



**سایت ویژه ریاضیات** [www.riazisara.ir](http://www.riazisara.ir)

**درسنامه ها و جزوه های دروس ریاضیات**

**دانلود نمونه سوالات امتحانات ریاضی**

**نمونه سوالات و پاسخنامه کنکور**

**دانلود نرم افزارهای ریاضیات**

**و...و**

**کانال سایت ریاضی سرا در تلگرام:**

<https://telegram.me/riazisara> (@riazisara)

۸۱- مقدار  $a$  کدام باشد تا مجموع ریشه‌های معادله  $x^2 - 3x + 1 = 4ax^2$  برابر  $\frac{3}{2}$  باشد؟

۱) ۲

$\frac{2}{3}$ ) ۱

۲) ۴

$\frac{1}{2}$ ) ۳

شما پاسخ نداده اید

۸۲- در مورد جواب‌های معادله کسری  $\frac{x-1}{x+2} - \frac{x}{x-2} = \frac{-x^2 - 4}{x^2 - 4}$  درست است؟

- ۱) دو جواب مثبت دارد.  
۲) یک جواب منفی دارد.  
۳) یک جواب مثبت دارد.  
۴) جواب ندارد.

شما پاسخ نداده اید

۸۳- معادله  $x = \sqrt{12-x}$  دارای چند جواب است؟

۱) ۴

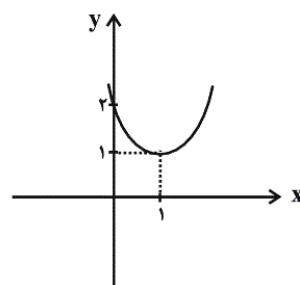
۲) ۳

۳) ۲

۴) صفر

شما پاسخ نداده اید

۸۴- تابع مربوط به نمودار شکل زیر، کدام است؟



$$y = 2x^2 - 4x + 1 \quad (۱)$$

$$y = x^2 + x + 2 \quad (۲)$$

$$y = -x^2 + 2x + 2 \quad (۳)$$

$$y = x^2 - 2x + 2 \quad (۴)$$

شما پاسخ نداده اید

-۸۵ - طول رأس دو سهمی ۳ و  $y = x^2 - 4x + 3$  برابر هستند. کدام است؟

-۴ (۱)

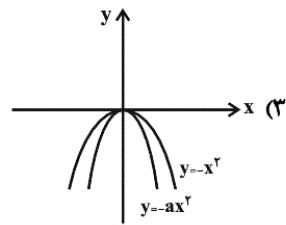
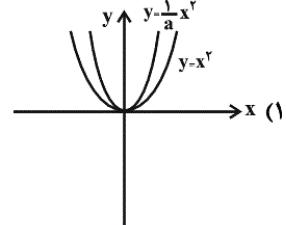
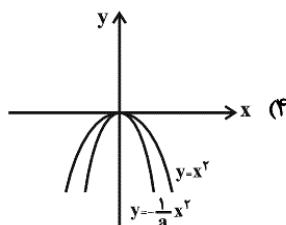
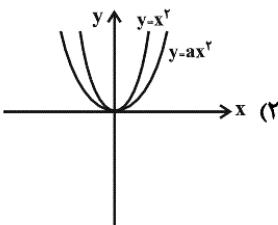
۴ (۲)

۲ (۳)

-۲ (۴)

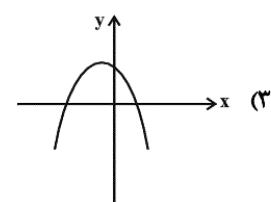
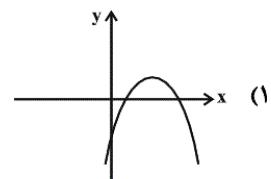
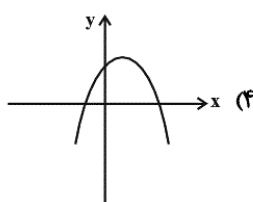
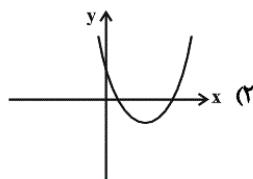
شما پاسخ نداده اید

-۸۶ - اگر  $a$  عددی طبیعی و بزرگتر از یک باشد، در کدام گزینه سهمی‌ها به درستی رسم شده است؟



