



www.riazisara.ir سایت ویژه ریاضیات

درسنامه ها و جزوه های ریاضی

سوالات و پاسخنامه تشریحی کنکور

نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نرم افزارهای ریاضیات

۰۰۹

کanal سایت ریاضی سرا در تلگرام:

<https://t.me/riazisara>



(@riazisara)

ریاضی نگاه به گذشته، ریاضی هفتم، - ۱۳۹۶۰۷۰۷

۱۱- حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \frac{1}{27} + \frac{1}{81} + \dots + \frac{1}{6561} = ?$$

$$\frac{3}{2} \quad (4)$$

$$\frac{3281}{6561} \quad (3)$$

$$\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{3280}{6561} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۲- حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$-6 - 3 \times 4 \div 2 - (-6 - 7) \times 3 = ?$$

$$31 \quad (4)$$

$$-39 \quad (3)$$

$$-31 \quad (2)$$

$$27 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۳- خمس عددی از قرینه‌ی آن عدد ۴ واحد کم‌تر است. این عدد کدام است؟

$$-5 \quad (4)$$

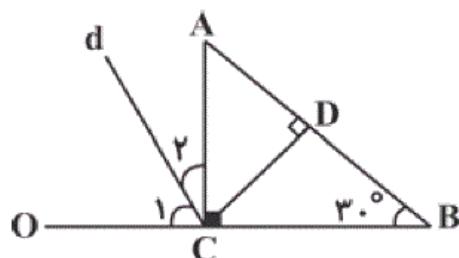
$$-\frac{20}{3} \quad (3)$$

$$\frac{20}{3} \quad (2)$$

$$-\frac{10}{3} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۴- نیم خط d نیمساز \hat{DCO} است. اندازه‌ی \hat{C}_2 کدام است؟



$$20^\circ \quad (1)$$

$$30^\circ \quad (2)$$

$$35^\circ \quad (3)$$

$$15^\circ \quad (4)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۵- ک.م دو عدد اول مختلف چند برابر ب.م این دو عدد است؟

(۱) برابر با عدد بزرگ‌تر

(۲) برابر با میانگین این دو عدد

(۳) برابر با حاصل ضرب این دو عدد

شما پاسخ نداده اید

۱۶- تمام سطوح یک استوانه‌ی تو خالی به شعاع خارجی ۶ و شعاع داخلی ۲ و ارتفاع ۴ متر را می‌خواهیم رنگ آمیزی کنیم. اگر هزینه‌ی رنگ آمیزی هر مترمربع ۵ تومان شود، هزینه‌ی کل چند تومان خواهد شد؟ ($\pi = 3$)

$$1920 \quad (4)$$

$$1900 \quad (3)$$

$$1890 \quad (2)$$

$$1860 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۷-چه تعداد از عبارت‌های زیر همواره صحیح است؟

ب) $(-\frac{1}{2})^4 > (\frac{1}{2})^{+3}$

الف) $7^1 + 2^0 = 9^1$

د) $3^2 \times 3^3 = 3^6$

ج) $(\frac{1}{3})^9 > (-2)^3$

و) $(a^b)^d = a^{b+d}$

ه) $(\frac{1}{4})^2 > (\frac{1}{2^3})^1$

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۸-نقطه‌ی $\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$ را توسط بردار \vec{A} انتقال داده و به نقطه‌ی $\begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix}$ رسیدیم. بردار \vec{A} کدام است؟

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 7 \end{bmatrix} (۴)$$

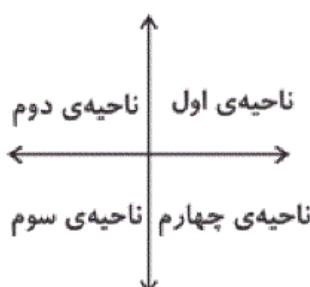
$$\begin{bmatrix} -1 \\ -7 \end{bmatrix} (۳)$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ -7 \end{bmatrix} (۲)$$

$$\begin{bmatrix} -1 \\ 7 \end{bmatrix} (۱)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۹-نقطه‌ی $\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$ با کدام بردار انتقال زیر به ناحیه‌ی چهارم می‌رسد؟ (نواحی مختصاتی را به شکل زیر تعریف می‌کنیم).



