



www.riazisara.ir سایت ویژه ریاضیات

درسنامه ها و جزوه های ریاضی

سوالات و پاسخنامه تشریحی کنکور

نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نرم افزارهای ریاضیات

۰۰۹

کanal سایت ریاضی سرا در تلگرام:

<https://t.me/riazisara>



(@riazisara)

ریاضی ، ریاضی پیش‌دانشگاهی ، احتمال - ۱۳۹۶۰۷۲۱

- ۱۰۲- در کیسه‌ای ۴ مهره آبی و ۵ مهره سبز و ۲ مهره قرمز وجود دارد. دو مهره به تصادف، پی‌درپی و بدون جایگذاری از کیسه خارج می‌کنیم. با چه احتمالی مهره اول آبی و دومی قرمز است؟

۱) $\frac{1}{11}$	۲) $\frac{2}{11}$	۳) $\frac{8}{55}$	۴) $\frac{4}{55}$
-------------------	-------------------	-------------------	-------------------

شما پاسخ نداده اید

- ۱۰۳- دو تاس را پرتاب می‌کنیم، اگر حاصل ضرب اعداد ظاهر شده مضرب ۴ باشد، احتمال آن که اعداد رو شده تاس‌ها اعداد متولّی باشند کدام است؟

۱) $\frac{4}{15}$	۲) $\frac{2}{15}$	۳) $\frac{2}{10}$	۴) $\frac{4}{10}$
-------------------	-------------------	-------------------	-------------------

شما پاسخ نداده اید

- ۱۰۴- ظرف A شامل ۴ مهره سیاه و ۲ مهره سفید و ظرف B شامل ۳ مهره سیاه و ۵ مهره سفید می‌باشد. از ظرف A، ۲ مهره و از ظرف B، ۳ مهره انتخاب کرده و در ظرف C (حالی) می‌ریزیم. سپس از ظرف C مهره‌ای انتخاب می‌کنیم. احتمال آن که این مهره سیاه باشد کدام است؟

۱) $\frac{17}{40}$	۲) $\frac{19}{40}$	۳) $\frac{59}{120}$	۴) $\frac{53}{120}$
--------------------	--------------------	---------------------	---------------------

شما پاسخ نداده اید

- ۱۰۵- در یک کلاس ۱۲ نفری، روی هر نیمکت، دو دانش‌آموز نشسته است. اگر ۳ نفر به تصادف از دانش‌آموزان این کلاس انتخاب شود، احتمال آن که هیچ دو نفری از آن‌ها، از یک نیمکت نباشند کدام است؟

۱) $\frac{2}{11}$	۲) $\frac{4}{11}$	۳) $\frac{6}{11}$	۴) $\frac{8}{11}$
-------------------	-------------------	-------------------	-------------------

شما پاسخ نداده اید

- ۱۰۶- اگر A و B دو پیشامد از فضای نمونه S باشند به طوری که $A \subset B$ باشد، آن‌گاه حاصل $P(B|A') = \frac{1}{3}$ کدام است؟

۱) $\frac{2}{3}$	۲) $\frac{1}{4}$	۳) $\frac{1}{2}$	۴) $\frac{3}{4}$
------------------	------------------	------------------	------------------

شما پاسخ نداده اید

- ۱۰۷- به تصادف ۴ موش را از ظرفی شامل ۳ موش سیاه و ۵ موش سفید خارج می‌کنیم. اگر بدانیم حداقل ۱ موش سیاه خارج شده، احتمال آن که حداقل ۲ موش سیاه را بیرون آورده باشیم، چه قدر است؟

۱) $\frac{7}{13}$	۲) $\frac{9}{14}$	۳) $\frac{12}{13}$	۴) $\frac{1}{2}$
-------------------	-------------------	--------------------	------------------

شما پاسخ نداده اید

۱۰۸- با ارقام ۱ و ۲ و ۳ و ۴ و ۵ به طور تصادفی عددی سه رقمی ساخته‌ایم، احتمال آن که رقم دهگان و صدگان برابر هم و بزرگتر از رقم یکان باشد چه قدر است؟

