



www.riazisara.ir سایت ویژه ریاضیات

درسنامه ها و جزوه های ریاضی

سوالات و پاسخنامه تشریحی کنکور

نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نرم افزارهای ریاضیات

۰۰۹

کanal سایت ریاضی سرا در تلگرام:

<https://t.me/riazisara>



(@riazisara)

۹۱- مثلث ABC در صفحه مفروض است. اگر معادله خط گذرنده از ضلع BC به صورت $y = x$ باشد، آن‌گاه معادله

ارتفاع وارد بر ضلع BC از رأس $A(1,2)$ کدام است؟

$$y = -x + 3 \quad (1)$$

$$y = -x + 1 \quad (2)$$

$$y = x + 1 \quad (3)$$

$$y = x + 3 \quad (4)$$

شما پاسخ نداده اید

۹۲- اگر نقاط $(3,4)$ و $(-1,6)$ دو رأس مقابل یک مربع باشند، اندازه مساحت مربع کدام است؟

$$10 \quad (2)$$

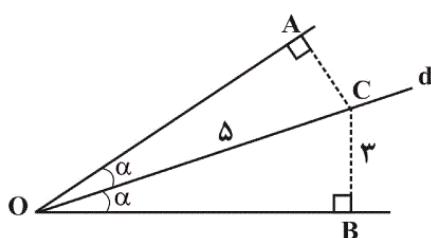
$$5 \quad (1)$$

$$20 \quad (4)$$

$$15 \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

۹۵- مطابق شکل زیر، اگر محل برخورد دایره‌ای به مرکز O و شعاع OA با خط d را D بنامیم، طول پاره خط CD کدام است؟



$$1 \quad (1)$$

$$2 \quad (2)$$

$$3 \quad (3)$$

$$4 \quad (4)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۰۰- اگر دامنه تابع $f(x) = \frac{x^2 + 1}{\sqrt{2x^2 - 6x + a}}$ باشد، در این صورت $a \times b$ کدام است؟ ($b \geq 1$)

۶) ۲

۴) ۱

۱۰) ۴

۸) ۳

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۲ ، معادله‌ی درجه‌ی دوم و تابع درجه‌ی ۲ ، هندسه تحلیلی و جبر - ۱۳۹۷۰۱۰۷

۹۳- به ازای کدام مقدار k ریشه‌های معادله $4x^2 + kx - 5 = 0$ معکوس ریشه‌های معادله $x(5x + 3) = 4$ است؟

۳) ۲

-۳) ۱

۵) ۴

-۵) ۳

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۲ ، معادلات گویا و معادلات رادیکالی ، هندسه تحلیلی و جبر - ۱۳۹۷۰۱۰۷

۹۴- تعداد و علامت جواب‌های معادله $x + \sqrt{2x^2 - 5x + 2} = 2$ چگونه است؟

۱) فقط یک جواب منفی

۲) فقط یک جواب مثبت

۳) یک جواب منفی، یک جواب مثبت

۴) فاقد جواب حقیقی

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۲ ، واحد‌های اندازه‌گیری زاویه ، مثلثات - ۱۳۹۷۰۱۰۷

۱۰۶- تقریباً چند ساعت طول می‌کشد تا عقربه ساعت‌شمار به اندازه $1/57$ رادیان دوران کند؟ ($\pi \approx 3/14$)

۴) ۲

۳) ۱

۶) ۴

۵) ۳

شما پاسخ نداده اید

۱۰۷ - متمم و مکمل زاویه 20° بر حسب رادیان، به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

$$\frac{8\pi}{9} \text{ و } \frac{7\pi}{9} \quad (2)$$

$$\frac{7\pi}{9} \text{ و } \frac{5\pi}{18} \quad (1)$$

$$\frac{8\pi}{9} \text{ و } \frac{7\pi}{18} \quad (4)$$

$$\frac{10\pi}{9} \text{ و } \frac{7\pi}{18} \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۰۸ - طول مسیری که نوک برفپاک کنی به طول $\frac{3}{\pi}$ متر پس از طی زاویه مرکزی 40° طی می‌کند، تقریباً چند سانتی‌متر است؟

۶۷ (۲)

۶۰ (۱)

۵۷ (۴)

۷۶ (۳)

شما پاسخ نداده اید

۱۰۹ - چند تا از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) اگر زاویه بین دو ساق مثلث متساوی‌الساقین 1 رادیان باشد، آنگاه اندازه قاعده این مثلث بزرگ‌تر از اندازه هر ساق آن است.