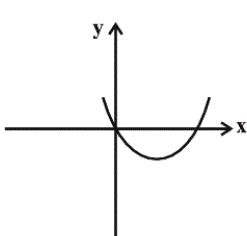
شما پاسخ نداده اید

-۸۷ - شکل تقریبی نمودار  $y = -2x^2 + 4x + 5$  کدام است؟



شما پاسخ نداده اید

-۸۸ - ضابطه‌ی تابع مربوط به نمودار شکل زیر کدام می‌تواند باشد؟



$$y = 2(x - 2)^2 - 2 \quad (۱)$$

$$y = \frac{1}{2}(x - 2)^2 - 2 \quad (۲)$$

$$y = \frac{1}{2}(x + 2)^2 - 2 \quad (۳)$$

$$y = 2(x + 2)^2 - 2 \quad (۴)$$

شما پاسخ نداده اید

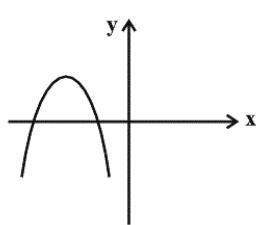
-۸۹ - معادله‌ی سهمی شکل زیر کدام می‌تواند باشد؟

$$y = -x^2 + 3x - 1 \quad (۱)$$

$$y = -x^2 + 3x + 1 \quad (۲)$$

$$y = -x^2 - 3x - 2 \quad (۳)$$

$$y = -x^2 - 3x + 2 \quad (۴)$$



شما پاسخ نداده اید

-۹۰- تابع درجه دومی محور  $X$  را در نقاطی به طول ۲ و ۴ قطع کرده است. این تابع محور  $Y$  را در نقطهای به عرض ۱۶ قطع می‌کند.

عرض رأس این سهمی کدام است و این نمودار به کدام طرف باز می‌شود؟

- ۱) ۲ - رو به بالا      ۲) ۳ - رو به پایین      ۳) ۳ و رو به بالا      ۴) ۴ و رو به پایین

شما پاسخ نداده اید

### ریاضی ، ریاضی ۳ ، معادله و تابع‌های درجه‌ی دوم - ۱۳۹۵/۱۲۰

(کورش دادی، صفحه‌ی ۶۷ تا ۶۹)

-۸۱

$$4ax^2 - 3x + 1 = 0 \xrightarrow{\text{مقایسه با فرم استاندارد}} \begin{cases} a' = 4a \\ b' = -3 \\ c' = 1 \end{cases}$$

$$S = \frac{-b'}{a'} = \frac{-(-3)}{4a} \Rightarrow \frac{3}{4a} = \frac{3}{2} \Rightarrow 4a = 2$$

$$\Rightarrow a = \frac{1}{2}$$

۴

۳✓

۲

۱

(محمد بهیرائی، صفحه‌ی ۷۰ تا ۷۳)

-۸۲

ابتدا طرف چپ معادله را ساده می‌کنیم، داریم:

$$\frac{x-1}{x+2} - \frac{x}{x-2} = \frac{-x^2 - 4}{x^2 - 4}$$

$$\Rightarrow \frac{(x-1)(x-2) - x(x+2)}{(x+2)(x-2)} = \frac{-x^2 - 4}{x^2 - 4} \Rightarrow \frac{x^2 - 3x + 2 - x^2 - 2x}{x^2 - 4} = -x^2 - 4 \Rightarrow x^2 - 5x + 6 = 0$$

$$\Rightarrow (x-2)(x-3) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 2 & \text{غیر قابل} \\ x = 3 & \text{قابل} \end{cases}$$

دقیق است.  $x = 2$  جواب معادله نمی‌باشد، چون ریشه‌ی مخرج معادله است.

۴

۳

۲✓

۱

(همید زرین‌کش، صفحه‌ی ۷۱ تا ۷۴)

-۸۳

ابتدا طرفین معادله را به توان (۲) می‌رسانیم:

$$x = \sqrt{12-x} \Rightarrow x^2 = 12 - x \Rightarrow x^2 + x - 12 = 0 \Rightarrow (x+4)(x-3) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x+4=0 & \text{غیر قابل} \\ x-3=0 & \text{قابل} \end{cases} \Rightarrow x = 3$$

جواب  $x = -4$  قابل قبول نمی‌باشد، چون طرف چپ معادله را منفی می‌کند.

۴

۳

۲✓

۱

(محمد بهیراثی، صفحه‌های ۸۲ تا ۸۷)

نقطه‌ی (۲) در معادله‌ی تابع صدق می‌کند. پس گزینه‌ی «۱» نمی‌تواند جواب باشد.