$\frac{11}{100}$ (۴)	$\frac{7}{60}$ (۳)	$\frac{3}{50}$ (۲)	$\frac{2}{25}$ (۱)
----------------------	--------------------	--------------------	--------------------

شما پاسخ نداده اید

۱۰۹- چهار دانشآموز، هر کدام، یک کتاب به معلم خود می‌دهند. سپس معلم به طور تصادفی کتاب‌ها را به آن‌ها باز می‌گرداند. احتمال آن که هیچ دانشآموزی کتاب خود را دریافت نکرده باشد، چه قدر است؟

$\frac{1}{4}$ (۴)	$\frac{3}{4}$ (۳)	$\frac{3}{8}$ (۲)	$\frac{7}{24}$ (۱)
-------------------	-------------------	-------------------	--------------------

شما پاسخ نداده اید

۱۱۰- در ظرفی ۳ مهرهٔ سفید، ۵ مهرهٔ قرمز و ۱ مهرهٔ صورتی وجود دارد. به طور تصادفی ۴ مهره از ظرف خارج می‌کنیم. با کدام احتمال هر ۳ رنگ در بین مهره‌های خروجی دیده می‌شود؟

$\frac{9}{14}$ (۴)	$\frac{25}{42}$ (۳)	$\frac{5}{14}$ (۲)	$\frac{5}{42}$ (۱)
--------------------	---------------------	--------------------	--------------------

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی پیش‌دانشگاهی ، ترکیبیات ، احتمال - ۱۳۹۶۰۷۲۱

۱۱۰- به چند طریق می‌توان ۴ کتاب مختلف ریاضی و ۳ کتاب مختلف فیزیک را در یک قفسه کنار هم چید، به‌طوری که کتاب‌های فیزیک همگی کنار هم باشند؟

۱۴۴ (۴)	۳۶۰ (۳)	۱۲۰ (۲)	۷۲۰ (۱)
---------	---------	---------	---------

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی پایه ، آمار ، آمار - ۱۳۹۶۰۷۲۱

۱۱۱- «جنسیت افراد یک شهر» و «طول مکالمات تلفنی یک اداره» به ترتیب چه نوع متغیرهایی هستند؟

- (۱) کیفی اسمی، کمی پیوسته
- (۲) کیفی اسمی، کمی گسسته
- (۳) کمی ترتیبی، کمی گسسته
- (۴) کیفی ترتیبی، کمی پیوسته

شما پاسخ نداده اید

۱۱۲- شعاع قاعدهٔ یک مخزن مخروطی شکل $E_1 + E_2 + 2E_3$ گزارش شده است. مدل ریاضی حجم این مخروط کدام است؟

$\frac{\pi}{3}(1+E_1+4E_2)$ (۲)	$\frac{\pi}{3}(2+E_2+4E_1)$ (۱)
$\frac{\pi}{3}(2+4E_2+E_1)$ (۴)	$\frac{\pi}{3}(4+2E_2+4E_1)$ (۳)

شما پاسخ نداده اید

۱۱۳- در یک دسته‌بندی آماری، فراوانی نسبی دسته سوم برابر 20° می‌باشد، اگر فراوانی مطلق این دسته را ۴ برابر کنیم، زاویهٔ مربوط به این دسته در نمودار دایره‌ای چند درجه است؟

۱۲۰° (۴)	۲۴۰° (۳)	۱۵۰° (۲)	۱۸۰° (۱)
----------	----------	----------	----------

شما پاسخ نداده اید

۱۱۴- سطح زیر نمودار مستطیلی با فراوانی مطلق، برابر ۷۲ می‌باشد. چنان‌چه ۲۴ داده آماری را در ۱۰ دسته طبقه‌بندی کرده باشیم، اگر مرکز دسته دوم برابر ۵ باشد، کران بالای دسته هشتم چند است؟

۲۶/۵ (۴)

۲۵/۵ (۳)

۲۴/۵ (۲)

۲۳/۵ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۱۵- نقطه (۶,۸) روی نمودار چندبر فراوانی ۴۰ داده‌ای آماری قرار دارد. اگر جدول فراوانی نسبی این داده‌ها به صورت زیر باشد، کدام نقطه روی نمودار فراوانی تجمعی داده‌ها قرار دارد؟

حدود دسته	۳-۵	۵-۷	۷-۹	۹-۱۱	۱۱-۱۳	
فراوانی نسبی	۰/۱	x	y	۰/۳	۰/۱۵	

(۸,۲۲) (۲)

(۹,۲۲) (۱)

(۸,۲۴) (۴)

(۹,۲۴) (۳)

شما پاسخ نداده اید

۱۱۶- کدام گزینه درست است؟

(۱) طول میله‌ای بر حسب سانتی‌متر به صورت $L = 4 + E$ اندازه‌گیری شده است، این طول بر حسب میلی‌متر به صورت $L = 40 + E$ مدل‌سازی می‌شود.