ب) اگر دو زاویه از مثلثی $\frac{2\pi}{5}$ رادیان باشند، اندازه زاویه سوم 72 درجه است.

پ) انتهای کمان $\frac{5\pi}{6}$ در ربع دوم دایره مثلثاتی است.

ت) $\frac{\pi}{20}$ - رادیان برابر 9 - درجه است.

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

شما پاسخ نداده اید

۱۱۰ - اندازه یک زاویه بر حسب رادیان برابر با $\frac{20\pi}{3}$ است. اندازه این زاویه بر حسب درجه کدام است؟

۱۲۰۰ (۲)

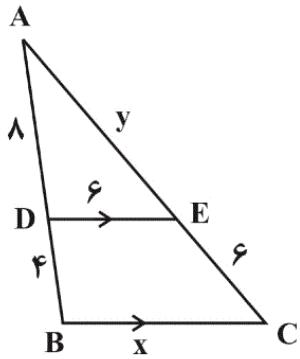
۶۰۰ (۱)

۷۲۰ (۴)

۹۰۰ (۳)

شما پاسخ نداده اید

۹۶- در شکل زیر، $BC \parallel DE$ است. مقدار $x + y$ کدام است؟

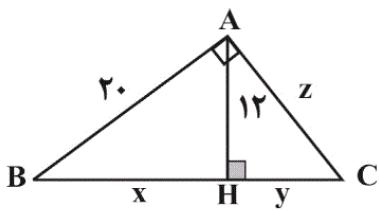


- ۱۵ (۱)
- ۱۸ (۲)
- ۲۱ (۳)
- ۲۴ (۴)

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۲ ، تشابه مثلثات ، هندسه - ۱۳۹۷۰۱۰۷

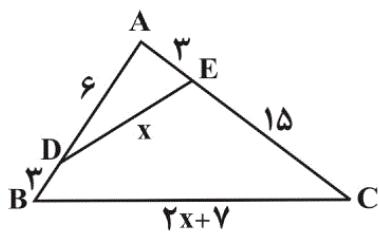
۹۷- در شکل زیر، $AH = 12$ و $\widehat{A} = 90^\circ$ ارتفاع است. در این صورت $x + y + z$ کدام است؟



- ۴۰ (۱)
- ۳۰ (۲)
- ۴۵ (۳)
- ۵۰ (۴)

شما پاسخ نداده اید

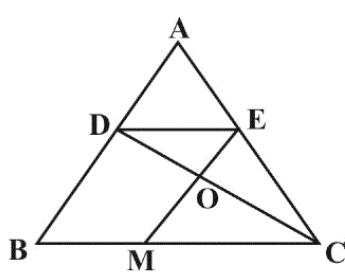
۹۸- در شکل زیر طول ضلع BC کدام است؟



- ۹ (۱)
- ۱۴ (۲)
- ۱۸ (۳)
- ۲۱ (۴)

شما پاسخ نداده اید

۹۹- در شکل زیر، $S_{ODE} = \frac{9}{16} S_{OMC}$ و چهارضلعی $DEMB$ متوازیالاضلاع است. مساحت ذوزنقه $DECB$ چند برابر مساحت مثلث ADE است؟



- ۳ (۱)
- $\frac{40}{9}$ (۲)
- $\frac{49}{9}$ (۳)
- $\frac{41}{9}$ (۴)

شما پاسخ نداده اید

۱۰۳ - تابع $|x| = f(x)$ ، وارون خود را در چند نقطه قطع می‌کند؟

(۲) دو

(۱) صفر

(۴) پنج

(۳) سه

شما پاسخ نداده اید

۱۰۴ - اگر $f(x) = \sqrt{4-x}$ کدام است؟
 $\frac{f}{g-1}$ باشد، آن گاه دامنه تابع $g = \{(1, 2), (4, 7), (3, 5), (0, -4), (2, 0)\}$ و