$$\begin{bmatrix} -3 \\ -4 \end{bmatrix} (۲)$$

$$\begin{bmatrix} -1 \\ -2 \end{bmatrix} (۱)$$

$$\begin{bmatrix} -5 \\ -2 \end{bmatrix} (۴)$$

$$\begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix} (۳)$$

شما پاسخ نداده اید

۲۰-در کیسه‌ای ۳ گوی آبی و ۲ گوی قرمز داریم. ابتدا یک گوی برمی‌داریم و کنار می‌گذاریم؛ سپس یک گوی دیگر برمی‌داریم. اگر گوی اولی قرمز باشد، احتمال این‌که گوی دوم قرمز باشد، چه قدر است؟

$$\frac{3}{5} (۴)$$

$$\frac{3}{4} (۳)$$

$$\frac{1}{2} (۲)$$

$$\frac{1}{4} (۱)$$

شما پاسخ نداده اید

۲۱-مساحت مستطیلی با طول و عرض طبیعی، ۲۴ سانتی‌مترمربع است. اگر طول آن ۲ سانتی‌متر از عرض آن بیش‌تر باشد، محیط مستطیل چند سانتی‌متر است؟

۱۸ (۴)

۲۰ (۳)

۲۴ (۲)

۲۲ (۱)

شما پاسخ نداده اید

$$\frac{1+2+\dots+999}{999-998-\dots-2-1} \text{ کدام است؟}$$

۹۹۹) ۴

۱۰۰۰) ۳

-۱) ۲

۱) ۱

شما پاسخ نداده اید

۲۳-اگر طول اضلاع یک زاویه را یک بار نصف و بار دیگر دو برابر کنیم، در هر حالت اندازه زاویه چه تغییری می کند؟

۲) نصف می شود، دو برابر می شود

۱) تغییر نمی کند، تغییر نمی کند

۴) دو برابر می شود، نصف می شود

۳) دو برابر می شود، نصف می شود

شما پاسخ نداده اید

$$\frac{\overbrace{a \times a \times \dots \times a}^{\text{تا } a} + \overbrace{b \times b \times \dots \times b}^{\text{تا } b}}{\overbrace{b \times b \times \dots \times b}^{\text{تا } b} - \overbrace{a \times a \times \dots \times a}^{\text{تا } a}} \text{ کدام است؟}$$

$\frac{-145}{229}$) ۴

$\frac{-283}{17}$) ۳

$\frac{283}{17}$) ۲

$\frac{145}{229}$) ۱

شما پاسخ نداده اید

۲۴-حاصل ضرب اولین عدد اول در دومین عدد اول تا پنجمین عدد اول در یک دیگر کدام است؟

۱۸۹۰) ۴

۱۲۰) ۳

۲۳۱۰) ۲

۲۱۰) ۱

شما پاسخ نداده اید

$$B = \begin{bmatrix} 5 \\ -2 \end{bmatrix} \text{ و } A = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix} \text{ نقاط}$$

بیشتر باشد، بردار \overrightarrow{BD} کدام است؟

$\begin{bmatrix} -4 \\ 4 \end{bmatrix}$) ۴

$\begin{bmatrix} 4 \\ -4 \end{bmatrix}$) ۳

$\begin{bmatrix} 4 \\ 4 \end{bmatrix}$) ۲

$\begin{bmatrix} -4 \\ -4 \end{bmatrix}$) ۱

شما پاسخ نداده اید

۲۷-حاصل $8^{13} - 16^{10}$ برابر کدام است؟

۲۴۰) ۴

۴۱۷) ۳

۲۳۹) ۲

۴۳۹) ۱

شما پاسخ نداده اید

۲۸-در \square عبارت رو به رو چه عددی باید قرار گیرد؟

$$3\square \times (\sqrt{144} \div 2^2) = 3^5$$

۴) ۴

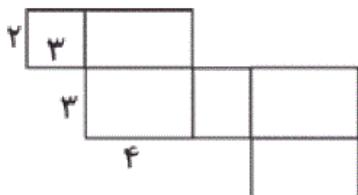
۳) ۳

۲) ۲

۵) ۱

شما پاسخ نداده اید

۲۹- گستردگی مکعب مستطیلی به شکل زیر است. حجم آن چند واحد مکعب است؟



۲۲ (۱)

