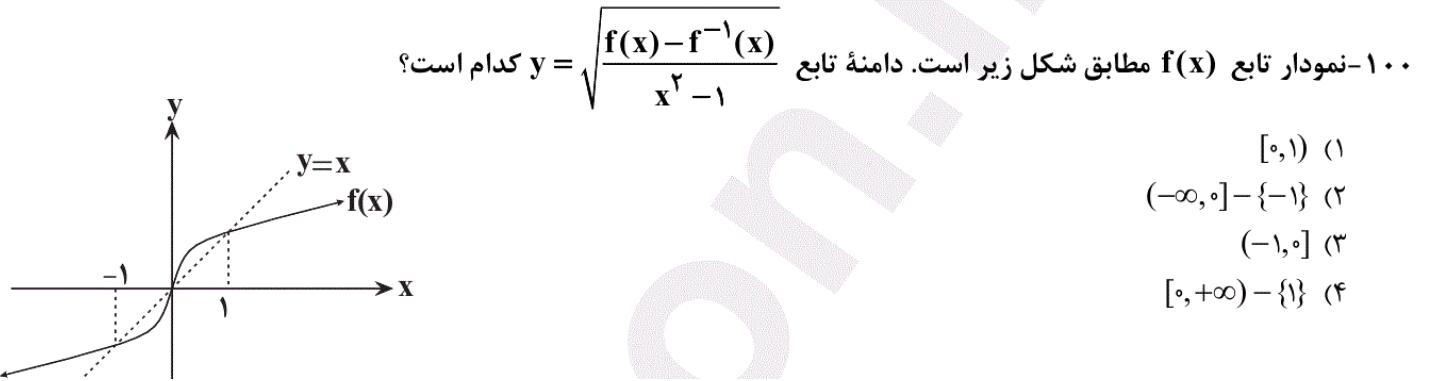
$$-6 \quad (4)$$

$$-3 \quad (3)$$

$$-2 \quad (2)$$

$$0 \text{ صفر} \quad (1)$$

آزمون 18 آبان



آزمون ۱۸ آبان

(مهربی بیرانور)

چون سهمی بر محور  $x$  ها مماس است، بنابراین معادله درجه دوم آن ریشه

$$y = 0 \Rightarrow 2x^2 + bx + c = 0 \quad \text{ مضاعف دارد:}$$

$$\Delta = 0 \Rightarrow b^2 - 4(2)(c) = 0 \Rightarrow b^2 = 48 \Rightarrow b = \pm \sqrt{48} = \pm 4\sqrt{3}$$

ولی چون بر قسمت منفی محور  $x$  ها مماس است، داریم:

$$x = \frac{-b}{2a} < 0 \xrightarrow{a=3>0} b > 0 \Rightarrow b = 4\sqrt{3} \quad \text{ق.ق}$$

$$x = \frac{-b}{2a} = \frac{-4\sqrt{3}}{2 \times 2} = -\sqrt{3} \quad \text{و معادله محور تقارن برابر است با:}$$

(ریاضی ۱، صفحه‌های ۷۴، ۷۵ و ۷۶ ۶ ۷۸)

(ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۱۴ ۱۱۵ ۱۱۶)

۱

۲

۳

۴ ✓

آزمون ۱۸ آبان

(امیر زر اندرز)

$$x^2 - 3x - 5 = 0 \Rightarrow \begin{cases} S = \alpha + \beta = \frac{-b}{a} = 3 \\ P = \alpha \cdot \beta = \frac{c}{a} = -5 \end{cases}$$

اگر مجموع و حاصل ضرب ریشه‌های معادله جدید را  $S'$  و  $P'$  بنامیم، خواهیم

داشت:

$$S' = (\alpha - 1) + (\beta - 1) = \underbrace{\alpha + \beta}_{S} - 2 = 3 - 2 = 1$$

$$P' = (\alpha - 1)(\beta - 1) = \underbrace{\alpha \beta}_{P} - \underbrace{(\alpha + \beta)}_{S} + 1$$

$$= -5 - 3 + 1 = -7$$

معادله مطلوب  $x^2 - x - 7 = 0$ 

(ریاضی ۲، صفحه‌های ۷۷ تا ۸۳)

 ✓ ۱

آزمون 18 آبان

$$\Rightarrow 7x^2 = 16x \Rightarrow 7x^2 - 16x = 0 \Rightarrow x(7x - 16) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{16}{7} & \text{فقق} \\ x = 0 & \text{غفقق} \end{cases}$$