(۲) از بین رفتن جامعه در همه مطالعات از جمله مشکلات سرشماری است.

(۳) بهترین روش جمع‌آوری داده‌های آماری در بررسی «در دسترس بودن مراکز تفریحی شهر تهران» استفاده از داده‌های از پیش تهیه شده است.

(۴) اولین قدم در رسیدن به اطلاعات عددی، مدل‌سازی است.

شما پاسخ نداده اید

۱۱۷- اگر داده‌های آماری زیر را در پنج دسته با طول مساوی تقسیم‌بندی کنیم، قدر مطلق اختلاف زاویه‌های مرتبط با دسته دوم و پنجم در نمودار دایره‌ای چند درجه است؟ (کلید نمودار: ۱۵ = ۵ (۱))

ساقه	برگ
۰	۱ ۲ ۳ ۴ ۵ ۷
۱	۲ ۲ ۳ ۵ ۷
۲	۱ ۱ ۲ ۵
۳	۰ ۰ ۱

۳۰ (۱)

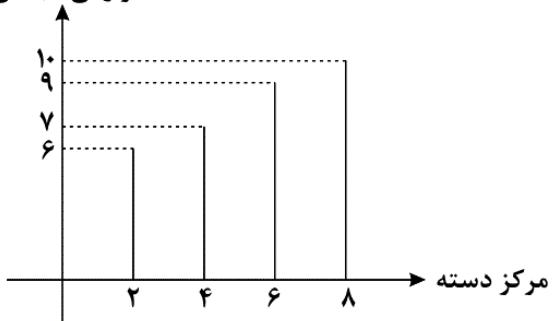
۲۰ (۲)

۱۰ (۳)

۰ (۴) صفر

شما پاسخ نداده اید

فراوانی تجمعی



۱۱۸- نمودار میله‌ای تعدادی داده آماری به صورت مقابله است. اگر سه داده ۷، ۲، ۵/۱ را به داده‌ها اضافه کنیم، مساحت مستطیل متناظر با دسته سوم در نمودار مستطیلی مربوط به فراوانی مطلق داده‌ها چه قدر افزایش می‌یابد؟

۴ (۱)

۳ (۲)

۲ (۳)

۰ (۴) ثابت می‌ماند.

شما پاسخ نداده اید

۱۱۹- شرکت کنندگان یک قرعه‌کشی کارت‌هایی از شماره ۱۰ تا ۹۹ در اختیار دارند. برای تعیین نفر برنده از ماشین حساب استفاده می‌کنیم. اگر ماشین حساب عدد ۰/۰۲۰۲ را نمایش دهد، فرد با کدام شماره برنده قرعه‌کشی خواهد بود؟

۲۸ (۴)

۲۷ (۳)

۱۷ (۲)

۱۸ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۲۰- در یک دسته‌بندی داده‌ها در ۸ طبقه با طول برابر، کران پائین دسته سوم ۱۵ و مرکز دسته ششم ۲۵/۵ است. اگر این داده‌ها در ۶ طبقه با طول برابر دسته‌بندی شوند، مرکز دسته دوم در دسته‌بندی جدید کدام است؟

۱۵/۵ (۴)

۱۴/۵ (۳)

۱۴ (۲)

۱۵ (۱)

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی پیش‌دانشگاهی ، احتمال - ۱۳۹۶۰۷۲۱

-۱۰۲

(عباس امیدوار)

$$P = \frac{4}{11} \times \frac{2}{10} = \frac{4}{55}$$

(اولی آبی و دومی قرمز)

(پدیده‌های تصادفی و احتمال) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۸ تا ۲۳)

۴

۳

۲

۱

-۱۰۳

(محمد رضا میر جلیلی)

برای این که حاصل ضرب دو عدد مضرب ۴ باشد باید حداقل یکی از این حالات را داشته باشد:

۱- حداقل یکی از ۲ عدد رو شده ۴ باشد.

