



[www.riazisara.ir](http://www.riazisara.ir) سایت ویژه ریاضیات

درسنامه ها و جزوه های دروس ریاضیات

دانلود نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نمونه سوالات و پاسخنامه کنکور

دانلود نرم افزارهای ریاضیات

و...و

کانال سایت ریاضی سرا در تلگرام:

[@riazisara](https://telegram.me/riazisara)

ریاضی ، ریاضی ، شمارنده‌ی اول ، شمارنده‌ها و اعداد اول - ۱۳۹۶۰۲۲۲

۴۷- در کدام گزینه ک.م.م دو عدد برابر با حاصل ضرب آن‌هاست؟

۲۱ و ۹(۲)

۸ و ۱۲(۱)

۹ و ۱۲(۴)

۱۱ و ۱۵(۳)

شما پاسخ نداده‌اید

ریاضی ، ریاضی ، محاسبه حجم‌های منشوری ، سطح و حجم - ۱۳۹۶۰۲۲۲

۴۸- طول و عرض قاعده‌ی یک مکعب مستطیل فرمی در اثر گرمای ترتیب ۱۰ و ۴ برابر شده است.

ولی ارتفاع آن ۴۰ درصد کاهش یافته است. حجم این مکعب مستطیل چند درصد نسبت به حالت

اولیه تغییر کرده است؟

۱۶۰۰(۲)

۲۴۰۰(۱)

۲۳۰۰(۴)

۱۵۰۰(۳)

شما پاسخ نداده‌اید

۴۹- مستطیلی به طول ۳۰ و عرض ۲۰ واحد را حول پاره خطی که از وسط عرض آن می‌گذارد، دوران

می‌دهیم. حجم حاصل از دوران چند واحد مکعب است؟ ( $\pi = 3/14$ )

۲۷۶۸۰(۲)

۱۸۸۴۰(۱)

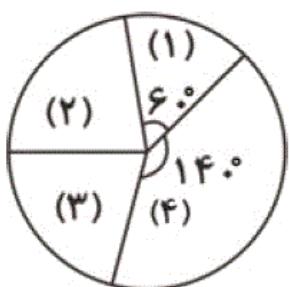
۱۴۱۳(۴)

۹۴۲۰(۳)

شما پاسخ نداده‌اید

۵۰- شهرستانی چهار روستا دارد. اگر جمعیت روستای اول، ۱۲۰ نفر باشد و نمودار دایره‌ای جمعیت

روستاهای این شهرستان به صورت زیر باشد، تعداد کل افراد روستایی این شهرستان کدام است؟



۷۲۰ (۱)

۶۴۰ (۲)

۸۲۰ (۳)

۷۶۰ (۴)

شما پاسخ نداده اید

۵۱- درصد کتاب‌های یک کتابخانه تاریخی هستند. در نمودار دایره‌ای کتاب‌های این کتابخانه،

زاویه‌ی مرکزی مربوط به کتاب‌های تاریخی چند درجه است؟

۷۲° (۲)

۳۶° (۱)

۵۶° (۴)

۸۴° (۳)

شما پاسخ نداده اید

۵۲- تاسی را پرتاب می‌کنیم، احتمال این‌که عدد رو شده عددی فرد و اول باشد، کدام است؟

$\frac{1}{2}$  (۲)

$\frac{1}{4}$  (۱)

$\frac{2}{3}$  (۴)

$\frac{1}{3}$  (۳)

شما پاسخ نداده اید

۵۳- از اعداد طبیعی کوچک‌تر از ۱۳ یک عدد انتخاب می‌کنیم. احتمال این‌که این عدد مضرب ۳ باشد

ولی مضرب ۶ نباشد، کدام است؟

$\frac{1}{4}$  (۲)

$\frac{1}{2}$  (۱)

$\frac{1}{6}$  (۴)

$\frac{1}{3}$  (۳)

شما پاسخ نداده اید

۴۲- برای مقایسه‌ی تعداد و تعیین کم‌ترین و بیش‌ترین فروش هر یک از کالاهای یک مغازه و برای

بررسی تغییرات میزان فروش کالای X در ماههای آبان، آذر و دی، به ترتیب چه نمودارهایی مناسب‌تر است؟ (نگاه به گذشته)

(۲) میله‌ای – خط شکسته

(۱) میله‌ای – دایره‌ای

(۴) دایره‌ای – خط شکسته

(۳) خط شکسته – دایره‌ای

شما پاسخ نداده اید

۴۳- یک عدد طبیعی از ۲۰۰ تا ۱۰۰۰ انتخاب می‌کنیم. کدام گزینه احتمال بیش‌تری دارد؟

(۱) احتمال این‌که عدد بر ۵ بخش‌پذیر باشد.