۲۴ (۲)

۱۸ (۳)

۲۸ (۴)

شما پاسخ نداده اید

۳۰- سکه‌ای را دو بار پرتاب می‌کنیم. احتمال این‌که هر دو بار پشت بیاید چه قدر است؟

$\frac{1}{4}$ (۴)

$\frac{1}{3}$ (۳)

$\frac{1}{2}$ (۲)

$\frac{1}{6}$ (۱)

شما پاسخ نداده اید

ریاضی نگاه به گذشته، ریاضی هفتم، - ۱۳۹۶۰۷۰۷

(محمد بمیرایی)

۱- (صفحه ۸ کتاب درسی-راهبردهای حل مسئله)

مرحله به مرحله کسرها را با هم جمع می‌کنیم.

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{9} = \frac{3}{9} + \frac{1}{9} = \frac{4}{9}$$

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \frac{1}{27} = \frac{4}{9} + \frac{1}{27} = \frac{13}{27}$$

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \frac{1}{27} + \frac{1}{81} = \frac{13}{27} + \frac{1}{81} = \frac{40}{81}$$

با توجه به الگوی جمع شدن مخرج برابر است با بزرگ‌ترین مخرج و صورت برابر است با نصف عبارت «مخرج منهای ۱»

$$\Rightarrow \frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \frac{1}{27} + \dots + \frac{1}{6561} = \frac{\frac{1}{2} \times (6561-1)}{6561} = \frac{3280}{6561}$$

۴

۳

۲

۱✓

(محمد بمیرایی)

۱۲- (صفحه‌های ۲۵ تا ۲۰ کتاب درسی-عددهای صحیح)

با توجه به اولویت‌ها ابتدا عملیات درون پرانتز سپس ضرب و تقسیم و سپس جمع و تفریق را انجام می‌دهیم:

$$(-6 - 7) = -13$$

$$-6 - 3 \times 4 \div 2 - (-13) \times 3 = -6 - 6 - (-39) = 27$$

۴

۳

۲

۱✓

(محمد بمیرایی)

۱۳- (صفحه‌های ۳۷ تا ۳۹ کتاب درسی-جبر و معادله)

خمس عددی یعنی $\frac{1}{5}$ آن

اگر این عدد را x در نظر بگیریم معادله‌ی این سؤال به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$\frac{1}{5}x + 4 = -x \Rightarrow \frac{1}{5}x + x = -4$$

$$\Rightarrow \frac{6}{5}x = -4 \Rightarrow x = -\frac{20}{6} = -\frac{10}{3}$$

۴

۳

۲

۱✓

در مثلث $\triangle BCD$

$$\left. \begin{array}{l} \hat{D} + \hat{B} + \hat{DCB} = 180^\circ \\ \hat{B} = 30^\circ, \hat{D} = 90^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{DCB} = 60^\circ \Rightarrow \hat{DCO} = 120^\circ$$

$$\hat{DCO} : \hat{C_1} + \hat{C_2} + \hat{ACD} = 120^\circ$$

$$\left. \begin{array}{l} \hat{ACD} + \hat{DCB} = 90^\circ \\ \hat{DCB} = 60^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{ACD} = 30^\circ$$

$$\hat{C_2} + \hat{ACD} = 60^\circ \Rightarrow \hat{C_2} = 30^\circ$$

$$\hat{ACD} = 30^\circ$$

۴

۳

۲✓

۱

(سعید مجفری)

۱۵ - (صفحه‌های ۶۷ تا ۶۲ کتاب درسی-شمارندها و اعداد اول)

ک.م.م دو عدد اول مختلف برابر حاصل ضرب آنها است.

ب.م.م دو عدد اول مختلف برابر یک است.

۴

۳✓

۲

۱

(سعید مجفری)

۱۶ - (صفحه‌های ۷۸ تا ۷۶ کتاب درسی-سطح و حجم)

شعاع داخلی را با r_1 و شعاع خارجی را با r_2 نمایش می‌دهیم.