۲- هر دو عدد رو شده مضرب ۲ باشند (زوج باشند).

$$A = \left\{ (1,4), (2,2), (2,4), (2,6), (3,4), (4,1), (4,2), (4,3), (4,4), (4,5), (4,6), (5,4), (6,2), (6,4), (6,6) \right\}$$

$$\Rightarrow n(A) = 15$$

$$P(B | A) = \frac{n(B \cap A)}{n(A)}$$

احتمال مورد نظر یک احتمال شرطی است:

$$(B \cap A) = \{(3,4), (4,5), (4,3), (5,4)\}$$

$$\Rightarrow P(B | A) = \frac{n(A \cap B)}{n(A)} = \frac{4}{15}$$

(احتمال) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۸ تا ۱۱)

۴

۳

۲

۱

-۱۰۴

(آرش رحیمی)

(سیاه و از ظرف **B**) یا (سیاه و از ظرف **A**) = احتمال سیاه بودن

$$\Rightarrow \left(\frac{2}{5} \times \frac{4}{6} \right) + \left(\frac{3}{5} \times \frac{3}{8} \right) = \frac{59}{120}$$

(پدیده‌های تصادفی و احتمال) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۸ تا ۲۳)

۴

۳

۲

۱

(امیر حسین ابومحبوب)

$$n(S) = \binom{12}{3} = 220$$

تعداد حالت‌های فضای نمونه‌ای برابر است با:

برای این‌که هیچ دو دانش‌آموزی از یک نیمکت انتخاب نشوند، داریم:

$$n(A) = \binom{6}{3} \times 2^3 = 160$$

$$P(A) = \frac{160}{220} = \frac{8}{11}$$

پس احتمال موردنظر برابر است با:

(ریاضی ۳، صفحه ۶)

(ترکیبی) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۸۹ تا ۱۹۱)

 ۴ ۳ ۲ ۱

(محمد محسنی)

می‌دانیم تعریف $P(B | A') = \frac{P(B \cap A')}{P(A')}$ به این صورت است و از طرفیمی‌باشد پس خواهیم داشت: $P(B \cap A') = P(B - A) = P(B) - P(A \cap B)$

$$P(B | A') = \frac{P(B) - P(A \cap B)}{1 - P(A)}$$

$$\xrightarrow{A \subset B \rightarrow A \cap B = A} P(B | A') = \frac{P(B) - P(A)}{1 - P(A)}$$

$$= \frac{\frac{1}{2} - \frac{1}{3}}{1 - \frac{1}{3}} = \frac{\frac{1}{6}}{\frac{2}{3}} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$$

(احتمال) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۱ تا ۱۱)

 ۴ ۳ ۲ ۱

در حالتی که حداقل یک موش سیاه است، حالت‌های زیر می‌تواند رخ دهد (B)

شماره حالت	سفید	سیاه
۱	۳	۱
۲	۲	۲
۳	۱	۳

پیشامد این که حداکثر ۲ موش سیاه بیرون بباید را A در نظر می‌گیریم.

برای این که حداکثر ۲ موش هم سیاه باشد (A ∩ B)، حالت شماره ۳ حذف

می‌شود پس:

$$\Rightarrow P(A | B) = \frac{n(A \cap B)}{n(B)}$$

$$P(A | B) = \frac{\binom{5}{2} \binom{3}{2} + \binom{3}{1} \binom{5}{3}}{\binom{5}{2} \binom{3}{1} + \binom{5}{2} \binom{3}{2} + \binom{5}{1} \binom{3}{3}}$$

$$= \frac{30 + 30}{30 + 30 + 5} = \frac{60}{65} = \frac{12}{13}$$

(اhtمال) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۸ تا ۱۱)

۴

۳ ✓

۲

۱

(شهر ۳ ولایت)