(ریاضی ۱، صفحه‌های ۷۷ تا ۷۷)

 ۱ ✓

آزمون 18 آبان

(مهدی‌پوراد محسنی)

ریشه‌های معادله در خود معادله صدق می‌کنند، پس داریم:

$$\begin{aligned} \alpha^2 - 2\alpha - 2 &= 0 \Rightarrow \alpha^2 = 2\alpha + 2 \\ \Rightarrow \alpha^2 - \alpha + \beta &= 2\alpha + 2 - \alpha + \beta = \underbrace{\alpha + \beta}_{S} + 2 \\ S = \frac{-b}{a} &= 2 \\ \rightarrow \alpha + \beta + 2 &= 2 + 2 = 4 \end{aligned}$$

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۳)

 ۴ ۳ ۲ ۱

آزمون 18 آبان

(مهدی نیکزار)

$$f(x) = y \Rightarrow mx^2 + 1 = mx \Rightarrow mx^2 - mx + 1 = 0$$

باید  $\Delta$  برای این معادله منفی باشد:

$$b^2 - 4ac < 0 \Rightarrow m^2 - 4m < 0 \Rightarrow 0 < m < 4$$

با در نظر گرفتن  $m = 0$  نیز این دو تابع تقاطع ندارند.

$$\Rightarrow 0 \leq m < 4$$

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۷۵ و ۷۶)

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

 ۴ ۳ ۲ ۱

آزمون 18 آبان

(علی مرشد)

برای این که دهانه سهمی رو به بالا باشد، باید ضریب  $x^2$  مثبت باشد و برای

این که محور  $x$  ها در دو نقطه متمایز قطع کند باید  $\Delta > 0$  باشد، بنابراین:

$$\begin{cases} x^2 > 0 \Rightarrow m+1 > 0 \Rightarrow m > -1 \\ \Delta > 0 \Rightarrow (-4)^2 - 4(m+1)(m-2) > 0 \Rightarrow 4 - (m^2 - m - 6) > 0 \\ \Rightarrow m^2 - m - 6 < 0 \Rightarrow (m-3)(m+2) < 0 \Rightarrow -2 < m < 3 \end{cases}$$

اشتراك:  $m \in (-1, 3)$

(ریاضی ا، صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲)

 ۴ ۳ ۲ ۱

آزمون 18 آبان

(سروش موئینی)

معادله این سهمی با توجه به ریشه‌های  $-2$  و  $6$  به صورت  $y = a(x-6)(x+2)$  است.

طبق شکل باید نقطه  $(0, 3)$  در آن صدق کند:

$$\frac{x=0}{y=3} \rightarrow 3 = a(-6)(2) \Rightarrow a = \frac{-1}{4}$$

$$y = -\frac{1}{4}(x-6)(x+2)$$

می‌دانیم طول رأس سهمی وسط دو ریشه است:

$$x_s = \frac{x_1 + x_2}{2} = \frac{-2 + 6}{2} = 2$$

$$y_s = y(2) = -\frac{1}{4}(-4)(4) = 4$$

عرض رأس سهمی برابر است با:

(ریاضی ا، صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲)

 ۴ ۳ ۲ ۱

آزمون 18 آبان

(همطفی کرده‌ی)

اگر رابطه  $-12 = 2a + b$  را به صورت  $12 + 2a + b = 0$  بنویسیم و با معادله مقایسه کنیم متوجه می‌شویم که یکی از ریشه‌ها  $x_1 = -2$  است:

$\frac{b}{3} = 2$  است، پس ریشه دیگر

$x_2 = -\frac{b}{6}$  است.

(ریاضی ۱، صفحه ۷۰)

(ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۳)

آزمون 18 آبان

(سراسری تبریز فارج از کشور - ۹۰)

فرض کنیم که  $x_1$  و  $x_2$  ریشه‌های معادله درجه دوم مورد نظر سؤال باشند،

آنگاه طبق فرض:

$$x_1 = \frac{1}{x_2} \Rightarrow x_1 x_2 = 1$$

از طرفی می‌دانیم که اگر معادله درجه دوم  $ax^2 + bx + c = 0$ ، دارای

$$\text{ریشه‌های } x_1 \text{ و } x_2 \text{ باشد، آنگاه } x_1 x_2 = \frac{c}{a}.$$

$$mx^2 + 3x + (m^2 - 2) = 0 \xrightarrow{x_1 x_2 = 1} \frac{m^2 - 2}{m} = 1$$

با فرض  $m \neq 0$ ، طرفین معادله اخیر را در  $m$  ضرب می‌کنیم:

$$m^2 - 2 = m \Rightarrow m^2 - m - 2 = 0 \Rightarrow (m - 2)(m + 1) = 0$$

به ازای  $m = 2$ ، دلتای معادله منفی است و معادله ریشه حقیقی نخواهد

داشت، پس فقط  $m = -1$  قابل قبول است.

(ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۳)

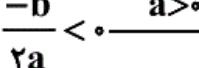
آزمون 18 آبان

(حسین اسفینی)

بررسی گزینه‌ها:

الف) سهمی رو به بالا  $\Leftrightarrow a > 0$

ب) سهمی محور  $y$  ها را زیر محور  $x$  ها قطع کرده است  $\Leftrightarrow c < 0$

ج) طول رأس سهمی منفی است  $\Leftrightarrow b > 0$  

$a > 0, b > 0, c < 0 \Rightarrow abc < 0$  بنابراین:

پس گزینه «۱» نادرست است. از طرفی با توجه به شکل مشخص است که تابع

$f$  دارای ۲ ریشه مختلف العلامت است که اندازه ریشه منفی بزرگ‌تر از ریشه

مثبت است. پس:

$$S = \alpha + \beta < 0, P = \alpha\beta < 0 \Rightarrow \alpha^3 + \beta^3 = S^3 - 3PS < 0$$

راه حل دوم:

$$\alpha^3 + \beta^3 = \underbrace{(\alpha + \beta)}_{(-)} \underbrace{(\alpha^2 + \beta^2 - \alpha\beta)}_{(+)} \underbrace{-}_{(-)} \underbrace{\alpha\beta}_{(+)}$$

پس گزینه «۲» صحیح است.

گزینه «۳»: چون تابع  $f$  دارای ۲ ریشه حقیقی است، پس داریم:

$$\Delta > 0 \Rightarrow b^2 - 4ac > 0 \Rightarrow b^2 > 4ac \Rightarrow \frac{b^2}{4} > ac$$

لذا گزینه «۳» نادرست است.

گزینه «۴»: می‌دانیم  $y_S = \frac{-\Delta}{4a}$  و  $x_S = \frac{\alpha + \beta}{2}$

بوده و این گزینه نیز نادرست است.

(ریاضی ۱، صفحه‌های ۷۸، ۷۹ و ۸۰ تا ۸۲)

(ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۳)

۳

۲

۲✓

۱

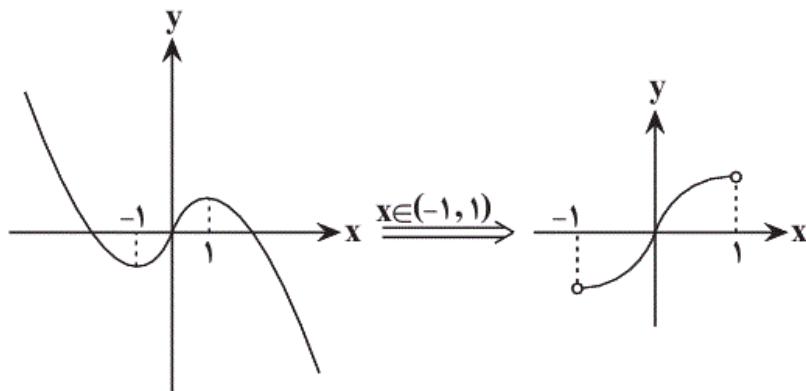
آزمون 18 آبان

(علی مرشد)

-۹۱

با تعیین علامت  $|x|$ ، داریم:

$$f(x) = 2x - x|x| \Rightarrow f(x) = \begin{cases} -x^2 + 2x & x \geq 0 \\ x^2 + 2x & x < 0 \end{cases}$$

حال تابع  $f(x)$  را در بازه داده شده، رسم می‌کنیم:بنابراین تابع در بازه  $(-1, 1)$ ، صعودی است.