(۲) احتمال این‌که عدد بر ۷ بخش‌پذیر باشد.

(۳) احتمال این‌که عدد بر ۳ بخش‌پذیر باشد.

(۴) احتمال این‌که عدد بر ۱۳ بخش‌پذیر باشد.

شما پاسخ نداده اید

۴۴- سکه‌ای را ۱۰۰۰ بار پرتاب کرده‌ایم که ۵۰۰ بار اول «پشت» و ۵۰۰ بار بعد «رو» آمده است.

اگر سکه را برای مرتبه‌ی ۱۰۰۱م پرتاب کنیم ...

۱) حتماً رو می‌آید.

۲) حتماً پشت می‌آید.

۳) نمی‌توان قطعی گفت اما احتمال آن که «پشت» بباید بیشتر از احتمال «رو» آمدن است.

۴) احتمال پشت و رو آمدن یکی است.

شما پاسخ نداده اید

۴۵- وحید رمز کیف خود را فراموش کرده است. اگر رمز یک عدد سه رقمی باشد و وحید بداند که

رقم صدگان آن صفر نیست، چه قدر احتمال دارد در دفعه‌ی اول وحید رمز را درست وارد کند؟

$$\frac{1}{999} \quad (2)$$

$$\frac{1}{899} \quad (1)$$

$$\frac{1}{900} \quad (4)$$

$$\frac{1}{1000} \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

۴۶- حاصل عبارت زیر کدام است ؟

$$\frac{[3,7] - (21,7)}{(14,42) - (7,14)} = ?$$

۱) ۲

۲) ۱

-۲) ۴

-۱) ۳

شما پاسخ نداده اید

۵۹- در کیسه‌ای تعدادی مهره‌ی سبز و آبی داریم. اگر به‌طور تصادفی مهره‌ای از کیسه بیرون بیاوریم،

احتمال سبز بودن آن مهره برابر  $\frac{2}{11}$  است. تعداد مهره‌های آبی چند برابر تعداد مهره‌های سبز

است؟

$$\frac{9}{2} \quad (2)$$

$$\frac{9}{11} \quad (1)$$

(۴) اطلاعات مسئله کافی نیست.

$$\frac{2}{9} \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ، محاسبه عبارت توان دار ، توان و جذر - ۱۳۹۶۰۲۲۲

۵۸- چه تعداد از عبارات زیر صحیح است؟

الف)  $\sqrt{5}$  بین دو عدد ۴ و ۶ است.

ب)  $\sqrt{7}$  بین دو عدد ۲ و ۳ است.

ج)  $\sqrt{16}$  چهار برابر  $\sqrt{4}$  است.

۱ (۲)

۱) صفر

۳ (۴)

۲ (۳)

شما پاسخ نداده اید

۵۹- حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$15^5 \times 2^9 \times 8^2 = ?$$

۱۲۰۵ (۲)

۳۱۰ (۱)

۳۰۸ (۴)

۱۵۰۵ (۳)

شما پاسخ نداده اید

$$\sqrt{\sqrt{49} + \sqrt{16}} = ?$$

۴(۲)

$\sqrt{11}$  (۱)

۵ (۴)

۳(۳)

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ، بردارهای مساوی و قرینه ، بردار و مختصات - ۱۳۹۶۰۳۲۲

۵۶- نقطه‌ی A را با بردار  $\overrightarrow{AB} = \begin{bmatrix} 3 \\ 5 \end{bmatrix}$  انتقال می‌دهیم و به نقطه‌ی B می‌رسیم. مختصات نقطه‌ی

کدام است؟ A

$$\begin{bmatrix} 10 \\ 11 \end{bmatrix} (۲)$$

$$\begin{bmatrix} -4 \\ -1 \end{bmatrix} (۱)$$

$$\begin{bmatrix} 10 \\ -1 \end{bmatrix} (۴)$$

$$\begin{bmatrix} -4 \\ 11 \end{bmatrix} (۳)$$

شما پاسخ نداده اید

۵۷- اگر کدام  $\begin{bmatrix} 2x \\ 3x+1 \end{bmatrix}$  بردار  $\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{CD} = \begin{bmatrix} 6 \\ -1 \end{bmatrix}$  باشد، بردار قرینه‌ی  $\overrightarrow{CD}$  و  $B = \begin{bmatrix} 3x+2 \\ 3 \end{bmatrix}$  ،  $A = \begin{bmatrix} 2x+1 \\ 2 \end{bmatrix}$  است؟