(۲) $\{0, 2\}$

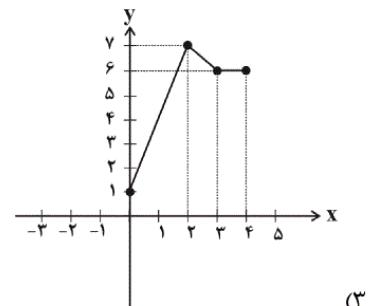
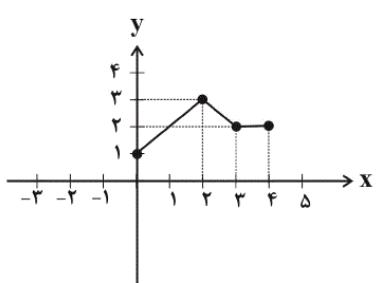
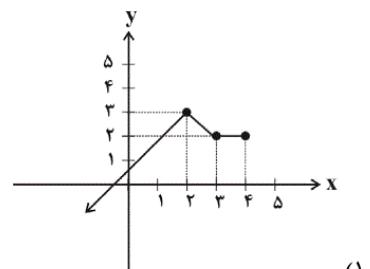
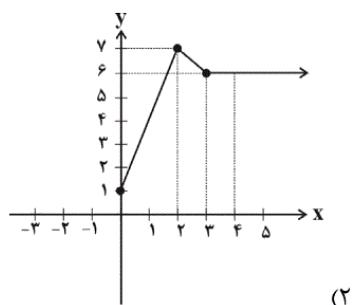
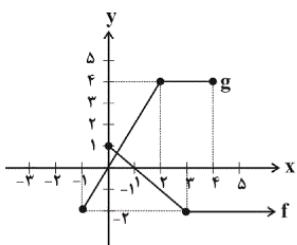
(۱) $\{0, 2, 4\}$

(۴) $\{1, 2, -4\}$

(۳) $\{0, -4\}$

شما پاسخ نداده اید

۱۰۵ - هرگاه نمودار دو تابع f و g به صورت زیر باشد، نمودار تابع $f + 2g$ کدام است؟



شما پاسخ نداده اید

$$101 - \text{نمودار تابع } f(x) = \frac{x}{|x|} \sqrt{x+2} \text{ از کدام نواحی مختصات عبور نمی‌کند؟}$$

۱) اول و سوم

۲) اول و دوم

۳) سوم و چهارم

۴) دوم و چهارم

شما پاسخ نداده اید

$$102 - \text{اگر } x^3 + x < 0 \text{ باشد، مقدار } \left[-x \right] + \left[-x^2 \right] + \left[-x^3 \right] \text{ کدام است؟ ([] ، نماد جزء صحیح است.)}$$

۱) ۲

۲) صفر

۳) -۱

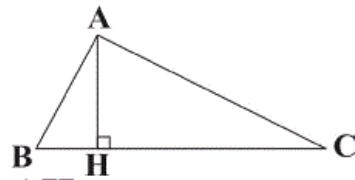
۴) -۲

شما پاسخ نداده اید

-۹۱

(مهدی ملارمپانی)

شکل فرضی زیر را در نظر بگیرید.



ارتفاع AH بر ضلع BC عمود است، پس شیب خط گذرنده از AH قرینه و معکوس شیب خط گذرنده از BC است، پس:

$$m_{BC} = 1 \Rightarrow m_{AH} = -1$$

$$\frac{\text{معادله خط گذرنده}}{\text{از } A(1,2)} \rightarrow y - 2 = -1(x - 1)$$

$$\Rightarrow y = -x + 3$$

(ریاضی ۲، هندسه تحلیلی، صفحه‌های ۲ تا ۴)

۴

۳

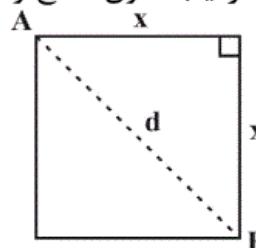
۲

۱ ✓

-۹۲

(امیر زراندوز)