از طرفی چون دهانه‌ی سهمی رو به بالا است، پس ضریب  $x^2$  مثبت است بنابراین گزینه‌ی «۳» نیز نمی‌تواند صحیح باشد. چون طول رأس سهمی برابر  $x_S = 1$  است، پس گزینه‌ی «۴» صحیح است. ۴ ✓ ۳ ۲ ۱

(کورش شاه منصوریان، صفحه‌ی ۹۰ تا ۹۵)

طول رأس سهمی  $x_S = \frac{-b}{2a}$  از رابطه‌ی  $y = ax^2 + bx + c$  به دست می‌آید. طول رأس

هر دو سهمی را به دست می‌آوریم و برابر یکدیگر قرار می‌دهیم:

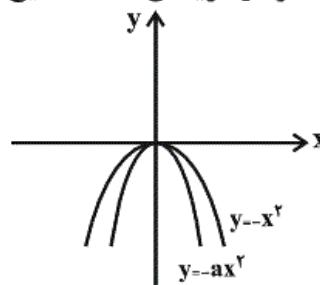
$$y = x^2 + 2nx + 3 \Rightarrow x_S = \frac{-2n}{2 \times 1} = -n$$

$$y = x^2 - 4x + 3 \Rightarrow x_{S'} = \frac{-(-4)}{2 \times 1} = \frac{4}{2} = 2$$

$$\Rightarrow x_S = x_{S'} \Rightarrow -n = 2 \Rightarrow n = -2$$

 ۴ ۳ ۲ ۱ ✓

(همید زرین‌کفش، صفحه‌ی ۸۲ تا ۸۷)

اگر  $a$  عددی طبیعی و بزرگتر از یک باشد، در این صورت نمودار سهمی  $y = \pm ax^2$ نسبت به نمودار  $y = \pm x^2$  بسته‌تر و نمودار  $y = \pm \frac{1}{a}x^2$  نسبت به نمودار $y = \pm x^2$  بازتر می‌شود، پس نمودار گزینه‌ی «۳» صحیح است. ۴ ۳ ✓ ۲ ۱

$$y = -2x^2 + 4x + 5 \xrightarrow{\text{مقایسه با فرم استاندارد } y=ax^2+bx+c} \begin{cases} a = -2 \\ b = 4 \\ c = 5 \end{cases}$$

$$x_S = \frac{-b}{2a} = \frac{-(4)}{2 \times (-2)} = \frac{-4}{-4} = 1$$

$$y_S = -2 \times (1)^2 + 4 \times (1) + 5 = -2 + 4 + 5 = 7$$

$$\text{از طرفی } x = 0 \Rightarrow y = -2 \times (0)^2 + 4 \times (0) + 5 = 5$$

از طرفی  $a < 0$ ، پس نمودار سهمی رو به پایین باز می‌شود. پس با توجه به موارد فوق، نمودار گزینه‌ی «۴» صحیح است.

۴✓

۳

۲

۱

چون نقطه‌ی  $(0, 0)$  در معادله تابع صدق می‌کند پس گزینه‌های «۱» و «۴» صحیح نمی‌باشند. از طرفی چون طول رأس سهمی مثبت می‌باشد پس گزینه‌ی «۲» پاسخ صحیح است.

۴

۳

۲✓

۱

فرض می‌کنیم معادله‌ی سهمی به صورت  $y = ax^2 + bx + c$  باشد. چون سهمی رو به پایین باز شده، پس می‌بایست  $a$  منفی باشد، از طرفی طول رأس سهمی با توجه به نمودار منفی می‌باشد، داریم:

$$x_S = \frac{-b}{2a} < 0 \xrightarrow{a < 0} b < 0$$

و از طرفی سهمی محور عرض‌ها را در نقطه‌ای به عرض منفی قطع می‌کند، پس  $c < 0$  باشد، با توجه به شرایط بالا گزینه‌ی «۳» پاسخ صحیح است.

۴

۳✓

۲

۱

با توجه به این که این تابع محور  $x$  ها در نقطه‌های ۲ و ۴ قطع می‌کند، یعنی  $y$  بهارای  $x = 2$  و  $x = 4$  برابر صفر می‌شود. بنابراین می‌توان این تابع را به صورت زیر نوشت:

$$y = k(x - 2)(x - 4) \xrightarrow{x=0 \Rightarrow y=16} 16 = k(-2)(-4) \Rightarrow k = 2$$

بنابراین تابع مورد نظر به صورت زیر است:

$$y = 2(x^2 - 6x + 8) = 2x^2 - 12x + 16$$

طول رأس سهمی به صورت  $x_s = -\frac{b}{2a}$  می‌باشد، پس داریم:

$$x_s = \frac{-(-12)}{2(2)} = \frac{12}{4} = 3 \Rightarrow y_s = 2(3)^2 - 12(3) + 16 = 18 - 36 + 16 = -2$$

عرض رأس سهمی ۲ و از آن جایی که  $a > 0$  سهمی رو به بالا باز می‌شود.

۴

۳

۲

۱ ✓