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۶ تا ۱۰)

۳

۲

۲✓

۱

آزمون 18 آبان

با توجه به تابع  $f$  داریم:

$$f = \{(1, 2), (-3, -1), (3, 4), (4, -3)\} \Rightarrow f(3) = 4$$

برای بهدست آوردن  $f^{-1}$ ، وارون تابع  $f$  را بهدست می‌آوریم:

$$f^{-1} = \{(2, 1), (-1, -3), (4, 3), (-3, 4)\} \Rightarrow f^{-1}(-3) = 4$$

$$\Rightarrow 2f^{-1}(-3) + f(3) = 2(4) + 4 = 12$$

(ریاضی ۱، صفحه‌های ۹۷ تا ۱۰۰)

(ریاضی ۲، صفحه‌های ۵۷ تا ۶۴)

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۲۳۵ و ۲۳۶)

✓

۱

آزمون 18 آبان

برای یافتن دامنه تابع  $f(x)$  و  $g(x)$ ، باید زیر رادیکال را نامنفی و مخرج را

مخالف صفر قرار دهیم. پس داریم:

$$\left. \begin{array}{l} D_f : x + 4 > 0 \Rightarrow x > -4 \\ D_g : x + 4 > 0 \Rightarrow x > -4 \end{array} \right\}$$

$$\Rightarrow D_f = D_g = (-4, +\infty) \Rightarrow D_f \cap D_g = (-4, +\infty)$$

$$g(x) = 0 \Rightarrow \frac{x^2 - 25}{\sqrt{x+4}} = 0 \Rightarrow x^2 - 25 = 0$$

$$\Rightarrow x = \pm 5 \xrightarrow{x > -4} x = 5$$

$$\Rightarrow D_{\underline{g}} = (D_f \cap D_g) - \{x | g(x) = 0\} = (-4, +\infty) - \{5\}$$

(ریاضی ۲، صفحه‌های ۶۵ تا ۷۰)

۱✓

آزمون 18 آبان

(ایمان نفستین)

چون  $\{1, 3\}$  و  $1$  حتماً در دامنه  $g$  هستند. همچنین ممکن

است دامنه  $g$  شامل عضوهای دیگری هم باشد.

$$(1, -4) \in f - g \Rightarrow (f - g)(1) = -4 \Rightarrow f(1) - g(1) = -4$$

$$\Rightarrow 4 - g(1) = -4 \Rightarrow g(1) = 8$$

$$(3, 1) \in f - g \Rightarrow (f - g)(3) = 1 \Rightarrow f(3) - g(3) = 1$$

$$\Rightarrow 4 - g(3) = 1 \Rightarrow g(3) = 3$$

$$\Rightarrow \begin{cases} (1, 8) \in g \Rightarrow \frac{1}{g(x)-8} : (1, \frac{1}{8-8}) \\ (3, 3) \in g \Rightarrow \frac{1}{g(x)-3} : (3, \frac{1}{3-3}) = (3, -\frac{1}{5}) \end{cases}$$

(ریاضی ا، صفحه‌های ۹۷ تا ۱۰۰) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۶۵ تا ۷۰)

۴

۳

۲ ✓

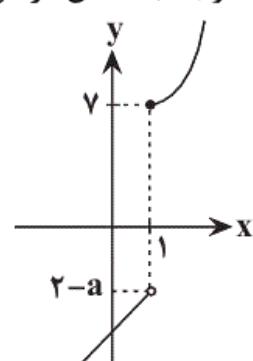
۱

آزمون 18 آبان

(مهدی ملارمغانی)

با توجه به شکل فرضی زیر داریم:

$$f(x) = \begin{cases} 3x^2 + 4, & x \geq 1 \\ 2x - a, & x < 1 \end{cases}$$



$$2 - a \leq 7 \Rightarrow a \geq -5$$

برای یکبهیک بودن تابع  $f(x)$ ، داریم:

۴ ✓

۳

۲

۱

آزمون 18 آبان

(علی اصغر شریفی)

برای یافتن وارون تابع  $f$  باید  $x$  را برحسب  $y$  به دست آوریم:

$$x^2 - 6x + 3 = y \xrightarrow{+6} x^2 - 6x + 9 = y + 6$$

$$\Rightarrow (x-3)^2 = y+6 \Rightarrow x-3 = \pm\sqrt{y+6}$$

با توجه به دامنه داده شده،  $x$  منفی است، پس  $3-x$  نیز منفی است. پس در

عبارت بالا، فقط علامت منفی پشت رادیکال مورد قبول است:

$$x-3 = -\sqrt{y+6} \Rightarrow x = 3 - \sqrt{y+6} \quad (*)$$

چون طبق دامنه محدود شده داریم  $x < 0$ ، پس:

$$3 - \sqrt{y+6} < 0 \Rightarrow 3 < \sqrt{y+6} \Rightarrow 9 < y+6 \Rightarrow y > 3 \quad (**)$$