مطابق شکل اگر x و d به ترتیب طول ضلع و قطر مربع باشند، داریم:



$$d = AB = \sqrt{(x+1)^2 + (x-6)^2} = \sqrt{16+4} = \sqrt{20}$$

$$\begin{aligned} & \text{فیثاغورس: } x^2 + x^2 = d^2 \Rightarrow 2x^2 = 20 \Rightarrow x^2 = 10 \\ & \Rightarrow x = \sqrt{10} \end{aligned}$$

$$x^2 = (\sqrt{10})^2 = 10 \quad \text{مساحت مربع}$$

(ریاضی ۲، هندسه تحلیلی، صفحه‌های ۴ تا ۶)

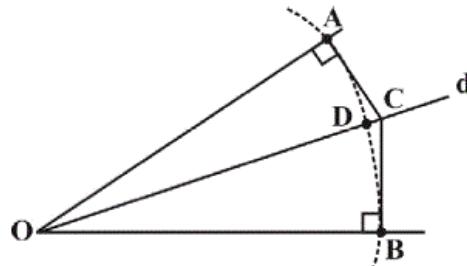
۴

۳

۲ ✓

۱

از آن جا که خط \mathbf{d} نیمساز زاویه $\widehat{\mathbf{AOB}}$ است، بنابراین طول \mathbf{AC} و \mathbf{CB} برابر است. بنابراین طبق قضیه فیثاغورس $\mathbf{OA} = \mathbf{OB} = 4$ و شعاع دایره رسم شده نیز برابر ۴ است که در این صورت طول $\mathbf{CD} = 1$ و $\mathbf{OD} = 4$ است.



(ریاضی ۲، ترسیم‌های هندسی، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۰)

۴

۳

۲

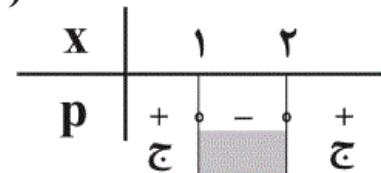
۱✓

ریاضی ، ریاضی ۲ ، آشنایی با برخی از انواع توابع ، تابع - ۱۳۹۷۰۱۰۷

برای محاسبه دامنه تابع $f(x)$ باید عبارت زیر رادیکال را که در مخرج است، بزرگتر از صفر قرار دهیم، پس:

$$2x^2 - 6x + 4 > 0 \xrightarrow{\div 2} x^2 - 3x + 2 > 0$$

$$\Rightarrow (x-1)(x-2) > 0$$



$$\Rightarrow x < 1 \text{ یا } x > 2 \Rightarrow x \in (-\infty, 1) \cup (2, +\infty) \Rightarrow b = 2$$

$$\Rightarrow a \times b = 4 \times 2 = 8$$

(ریاضی ۲، آشنایی با برخی از انواع توابع، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۰)

۴

۳✓

۲

۱

ریاضی ، ریاضی ۲ ، معادله‌ی درجه‌ی دوم و تابع درجه‌ی ۲ ، هندسه تحلیلی و جبر - ۱۳۹۷۰۱۰۷

(نیما سلطانی)

اگر ریشه‌های معادله $x(5x+3) = 4$ را با α و β نمایش دهیم،

ریشه‌های معادله $4x^2 + kx - 5 = 0$ برابر با $\frac{1}{\beta}$ و $\frac{1}{\alpha}$ هستند. بنابراین:

$$x(5x+3) = 4 \Rightarrow 5x^2 + 3x - 4 = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} S = \alpha + \beta = \frac{-b}{a} = -\frac{3}{5} \\ P = \alpha\beta = \frac{c}{a} = -\frac{4}{5} \end{cases}$$

$$\begin{cases} S' = \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = \frac{\alpha + \beta}{\alpha\beta} = \frac{S}{P} = +\frac{3}{4} \\ P' = \frac{1}{\alpha} \times \frac{1}{\beta} = \frac{1}{\alpha\beta} = \frac{1}{P} = -\frac{5}{4} \end{cases}$$

$$\xrightarrow[\text{معادله}]{\text{تشکیل}} x^2 - S'x + P' = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - \frac{3}{4}x - \frac{5}{4} = 0 \Rightarrow 4x^2 - 3x - 5 = 0 \Rightarrow k = -3$$

(ریاضی ۲، معادله درجه دو و تابع درجه ۲، صفحه‌های ۱۱۴)

۴

۳

۲

۱✓

ریاضی ، ریاضی ۲ ، معادلات گویا و معادلات رادیکالی ، هندسه تحلیلی و جبر - ۱۳۹۷۰۱۰۷