است؟

$$\begin{bmatrix} 14 \\ 20 \end{bmatrix} (۲)$$

$$\begin{bmatrix} -14 \\ -20 \end{bmatrix} (۱)$$

$$\begin{bmatrix} -20 \\ -14 \end{bmatrix} (۴)$$

$$\begin{bmatrix} 20 \\ 14 \end{bmatrix} (۳)$$

شما پاسخ نداده اید

$$60 - نقطه‌ی A = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix} \text{ را با بردار } \bar{a} = \begin{bmatrix} 6 \\ 2 \end{bmatrix} \text{ و سپس با بردار } \bar{b} = \begin{bmatrix} 2 \\ -5 \end{bmatrix} \text{ انتقال داده‌ایم. مختصات نقطه‌ی}$$

جدید برابر است با:

$$\begin{bmatrix} 6 \\ 0 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{bmatrix} 8 \\ -3 \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$\begin{bmatrix} 9 \\ 0 \end{bmatrix} \quad (4)$$

$$\begin{bmatrix} 9 \\ -3 \end{bmatrix} \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ، بردار انتقال ، بردار و مختصات - ۱۳۹۶۰۲۲۲

۴۱ - با توجه به تساوی زیر  $x + y$  کدام است؟ (نگاه به گذشته)

$$\begin{bmatrix} x+2 \\ 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -4 \\ -(2y+1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix}$$

-۵ (۴)

۶ (۳)

۸ (۲)

-۴ (۱)

شما پاسخ نداده اید

## ریاضی ، ریاضی ، شمارنده‌ی اول ، شمارنده‌ها و اعداد اول - ۱۳۹۶۰۲۲۲

(صفحه‌های ۴۷ تا ۶۵ کتاب درسی - شمارنده‌ها و اعداد اول)

در گزینه‌ی «۱»: ک.م. دو عدد برابر است با ۲۴ که با حاصل ضرب آن‌ها یعنی ۹۶ برابر نیست.

در گزینه‌ی «۲»: ک.م. دو عدد برابر است با ۶۳ ولی حاصل ضرب آن‌ها ۱۸۹ است.

در گزینه‌ی «۳»: ک.م. دو عدد برابر است با ۱۶۵ که حاصل ضرب آن‌ها نیز ۱۶۵ است.

در گزینه‌ی «۴»: ک.م. دو عدد برابر است با ۳۶ ولی حاصل ضرب آن‌ها برابر است با ۱۰۸.

۳

۳✓

۲

۱

## ریاضی ، ریاضی ، محاسبه حجم‌های منشوری ، سطح و حجم - ۱۳۹۶۰۲۲۲

(صفحه‌های ۴۸ تا ۷۳ کتاب درسی - سطح و حجم)

فرض کنید که طول و عرض و ارتفاع را با  $a$ ,  $b$  و  $c$  و حجم مکعب مستطیل را با  $V$  نشان دهیم. پس :

ارتفاع ۴۰ درصد کاهش یافته است. پس فقط ۶۰ درصد آن یا  $60\%$  آن باقی مانده است.

$$\text{طول مکعب جدید} = 10 \times a$$

$$\text{عرض مکعب جدید} = 4 \times b$$

$$\text{ارتفاع مکعب جدید} = 6 \times c$$

$$\text{حجم مکعب جدید} = (10 \times a) \times (4 \times b) \times (6 \times c) = (10 \times 4 \times 6) \times (a \times b \times c) = 24V$$

پس حجم مکعب جدید ۲۴ برابر حجم مکعب اولیه است.

$$\text{میزان تغییر حجم به درصد} = \frac{24V - V}{V} = 23V = 23 \times 100 = 2300\% \Rightarrow \text{تغییر حجم}$$

۳✓

۳

۲

۱

(صفحه‌های ۴۹ تا ۸۱ کتاب درسی - سطح و حجم)

شکل به دست آمده‌ی حاصل از دوران، یک استوانه به ارتفاع ۳۰ واحد و شعاع قاعده‌ی  $10 = 20 \div 2$  واحد است.