روابط  $(*)$  و  $(**)$  ضابطه و دامنه وارون تابع  $f$  را مشخص می‌کنند:

$$f^{-1}(x) = 3 - \sqrt{x+6}; x > 3$$

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۲۴ تا ۲۹)

 ۴ ✓ ۳ ۲ ۱

آزمون 18 آبان

(سروش موئینی)

وقتی  $3 < x < 2$  باشد،  $-2 < -x < -3$  است و داریم:پس:  $f(x) = -3x + 2$ برای محاسبه  $f(-5)$  باید  $f(x) = -3x + 2$  را مساوی ۵- قرار دهیم:

$$-3x + 2 = -5 \Rightarrow 3x = 7 \Rightarrow x = \frac{7}{3} \Rightarrow f\left(\frac{7}{3}\right) = -5 \Rightarrow f^{-1}(-5) = \frac{7}{3}$$

توجه: اگر مقدار  $x$  بین ۲ و ۳ نمی‌شد باید «ناموجود» را انتخاب می‌کردیم.

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۵۷ تا ۶۳) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۵۷ تا ۶۳)

 ۴ ۳ ۲ ✓ ۱

آزمون 18 آبان

(غلامرضا نیازی)

با بررسی دامنه و برد توابع  $f$  و  $g$  داریم:

$D_f = [0, 1]$

$R_f = [0, 2]$

$D_g = [1, 4]$

$R_g = [1, 3]$

$D_{gof} = \{x \in D_f \mid f(x) \in D_g\} = \{0 \leq x \leq 1 \mid 1 \leq f(x) \leq 4\}$

 ۴ ۳✓ ۲ ۱

آزمون 18 آبان

(مسطفی کرمی)

$g(-3) = f(-1)$

ابتدا دقت کنیم که اگر  $x = -3$  باشد، داریم:حال در عبارت صورت سؤال بهجای  $(-1)$ ،  $f(-1)$  قرار می‌دهیم:

$$f^{-1}(g^{-1}(f(-1))) = f^{-1}(g^{-1}(g(-3)))$$

$$= f^{-1}(-3) = \frac{(-3)^3}{9} + \sqrt[3]{9(-3)} = -3 + (-3) = -6$$

$$(x \in D_g) : g^{-1}(g(x)) = x$$

توجه داشته باشید:

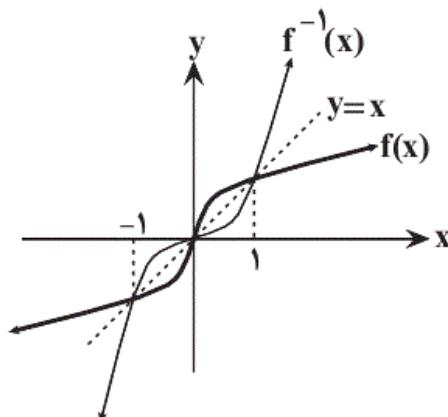
(ریاضی ۳، صفحه‌های ۲۲ و ۲۳ تا ۲۹)

 ۴✓ ۳ ۲ ۱

آزمون 18 آبان

ابتدا نمودار  $f^{-1}$  را رسم می‌کنیم و نمودار را در چهار بازه زیر بررسی می‌کنیم:

می‌دانیم که زیر رادیکال همواره باید نامنفی باشد.



بازه	$x = -1$	$x = 0$	$x = 1$				
رابطه	( $-\infty, -1$ )	( $-1, 0$ )	( $0, 1$ )	( $1, +\infty$ )			
$f(x) - f^{-1}(x)$	+	○	-	○	+	○	-
$x^2 - 1$	+	○	-	-	○	-	+
$\frac{f(x) - f^{-1}(x)}{x^2 - 1}$	+	+	○	-	-	-	-

تعريف نشده

بنابراین دامنه تابع  $y = \sqrt{\frac{f(x) - f^{-1}(x)}{x^2 - 1}}$  به صورت  $(-\infty, 0] - \{-1\} - \{1\}$  است.

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۵۷ تا ۶۴)

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۲۴ تا ۲۹)

۱

۲

۳ ✓

۴

آزمون ۱۸ آبان