(محمد فردان)

معادله را حل می‌کنیم و جواب‌های به دست آمده به شرطی مورد قبول‌اند که در معادله اصلی صدق کنند.

$$x + \sqrt{2x^2 - 5x + 2} = 2 \Rightarrow \sqrt{2x^2 - 5x + 2} = 2 - x$$

$$\xrightarrow[\text{طرفین به توان ۲}]{\quad} 2x^2 - 5x + 2 = x^2 - 4x + 4$$

$$\Rightarrow x^2 - x - 2 = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = -1 & \text{قابل قبول} \\ x = 2 & \text{قابل قبول} \end{cases}$$

هر دو جواب در معادله اصلی صدق می‌کنند.

(ریاضی ۲، معادلات گویا و معادلات رادیکالی، صفحه‌های ۲۲ تا ۲۴)

۴

۳✓

۲

۱

ریاضی ، ریاضی ۲ ، واحد‌های اندازه گیری زاویه ، مثلثات - ۱۳۹۷۰۱۰۷

$$\frac{R}{\pi} = \frac{D}{180^\circ} \Rightarrow \frac{1/57}{\pi} = \frac{D}{180^\circ}$$

$$\Rightarrow D \simeq \frac{180^\circ \times 1/57}{3/14} \Rightarrow D \simeq 90^\circ$$

حال برای آنکه بدانیم چند ساعت گذشته، مقدار به دست آمده را بر ۳۰ تقسیم کنیم:

$$\text{ساعت } 3 = \frac{90^\circ}{30^\circ} = \text{مدت زمان گذشته}$$

(ریاضی ۲، واحدهای اندازه‌گیری زاویه، صفحه‌های ۷۶ تا ۷۲)

۴

۳

۲

۱ ✓

(عزیز الله علی اصغری)

-۱۰۷

متتم زاویه 20° برابر 70° است که آن را بر حسب رادیان می‌نویسیم:

$$\frac{R}{\pi} = \frac{D}{180^\circ}$$

$$\frac{R}{\pi} = \frac{70^\circ}{180^\circ} \Rightarrow R = \frac{7\pi}{18}$$

اختلاف مکمل و متتم هر زاویه برابر $\frac{\pi}{2}$ است. بنابراین داریم:

$$\frac{7\pi}{18} + \frac{\pi}{2} = \frac{8\pi}{9}$$

(ریاضی ۲، واحدهای اندازه‌گیری زاویه، صفحه‌های ۷۶ تا ۷۲)

۴ ✓

۳

۲

۱

(عزیز الله علی اصغری)

-۱۰۸

ابتدا زاویه 40° را بر حسب رادیان می‌نویسیم:

$$\frac{R}{\pi} = \frac{D}{180^\circ} \Rightarrow \frac{R}{\pi} = \frac{40}{180} \Rightarrow R = \frac{2}{9}\pi$$

مسیری که برف پاک کن طی می‌کند به صورت قسمتی از یک کمان با شعاعی به طول برف پاک کن است. طول کمان را به دست می‌آوریم:

$$L = r\theta \xrightarrow[r=\frac{\pi}{9}]{\theta=\frac{2\pi}{9}} L = \frac{2}{3}\pi \text{ m} \Rightarrow L \simeq 67\text{cm}$$

(ریاضی ۲، واحدهای اندازه‌گیری زاویه، صفحه‌های ۷۶ تا ۷۲)

۴

۳

۲ ✓

۱

(محمد بهیرایی)

به بررسی عبارت‌های داده شده می‌پردازیم:
 الف) یک رادیان تقریباً برابر با 57° است، پس دو زاویه دیگر بزرگتر از 57° خواهد بود، پس قاعده کوچکتر از ساق‌ها است.

$$\frac{\pi}{5} = 36^\circ \quad \frac{2\pi}{5} = 72^\circ \quad \text{و} \quad \frac{4\pi}{5} = 144^\circ$$

$$\Rightarrow 180^\circ - (72^\circ + 36^\circ) = 72^\circ$$

ب) درست است. زیرا $72^\circ < 90^\circ$.

پ) درست است.

ت) درست است.