$$\text{حجم} = \pi \times r \times r \times h = \pi \times 10 \times 10 \times 30 = 9420$$

۳

۳✓

۲

۱

## ریاضی ، ریاضی ، نمودارها و تفسیر نتیجه‌ها ، آمار و احتمال - ۱۳۹۶۰۲۲۲

روستای یک با ۱۲۰ نفر جمعیت زاویه‌ی ۶۰ درجه در دایره را به خود اختصاص داده است. بنابراین داریم:

$$\frac{60}{360} = \frac{120}{x} \Rightarrow x = \frac{360 \times 120}{60} = 720$$

تعداد کل افراد = ۷۲۰ نفر است.

 ۴ ۳ ۲ ۱

(عذیز الله علی امتحانی)

۵۱- (صفحه‌های ۱۱۵ تا ۱۱۷ کتاب درسی-آمار و احتمال)

زاویه‌ی مربوط به کتاب‌های تاریخی در نمودار دایره‌ای برابر است با:

$$\frac{20}{100} \times 360^\circ = 72^\circ$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(مریم عظیم‌پور)

۵۲- (صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۰ کتاب درسی-آمار و احتمال)

اعداد رو شده هر کدام از اعداد ۱ تا ۶ می‌توانند باشند که از این بین اعداد ۳ و ۵ اعدادی فرد و اول هستند. پس احتمال مطلوب برابر است با:

$$\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(مریم عظیم‌پور)

۵۳- (صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۰ کتاب درسی-آمار و احتمال)

اعداد طبیعی کوچک‌تر ۱۳ عبارتند از:

۱, ۲, ۳, ۴, ..., ۱۲

که از بین این اعداد، اعداد ۳, ۶, ۹ و ۱۲ مضرب سه هستند، ولی در پیشامد مطلوب عدد نباید مضرب ۶ باشد که تنها اعداد ۳ و ۹ مطلوب هستند، پس احتمال خواسته شده‌ی صورت سؤال برابر است با:

$$\frac{2}{12} = \frac{1}{6}$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(نگاه به گذشته: مریم عظیم‌پور)

۴۲- (صفحه‌های ۱۱۲ تا ۱۱۷ کتاب درسی-آمار و احتمال)

از نمودار میله‌ای برای مقایسه‌ی تعداد و پیدا کردن بیشترین و کمترین داده و از نمودار خط شکسته برای نمایش تغییرات کاهش و افزایش استفاده می‌شود.

 ۴ ۳ ۲ ۱

(مجتبی مجاهدی)

۴۳- (صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۰ کتاب درسی-آمار و احتمال)

هر چهقدر عدد مورد نظر کوچک‌تر باشد، تعداد اعداد بیشتری بین ۲۰۰ تا ۱۰۰۰ وجود دارد که بر آن بخش‌پذیر باشند. پس احتمال خواسته شده‌ی صورت سؤال مربوط به آن عدد نیز بیشتر می‌شود. با این توضیحات، چون عدد ۳ از بقیه‌ی اعداد کوچک‌تر است، پس احتمال بخش‌پذیر بودن عدد انتخابی بر عدد ۳ از بقیه بیشتر است.

 ۴ ۳ ۲ ۱

پرتاب ۱۰۰ ام به نتایج پرتتاب‌های قبلی ربطی ندارد و نمی‌توان مشخص کرد که سکه دقیقاً رو می‌آید یا پشت. به علاوه احتمال رو و پشت آمدن یکی است. پس گزینه‌ی «۴» درست است.

<input type="checkbox"/> ۴	<input type="checkbox"/> ۳	<input type="checkbox"/> ۲	<input type="checkbox"/> ۱
----------------------------	----------------------------	----------------------------	----------------------------

ابتدا باید تعداد حالت‌های کل را به دست آورد. چون رقم صدگان عدد رمز، صفر نیست، کل حالت‌های ممکن، همه‌ی اعداد سه رقمی هستند که تعداد آن‌ها برابر است با تعداد اعداد طبیعی از ۱۰۰ تا ۹۹۹ با احتساب خود این دو عدد:

$$\text{تعداد اعداد سه رقمی از } 999 - 100 + 1 = 899 + 1 = 900$$

اما تعداد حالت‌های مطلوب فقط یک حالت است، پس:

$$\text{احتمال} = \frac{1}{900}$$

<input type="checkbox"/> ۴	<input type="checkbox"/> ۳	<input type="checkbox"/> ۲	<input type="checkbox"/> ۱
----------------------------	----------------------------	----------------------------	----------------------------