تعداد اعداد سه رقمی که با ۱ و ۲ و ۳ و ۴ و ۵ می‌توان ساخت برابر است با:

$$5 \times 5 \times 5 = 125$$

دهگان صدگان یکان

اعدادی که رقم دهگان و صدگان برابر هم و بزرگ‌تر از رقم یکان باشد

عبارت‌اند از:

۲۲۱, ۳۳۱, ۴۴۱, ۵۵۱, ۳۳۲, ۴۴۲, ۵۵۲, ۴۴۳, ۵۵۳, ۵۵۴

$$P = \frac{10}{125} = \frac{2}{25}$$

(پدیده‌های تصادفی و احتمال) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۴ تا ۱۷)

۴

۳

۲

۱ ✓

(طاهر دادستانی)

در واقع باید احتمال آن را به دست آوریم که در جایگشت‌های ارقام ۱ تا ۴، عدد ۱ در جایگاه اول و عدد ۲ در جایگاه دوم و عدد ۳ در جایگاه سوم و عدد ۴ در جایگاه چهارم نباشد. جایگشت‌های مورد نظر ۹ تا هستند، که عبارت‌اند از:

$$A = \{2341, 2413, 2143, 3142, 3421, 3412, 4312, 4321, 4123\}$$

بنابراین احتمال مورد نظر برابر است با:

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{9}{4!} = \frac{3}{8}$$

(ترکیبی) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۸۵ تا ۱۸۳)

(ریاضی ۳، صفحه‌های ۷۶ تا ۷۴)

 ۴ ۳ ۲ ۱

(حسین اسفینی)

اگر بخواهیم در بین ۴ مهرهٔ خروجی، از هر ۳ رنگ باشد، پس باید حداقل ۱ مهرهٔ صورتی، حداقل یک مهرهٔ قرمز و حداقل یک مهرهٔ سفید در بین ۴ مهره وجود داشته باشد. حالت‌های زیر را داریم:

(۱) مهرهٔ صورتی، ۱ مهرهٔ سفید و ۲ مهرهٔ قرمز

یا (۱) مهرهٔ صورتی، ۱ مهرهٔ قرمز و ۲ مهرهٔ سفید)

$$P = \frac{\binom{3}{2} \times \binom{5}{1} \times \binom{1}{1} + \binom{5}{2} \times \binom{3}{1} \times \binom{1}{1}}{\binom{9}{4}}$$

$$= \frac{3 \times 5 + 10 \times 3}{9 \times 8 \times 7 \times 6} = \frac{45}{9 \times 2 \times 7} = \frac{5}{14}$$

$$\frac{4 \times 3 \times 2 \times 1}{4 \times 3 \times 2 \times 1}$$

(پدیده‌های تصادفی و احتمال) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

 ۴ ۳ ۲ ۱

(بهره‌ام طالبی)

کتاب‌های فیزیک را یک دسته می‌کنیم این دسته با ۴ کتاب ریاضی تشکیل ۵ دستهٔ متمایز می‌دهند که به !۵ طریق جایه‌جا می‌شوند. از طرفی کتاب‌های فیزیک داخل دسته، به !۳ طریق جایه‌جا می‌شوند. در نتیجه:

$$120 \times 6 = 5! \times 3! = 720$$

(ترکیبات) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۸۲ تا ۱۸۴)

۴

۳

۲

۱ ✓

ریاضی، ریاضی پایه، آمار، آمار - ۱۳۹۶۰۷۲۱

(فائزه رضایی بقا)

جنسیت افراد یک شهر \leftarrow کیفی اسمیطول مکالمات تلفنی یک اداره \leftarrow کمی پیوسته

(متغیرهای تصادفی) (آمار و مدل‌سازی، صفحه‌های ۳۶ تا ۳۸)

۴

۳

۲

۱ ✓

(خرشاد صدیقی خرا)

$$\left\{ \begin{array}{l} V = \frac{1}{3} \pi r^2 h \\ r = 1 + E_1 \\ h = 2 + E_2 \end{array} \right. \Rightarrow V = \frac{1}{3} \pi (1 + E_1)^2 (2 + E_2)$$

$$\Rightarrow V = \frac{\pi}{3} (1 + 2E_1 + E_1^2) (2 + E_2) = \frac{\pi}{3} (1 + 2E_1)(2 + E_2)$$