(ریاضی ۲، واحدهای اندازه‌گیری زاویه، صفحه‌های ۷۲ تا ۷۶)

۴

۳✓

۲

۱

(نیما سلطانی)

اندازه زاویه بر حسب رادیان را α فرض می‌کنیم. لذا اندازه این زاویه
 $\frac{180^\circ}{\pi} \times \alpha$ خواهد بود.

$$\Rightarrow D = \frac{20\pi}{3} \times \frac{180^\circ}{\pi} = 20 \times 60^\circ = 1200^\circ$$

(ریاضی ۲، واحدهای اندازه‌گیری زاویه، صفحه‌های ۷۲ تا ۷۶)

۴

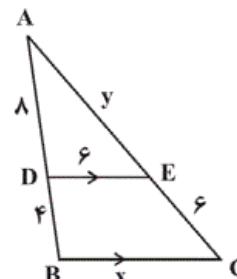
۳

۲✓

۱

(محمد مصطفی ابراهیمی)

طبق قضیه تالس داریم:



$$BC \parallel DE \Rightarrow \begin{cases} \frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC} \Rightarrow \frac{\alpha}{4} = \frac{y}{6} \Rightarrow y = 12 \\ \frac{AD}{AB} = \frac{DE}{BC} \Rightarrow \frac{\alpha}{12} = \frac{6}{x} \Rightarrow x = 9 \end{cases}$$

$$\Rightarrow x + y = 9 + 12 = 21$$

(ریاضی ۲، استدلال و قضیه تالس، صفحه‌های ۳۱ تا ۳۵)

۴

۳✓

۲

۱

-۹۷

(رهیم مشتاق نظم)

چون $\widehat{AH} = 90^\circ$ و AH ارتفاع است، طبق روابط طولی در مثلث قائم الزاویه خواهیم داشت:

$$AH^2 = BH \times CH \Rightarrow 144 = xy (*)$$

$$\Delta_{ABH}: x^2 + 144 = 400 \Rightarrow x^2 = 256 \Rightarrow x = 16$$

$$144 = xy \xrightarrow{x=16} y = 9$$

$$AC^2 = CH \times BC \Rightarrow z^2 = y(x+y) = xy + y^2$$

$$= 144 + 81 = 225 \Rightarrow z = 15$$

$$\Rightarrow x + y + z = 16 + 9 + 15 = 40$$

(ریاضی ۲، تشابه مثلثات، صفحه‌های ۴۵ تا ۴۲)

۴

۳

۲

۱ ✓

-۹۸

(رهیم مشتاق نظم)

در دو مثلث ΔABC و ΔADE چون زاویه A مشترک است و

$$\frac{AE}{AB} = \frac{AD}{AC} = \frac{1}{3}$$
 بنابراین:

$\Delta ABC \sim \Delta ADE$ (دو ضلع متناسب و زاویه بین برابر)

$$\Rightarrow \frac{AE}{AB} = \frac{AD}{AC} = \frac{DE}{BC} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{x}{2x+7} = \frac{1}{3} \Rightarrow 3x = 2x + 7 \Rightarrow x = 7$$

$$\Rightarrow BC = 2x + 7 = 14 + 7 = 21$$

(ریاضی ۲، تشابه مثلثات، صفحه‌های ۴۵ تا ۴۲)

۴ ✓

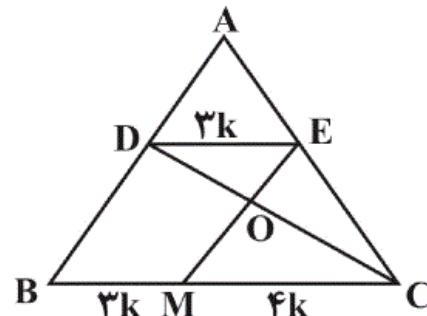
۳

۲

۱

چون $\text{DE} \parallel \text{MC}$ و در نتیجه

ΔOCM و ΔODE به حالت (زز) متشابهند.



$$\frac{S_{\text{ODE}}}{S_{\text{OMC}}} = \frac{9}{16} \Rightarrow \left(\frac{\text{DE}}{\text{MC}}\right)^2 = \frac{9}{16} \Rightarrow \frac{\text{DE}}{\text{MC}} = \frac{3}{4}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \text{DE} = 3k \Rightarrow \text{MB} = 3k \\ \text{MC} = 4k \end{cases} \Rightarrow \text{BC} = 7k$$