حاصل هر عبارت را جدا جدا حساب می‌کنیم.

$$\begin{aligned} [3, 7] &= 21, (14, 42) = 14 \\ (21, 7) &= 7, (7, 14) = 7 \\ \Rightarrow \frac{21-7}{14-7} &= \frac{14}{7} = 2 \end{aligned}$$

<input type="checkbox"/> ۴	<input type="checkbox"/> ۳	<input type="checkbox"/> ۲	<input checked="" type="checkbox"/> ۱
----------------------------	----------------------------	----------------------------	---------------------------------------

مهره‌ای به طور تصادفی از کیسه بیرون می‌آوریم؛ احتمال سبز بودن این مهره برابر  $\frac{2}{11}$  است. با توجه به این‌که در کیسه تنها مهره‌های سبز و

آبی داریم، احتمال آبی بودن مهره برابر  $\frac{9}{11}$  است؛ بنابراین نسبت مهره‌های آبی به سبز برابر است با:

$$\frac{\frac{9}{11}}{\frac{2}{11}} = \frac{9}{2}$$

<input type="checkbox"/> ۴	<input type="checkbox"/> ۳	<input checked="" type="checkbox"/> ۲	<input type="checkbox"/> ۱
----------------------------	----------------------------	---------------------------------------	----------------------------

ریاضی ، ریاضی ، محاسبه عبارت توان دار ، توان و جذر - ۱۳۹۶۰۲۲۲

عبارت (الف)  $4 < 5 < 9 < 2 < \sqrt{5} < 3$

عبارت (ج)  $\sqrt{16} = 4, \sqrt{4} = 2 \Rightarrow \frac{4}{2} = 2$

<input type="checkbox"/> ۴	<input type="checkbox"/> ۳	<input checked="" type="checkbox"/> ۲	<input type="checkbox"/> ۱
----------------------------	----------------------------	---------------------------------------	----------------------------

$$15^5 \times 2^9 \times 4^2 = 15^5 \times (2^5 \times 2^4) \times (2^3 \times 2^3) = 15^5 \times 2^5 \times 2^5 \times 2^5 = (15 \times 2 \times 2 \times 2)^5 = 12^5$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

$$\sqrt{49} = 7, \sqrt{16} = 4 \Rightarrow \sqrt{\sqrt{16}} = \sqrt{4} = 2$$

$$\sqrt{\sqrt{49} + \sqrt{\sqrt{16}}} = \sqrt{7+2} = \sqrt{9} = 3$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

## ریاضی ، ریاضی ، بردارهای مساوی و قرینه ، بردار و مختصات - ۱۳۹۶۰۲۲۲

$$A + \overrightarrow{AB} = B \Rightarrow A = \begin{bmatrix} 3 \\ 5 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -7 \\ 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 10 \\ -1 \end{bmatrix}$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

$$\overrightarrow{AB} = \begin{bmatrix} 3x+2 \\ 3 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2x+1 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x+1 \\ 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{قرشهی } \overrightarrow{CD}} \begin{bmatrix} -(x+1) \\ -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 \\ -1 \end{bmatrix} \Rightarrow x+1=-6 \Rightarrow x=-7 \Rightarrow \begin{bmatrix} 2x \\ 3x+1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -14 \\ -20 \end{bmatrix}$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

$$A = \begin{bmatrix} 1 \\ 4 \end{bmatrix} \xrightarrow{\begin{bmatrix} 6 \\ 2 \end{bmatrix}} \begin{bmatrix} 7 \\ 5 \end{bmatrix} \xrightarrow{\begin{bmatrix} 2 \\ -5 \end{bmatrix}} \begin{bmatrix} 9 \\ 0 \end{bmatrix}$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

## ریاضی ، ریاضی ، بردار انتقال ، بردار و مختصات - ۱۳۹۶۰۲۲۲

$$\begin{bmatrix} x+2 \\ 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -4 \\ -(2y+1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{cases} x+2-4=4 \Rightarrow x=6 \\ 3-(2y+1)=-2 \Rightarrow y=2 \end{cases} \Rightarrow x+y=6+2=8$$

 ۴ ۳ ۲ ۱