این استوانه دارای ۲ قاعده و دو سطح جانبی داخلی و خارجی است. پس مساحت کل برابر است با:

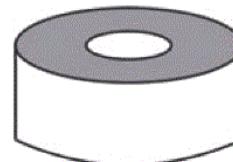
سطح جانبی درونی + سطح جانبی بیرونی + مساحت دو قاعده = مساحت کل

$$= 2(\pi r_2^2 - \pi r_1^2) + (2\pi r_2 h) + (2\pi r_1 h)$$

$$= 2(\pi \times 36 - \pi \times 4) + (2\pi \times 6 \times 4) + (2\pi \times 2 \times 4)$$

$$= 64\pi + 48\pi + 16\pi = 384 \text{ مترمربع}$$

$$\text{تومان } 1920 = \text{هزینه هر مترمربع} \times \text{مساحت کل} = \text{هزینه کل}$$



۴✓

۳

۲

۱

(علی احمدی)

۱۷ - (صفحه‌های ۸۷ تا ۹۲ کتاب درسی-توان و جذر)

$$\text{غلط: } 7 + 1 = 8 \neq 9^1 \quad (\text{الف})$$

$$\text{صحیح: } 16 > \frac{1}{8} = (-2)^4 \quad (\text{ب})$$

$$\text{صحیح: } \left(\frac{1}{3}\right)^9 \text{ عددی مثبت و } \left(-\frac{1}{3}\right)^3 \text{ عددی منفی است. (ج)}$$

$$\text{غلط: } 3^2 \times 3^3 = 3^5 \neq 3^6 \quad (\text{د})$$

$$\text{غلط: } \frac{1}{4}^2 = \frac{1}{16} < \frac{1}{8} \quad (\text{ه})$$

$$\text{غلط: } (a^b)^d = a^{bd} \neq a^{b+d} \quad (\text{و})$$

۴

۳

۲✓

۱

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} + \vec{A} = \begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix} \Rightarrow \vec{A} = \begin{bmatrix} 1 \\ -7 \end{bmatrix}$$

- ۴ ۳ ۲ ۱

(علی ارجمند)

۱۹ - (صفحه‌های ۱۰۷ تا ۱۰۹ کتاب درسی - بردار و مختصات)

نقطه‌ی $\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$ را با بردار هر کدام از گزینه‌ها، انتقال می‌دهیم.

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -1 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

ناحیه‌ی اول

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -3 \\ -4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix}$$

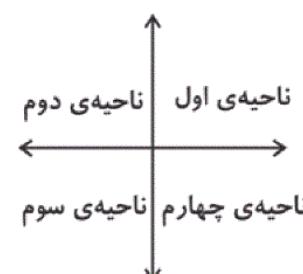
ناحیه‌ی سوم

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ -1 \end{bmatrix}$$

ناحیه‌ی چهارم

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -5 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3 \\ 1 \end{bmatrix}$$

ناحیه‌ی دوم



- ۴ ۳ ۲ ۱

(مسام سلطان محمدی)

۲۰ - (صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۳ کتاب درسی - آمار و احتمال)

ابتدا یک گوی برداشتیم که قرمز بود، پس در کیسه یک گوی قرمز و ۳ گوی آبی باقی می‌ماند. پس احتمال این‌که گوی دوم قرمز باشد برابر است با:

$$\frac{\text{یک گوی قرمز}}{۴ \text{ گوی}} = \frac{1}{4}$$

- ۴ ۳ ۲ ۱

(مسام سلطان محمدی)

۲۱ - (صفحه‌ی ۴ کتاب درسی - راهبردهای حل مسئله)

همه‌ی حالات ممکن که مساحت مستطیل ۲۴ سانتی‌متر مربع شود را می‌نویسیم و حالاتی که طول از عرض ۲ سانتی‌متر بیشتر نبود را حذف می‌کنیم.