با توجه به شکل و طبق قضیه تالس ($\text{DE} \parallel \text{BC}$) داریم:

$$\frac{S_{\text{ADE}}}{S_{\text{ABC}}} = \left(\frac{3k}{7k}\right)^2 = \frac{9}{49} \Rightarrow \frac{S_{\text{ADE}}}{S_{\text{DECB}}} = \frac{9}{49-9} = \frac{9}{40}$$

پس مساحت ذوزنقه $\frac{40}{9}$ برابر مساحت مثلث ADE است.

(ریاضی ۲، تشابه مثلث‌ها، صفحه‌های ۴۲ تا ۴۵)

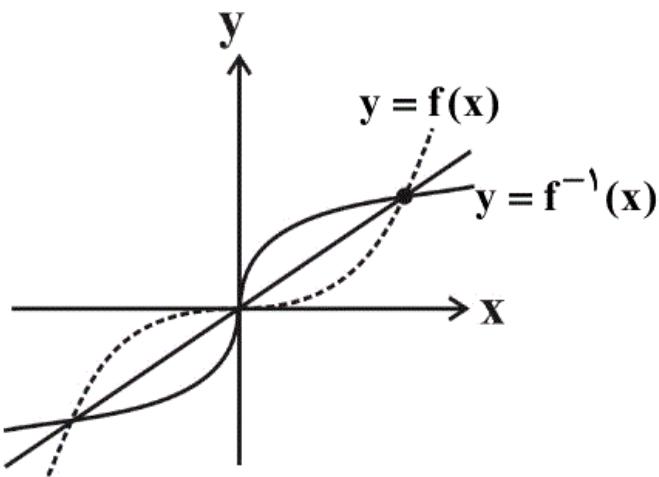
۱

۲

۳✓

۴

ریاضی ، ریاضی ۲ ، وارون یک تابع و تابع یک به یک ، تابع - ۷۰۱۵۷۰۹۳۱



$$f(x) = x \mid x \mid = \begin{cases} x^2, & x \geq 0 \\ -x^2, & x < 0 \end{cases}$$

با توجه به شکل، تابع و وارونش همیگر را در سه نقطه قطع می‌کنند.
(ریاضی ۲، وارون یک تابع و تابع یک به یک، صفحه‌های ۵۷ تا ۶۴)

۴

۳✓

۲

۱

(ابراهیم نبفی)

ابتدا دامنه تابع‌های f و g^{-1} را جداگانه به دست می‌آوریم. داریم:

$$f(x) = \sqrt{4-x} \Rightarrow 4-x \geq 0 \Rightarrow x \leq 4 \Rightarrow D_f = (-\infty, 4]$$

حال از روی تابع g که زوج مرتب‌های آن داده شده، g^{-1} را تشکیل می‌دهیم (دقت می‌کنیم که تابع g یک به یک و وارون پذیر بوده و لذا g^{-1} قابل تعریف است.)

$$g = \{(1, 2), (4, 7), (3, 5), (0, -4), (2, 0)\}$$

$$\Rightarrow g^{-1} = \{(2, 1), (7, 4), (5, 3), (-4, 0), (0, 2)\}$$

$$\Rightarrow D_{\frac{f}{g^{-1}}} = (D_f \cap D_{g^{-1}}) - \{x \mid g^{-1}(x) = 0\}$$

$$= \{2, 0, -4\} - \{-4\} = \{0, 2\}$$

(ریاضی ۲، وارون یک تابع و تابع یک به یک و اعمال جبری روی توابع، صفحه‌های ۵۷ تا ۶۴ و ۶۹)

۴

۳

۲✓

۱

ابتدا ضابطه توابع f و g را جداگانه با توجه به نمودار هر کدام به دست می‌آوریم:

$$f(x) = \begin{cases} 1-x, & 0 \leq x < 3 \\ -2, & x \geq 3 \end{cases}, \quad g(x) = \begin{cases} 2x, & -1 \leq x < 2 \\ 4, & 2 \leq x \leq 4 \end{cases}$$