۴

۳

۲

۱ ✓

(سپهر حقیقت اخشار)

$$\frac{\text{فراوانی مطلق}}{\text{تعداد کل داده ها}} = \text{فراوانی نسبی}$$

$$\bar{f}_3 = \frac{f_3}{N} = \frac{1}{5}$$

$$\bar{f}'_3 = \frac{4f_3}{N + 3f_3} \div N \rightarrow = \frac{\frac{4f_3}{N}}{1 + 3\frac{f_3}{N}} = \frac{\frac{4}{5}}{1 + \frac{3}{5}} = \frac{1}{2}$$

$$\alpha'_3 = \bar{f}'_3 \times 360^\circ = \frac{1}{2} \times 360^\circ = 180^\circ$$

(نمودارها و تحلیل داده ها) (آمار و مدل سازی، صفحه های ۵۴ و ۵۶ تا ۹۲ و ۹۵ تا ۹۷)

 ۴ ۳ ۲ ۱ ✓

(سپهر حقیقت اخشار)

سطح زیر نمودار مستطیلی برابر حاصل ضرب طول دسته و تعداد کل داده ها
 $(N \times C)$ می باشد.

$$\Rightarrow NC = 72 \Rightarrow 24 \times C = 72 \Rightarrow C = 3$$

$$5C + 19/5 = 24/5 \quad \text{کران بالای دسته هشتم}$$

(نمودارها و تحلیل داده ها) (آمار و مدل سازی، صفحه های ۴۶ تا ۵۰ و ۸۶ تا ۸۷)

 ۴ ۳ ۲ ✓ ۱

(مینم همزه‌لویی)

نقطه (۶،۸) روی نمودار چندبر فراوانی قرار دارد. پس فراوانی دسته با مرکز ۶ برابر ۸ است. مرکز دسته دوم، ۶ است. بنابراین:

$$\frac{f_2}{n} = \text{فراوانی نسبی دسته دوم} \Rightarrow x = \frac{8}{40} = 0.2$$

از طرفی مجموع فراوانی‌های نسبی همواره برابر یک است.

$$0.1 + x + y + 0.3 + 0.15 = 1$$

$$\xrightarrow{x=0.2} 0.15 + y = 1 \Rightarrow y = 0.25$$

با توجه به این‌که فراوانی کل داده‌ها ۴۰ است، جدول فراوانی مطلق و فراوانی تجمعی داده‌ها و نمودار فراوانی تجمعی به صورت زیر است:

حدود دسته	۳-۵	۵-۷	۷-۹	۹-۱۱	۱۱-۱۳
فراوانی	۴	۸	۱۰	۱۲	۶
فراوانی تجمعی	۴	۱۲	۲۲	۳۴	۴۰

۴ ۳ ۲ ۱

(مهدی ملارمفنانی)

-۱۱۶-

اگر طولی بر حسب سانتی‌متر اندازه‌گیری شده باشد، بر حسب میلی‌متر می‌بایست مجدداً اندازه‌گیری شود. از بین رفتن جامعه در برخی از مطالعات از جمله مشکلات سرشماری است و اولین قدم در رسیدن به اطلاعات عددی اندازه‌گیری است.

(جامعه و نمونه) (آمار و مدل‌سازی، صفحه‌های ۳، ۹ تا ۱۳، ۱۸، ۲۷ و ۳۱ تا ۳۷)

۴ ۳ ۲ ۱

در داده‌های آماری مورد نظر، دامنه تغییرات برابر است با:

$$31 - 1 = 30 = \text{دامنه تغییرات}$$

طول هر دسته در تقسیم‌بندی فوق برابر است با:

$$\frac{30}{5} = 6 = \text{طول هر دسته}$$

دامنه دوم و پنجم به ترتیب برابر با $(7, 13]$ و $[25, 31]$ است.