عرض	طول
۲۴	۱
۱۲	۲
۸	۳
۶	۴

از بین حالات فوق، تنها حالتی پذیرفتی است که طول برابر ۶ و عرض برابر ۴ سانتی‌متر باشد:

$$\text{سانتی‌متر} = 2 \times (6 + 4) = 20 = (\text{عرض} + \text{طول}) \times \text{محیط}$$

- ۴ ۳ ۲ ۱

(مسام سلطان محمدی)

۲۲ - (صفحه‌های ۱۷ تا ۲۵ کتاب درسی - عددهای صحیح)

$$\frac{1+2+\dots+999}{-(999+998+\dots+2+1)} = \frac{(1+2+\dots+999)}{-(1+2+\dots+999)} = \frac{1}{-1} = -1$$

- ۴ ۳ ۲ ۱

(فرزاد شیرمحمدی)

۲۳ - (صفحه‌های ۴۵ تا ۴۷ کتاب درسی - هندسه و استدلال)

تغییر طول اضلاع زاویه هیچ تأثیری بر اندازه‌ی زاویه ندارد، بنابراین در دو حالت اندازه‌ی زاویه ثابت می‌ماند و تغییر نمی‌کند.

- ۴ ۳ ۲ ۱

(سهیل مسیح خانپور)

$$\frac{3 \times 3 \times 3 + 4 \times 4 \times 4 \times 4}{4 \times 4 \times 4 - 3 \times 3 \times 3 \times 3} = \frac{27 + 256}{64 - 81} = \frac{283}{-17} = -\frac{283}{17}$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(فرزاد شیرمحمدی)

$$2 \times 3 \times 5 \times 7 \times 11 = 2310$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(همون صلوواتی)

- ۲۵ - (صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸ کتاب درسی - شمارنده‌ها و اعداد اول)

۵ عدد اول ابتدایی، ۲، ۳، ۵، ۷ و ۱۱ هستند.

با توجه به این که اختلاف طول نقاط A و B برابر طول ضلع مریع است، پس ضلع مریع برابر $4 - 5 = -1$ واحد خواهد بود. با توجه به این که عرض C از عرض B بیشتر است، پس به اندازه‌ی ۴ واحد به عرض A و B اضافه می‌کنیم تا عرض نقاط D و C به دست آید.

$$D = \begin{bmatrix} 1 \\ -2+4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{BD} = D - B = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 5 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 \\ 4 \end{bmatrix}$$

$$C = \begin{bmatrix} 5 \\ -2+4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 2 \end{bmatrix}$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(همون صلوواتی)

- ۲۶ - (صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۰ کتاب درسی - بردار و مختصات)

$$16^{10} - 8^{13} = (2 \times 2 \times 2 \times 2)^{10} - (2 \times 2 \times 2)^{13} = 2^{10} \times 2^{10} \times 2^{10} \times 2^{10} - 2^{13} \times 2^{13} \times 2^{13} = 2^{(10+10+10+10) + (13+13+13)} = 2^{40} - 2^{39} = 2^{39}(2-1) = 2^{39}$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(ممید اصفهانی)

- ۲۷ - (صفحه‌های ۹۰ تا ۹۲ کتاب درسی - توان و جذر)

$$3^{\square} \times (12 \div 4) = 3^{\square} \times 3 = 3^{\square+1}$$

$$\Rightarrow 3^{\square+1} = 3^5 \Rightarrow \square + 1 = 5 \Rightarrow \square = 4$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(ممید گنجی)

- ۲۸ - (صفحه‌های ۸۷ تا ۹۵ کتاب درسی - توان و جذر)

ابعاد مکعب ۲، ۳ و ۴ است. پس حجم برابر است با:

$$\text{واحد مکعب} = 2^3$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(ممید زرین‌کفش)

- ۲۹ - (صفحه‌های ۱۲۱ تا ۱۲۳ کتاب درسی - آمار و احتمال)

اگر سکه را دو بار پرتاب کنیم تمام حالات ممکن برابر است با:

(پشت، پشت) - (رو، پشت) - (پشت، رو) - (رو، رو)

پس کل حالات برابر ۴ تاست.

$$\frac{1}{4} = \text{احتمال این که هر دو بار پشت بیاید}$$

 ۴ ۳ ۲ ۱