حال دامنه تابع $f + 2g$ را به دست می‌آوریم:

$$D_{f+2g} = D_f \cap D_g = [0, +\infty) \cap [-1, 4] = [0, 4]$$

حال ضابطه $(f + 2g)(x)$ را تشکیل می‌دهیم:

$$\Rightarrow (f + 2g)(x) = \begin{cases} 1-x + 2(2x) = 3x+1, & 0 \leq x < 2 \\ (1-x) + 2(4) = 9-x, & 2 \leq x < 3 \\ -2+2(4)=6, & 3 \leq x \leq 4 \end{cases}$$

حال اگر نمودار $f + 2g$ که ضابطه آن در بالا به دست آمد را رسم کنیم، گزینه «۳» جواب صحیح است.

(ریاضی ۲، اعمال جبری روی توابع، صفحه‌های ۶۵ تا ۷۰)

۴

۳✓

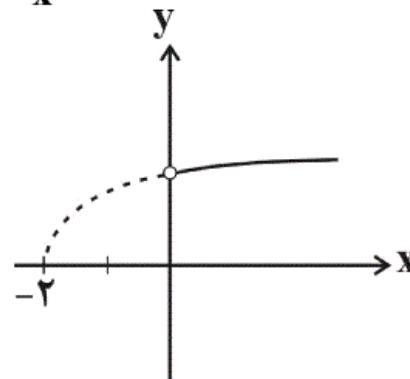
۲

۱

(نیما سلطانی)

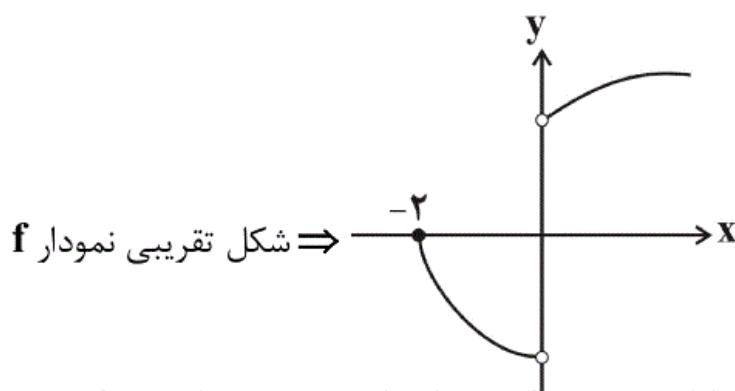
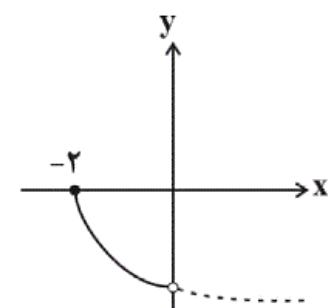
$$D_f = [-2, +\infty) - \{0\}$$

$$x > 0 \Rightarrow f(x) = \frac{x}{x} \sqrt{x+2} \Rightarrow f(x) = \sqrt{x+2}, x > 0.$$



$$-2 \leq x < 0 \Rightarrow f(x) = \frac{x}{-x} \sqrt{x+2}$$

$$\Rightarrow f(x) = -\sqrt{-x+2}, -2 \leq x < 0.$$



نمودار، از نواحی اول و سوم می‌گذرد و از نواحی دوم و چهارم نمی‌گذرد.
(ریاضی ۲، اعمال پیشی روی توابع، صفحه‌های ۶۱ و ۶۹)

(محمد فندان)

$$x^2 + x < 0 \Rightarrow x(x+1) < 0 \Rightarrow -1 < x < 0.$$

$$\begin{aligned} & 0 < -x < 1 \Rightarrow [-x] = 0 \\ \Rightarrow & 0 < x^2 < 1 \Rightarrow -1 < -x^2 < 0 \Rightarrow [-x^2] = -1 \\ & -1 < x^2 < 0 \Rightarrow 0 < -x^2 < 1 \Rightarrow [-x^2] = 0 \\ \Rightarrow & [-x] + [-x^2] + [-x^2] = 0 - 1 + 0 = -1 \end{aligned}$$

(ریاضی ۲، آشنایی با برفی از انواع توابع، صفحه‌های ۵۴ تا ۵۶)