زاویه‌های مرتبط با دامنه دوم و پنجم برابر است با:

$$\frac{\text{فراوانی مطلق دسته دوم}}{\text{فراوانی کل}} = \frac{3}{360^\circ} \times 360^\circ = \text{زاویه مرتبط با دسته دوم}$$

$$= \frac{3}{18} \times 360^\circ = 60^\circ$$

$$\frac{\text{فراوانی مطلق دسته پنجم}}{\text{فراوانی کل}} = \frac{4}{360^\circ} \times 360^\circ = \text{زاویه مرتبط با دسته پنجم}$$

$$= \frac{4}{18} \times 360^\circ = 80^\circ$$

$$80^\circ - 60^\circ = 20^\circ = \text{اختلاف زاویه‌ها} \Rightarrow$$

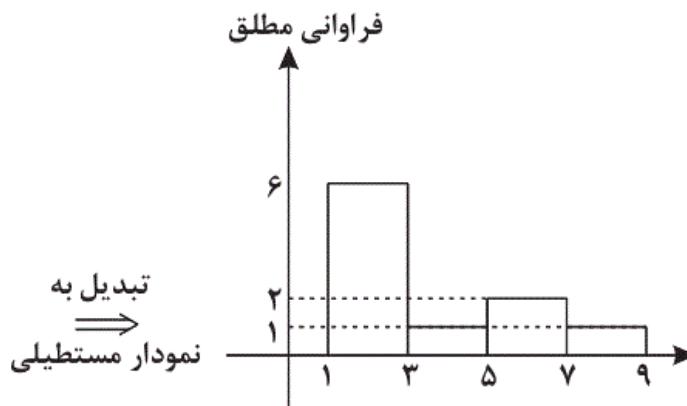
(نمودارها و تحلیل داده‌ها) (آمار و مدل‌سازی، صفحه‌های ۴۶ تا ۵۰ و ۹۲ تا ۹۵)

۴

۳

۲✓

۱



مساحت مستطیل متناظر با دسته سوم در حالت اولیه برابر $4 \times 2 = 8$ است. وقتی داده‌های $2/9$ و $5/1$ به داده اضافه می‌شود، فقط داده $5/1$ در دسته سوم قرار می‌گیرد. پس فراوانی دسته سوم در حالت ثانویه ۳ می‌شود و مساحت مستطیل متناظر با آن برابر $6 = (3)(2)$ می‌شود. پس مساحت به اندازه ۲ واحد تغییر می‌کند.

(نمودارها و تحلیل داده‌ها) (آمار و مدل‌سازی، صفحه‌های ۷۸ تا ۸۶)

۴

۳✓

۲

۱

(آرشنی)

تعداد کل شرکتکننده‌ها $۹۰ = ۱۰ + ۱ + ۹۹$ نفر است. بنابراین
 $۲۰۲ = ۱۸ / ۱۸ \times ۹۰$ پس با حذف قسمت اعشاری، فرد با شماره
 $۲۸ = ۱۰ + ۱۸$ برنده قرعه‌کشی خواهد بود.

(عدد ابتدا)

(جامعه و نمونه) (آمار و مدل‌سازی، صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)

 ۴ ۳ ۲ ۱

(میثم همنزه‌لوین)

اگر طول دسته را C درنظر بگیریم از کران پائین دسته سوم تا مرکز دسته

$$\text{ششم } ۳C + \frac{C}{۲} \text{ فاصله است. بنابراین:}$$

$$۳C + \frac{C}{۲} = ۲۵ / ۵ - ۱۵ \Rightarrow \frac{۷C}{۲} = ۱۰ / ۵ \Rightarrow C = ۳$$

بنابراین:

$$\text{تعداد دسته} \times \text{طول دسته} = \text{دامنه تغییرات} = ۳ \times ۸ = ۲۴$$

همچنین:

$$۹ = ۱۵ - ۲(۳) - \text{کران پائین دسته سوم} = \text{کران پائین دسته اول}$$

وقتی داده‌ها در ۶ طبقه دسته‌بندی می‌شوند داریم:

$$\text{طول دسته } C' = \frac{۲۴}{۶} = ۴$$

درنتیجه:

$$\text{مرکز دسته دوم} = ۹ + ۴ + ۲ = ۱۵$$

$$+ \text{کران پائین دسته اول} + C'$$

(دسته‌بندی داده‌ها و جدول فراوانی) (آمار و مدل‌سازی، صفحه‌های ۱۴۶ تا ۱۵۰)

 ۴ ۳ ۲ ۱