



www.riazisara.ir سایت ویژه ریاضیات

درسنامه ها و جزوه های دروس ریاضیات

دانلود نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نمونه سوالات و پاسخنامه کنکور

دانلود نرم افزارهای ریاضیات

و...و

کانال سایت ریاضی سرا در تلگرام:

[@riazisara](https://telegram.me/riazisara)

ریاضی ، ریاضی پیش‌دانشگاهی ، احتمال - ۱۳۹۵۱۰۲۴

۱۲۱- تیراندازی ۶۰ درصد تیرهایش به هدف می‌خورد. احتمال آن که او در ۳ بار تیراندازی فقط یک بار به هدف بزند، کدام است؟

- ۰/۳۴۲ (۴) ۰/۳۱۲ (۳) ۰/۲۸۸ (۲) ۰/۲۶۴ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۲۲- ظرف A شامل ۴ مهره‌ی سفید و ۴ مهره‌ی سیاه و ظرف B شامل ۵ مهره‌ی سیاه و ۲ مهره‌ی سفید است. مهره‌ای به تصادف از ظرف A برداشته و در ظرف B قرار می‌دهیم. حال یکی از ظرف‌ها را به تصادف انتخاب کرده و مهره‌ای به تصادف از آن خارج می‌کنیم. با کدام احتمال مهره‌ی خارج شده سفید است؟

- $\frac{21}{32}$ (۴) $\frac{5}{16}$ (۳) $\frac{13}{32}$ (۲) $\frac{5}{32}$ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۲۳- احتمال پیشامد آن که مجموع عددهای رو شده در پرتاب تاس‌ها کمتر از پنج باشد، در فضای نمونه‌ای پرتاب دو تاس، چند برابر احتمال این پیشامد در فضای نمونه‌ای پرتاب سه تاس است؟

- ۱۶ (۴) ۹ (۳) ۴ (۲) ۱ (۱)

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی پیش‌دانشگاهی ، تابع ، توابع و معادلات - ۱۳۹۵۱۰۲۴

۱۲۴- اگر مجموع مربعات جواب‌های معادله $m(x^3 + 1) + 2x = m$ برابر ۱۲ باشد، m کدام است؟

- $\pm\sqrt{3}$ (۴) ± 4 (۳) $\pm\sqrt{5}$ (۲) ± 2 (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۲۵- تابع خطی f مفروض است. اگر نمودار دو تابع f^{-1} و f محور x را در نقطه‌ای به طول یک قطع کنند. (۲) f^{-1} کدام است؟

- ۲ (۴) ۱ (۳) ۰ صفر (۲) -۱ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۲۶- اگر $[x]$ و $f(x) = x - [x]$ و $g(x) = x + [x]$ علامت جزء صحیح است. () علامت جزء صحیح است.

- $(f-g)(x)$ (۴) $(f+g)(x)$ (۳) g(x) (۲) f(x) (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۲۷- در یک دنباله‌ی هندسی نامتناهی، مجموع سه جمله‌ی اول برابر ۱۴ و مجموع سه جمله‌ی دوم برابر $\frac{7}{4}$ است. مجموع همه

جملات دنباله کدام است؟

- ۱۶ (۴) ۱۸ (۳) ۲۴ (۲) ۲۰ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۲۸- دنباله‌ی $\left\{ \frac{n \cos(n\pi)}{n+1} \right\}$ چگونه است؟

- (۱) سعودی - کراندار
(۲) نه سعودی نه نزولی - کراندار
(۳) نزولی - غیرکراندار

شما پاسخ نداده اید

۱۲۹- اگر $x = 1$ یک جواب معادله $\log_2^{x+a} = \log_2^{\frac{x}{2}} + 2$ باشد، جواب دیگر معادله کدام است؟
 ۴) معادله جواب دیگری ندارد. ۲(۳) ۴(۲) ۸(۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۳۰- جواب کلی معادله $\cot 2x = 1 + \cot x$ کدام است؟

$\frac{k\pi}{4}$ (۴) $k\pi + \frac{\pi}{4}$ (۳) $k\pi - \frac{\pi}{4}$ (۲) $k\pi \pm \frac{\pi}{4}$ (۱)

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی پیش‌دانشگاهی- گواه ، احتمال - ۱۳۹۵۱۰۲۴

۱۳۲- در پرتاب یک تاس، اگر عدد زوج ظاهر شود، یک تیرانداز مجاز است ۴ تیر رها کند، در غیر این صورت ۳ تیر رها می‌کند.
 می‌دانیم احتمال موفقیت در هر تیر رها شده $\frac{2}{3}$ است. با کدام احتمال، فقط ۲ بار موفقیت حاصل می‌شود؟

$\frac{13}{27}$ (۴) $\frac{11}{27}$ (۳) $\frac{10}{27}$ (۲) $\frac{8}{27}$ (۱)

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی پیش‌دانشگاهی- گواه ، ترکیبیات ، احتمال - ۱۳۹۵۱۰۲۴

۱۳۱- اگر در یک سالن دو ردیف صندلی و هر ردیف شامل ۷ صندلی باشد، به چند طریق ۵ دانش‌آموز اول دبیرستان و ۴ دانش‌آموز دوم دبیرستان می‌توانند روی آن‌ها بنشینند به‌طوری که اولی‌ها در ردیف اول باشند؟
 $P(7,5) P(7,4)$ (۴) ۷۳۵ (۳) $21 \times 9!$ (۲) $12 \times 9!$ (۱)

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی پیش‌دانشگاهی- گواه ، تابع ، توابع و معادلات - ۱۳۹۵۱۰۲۴

۱۳۳- به ازای کدام مقدار m نمودار تابع $y = 2x^3 + (m+1)x + m + 6$ محورهای مختصات، مماس است؟

۱۲(۴) ۱۲(۳) ۱۲(۲) ۱۲(۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۳۴- مجموعه جواب نامعادله $|x - 4| < 2x - 5$ ، به کدام صورت است؟

$(1 - \sqrt{6}, 1 + \sqrt{6})$ (۲) (۱, ۵) (۱)

$(-\infty, 1 - \sqrt{6}) \cup (1, 5) \cup (1 + \sqrt{6}, +\infty)$ (۳)

شما پاسخ نداده اید

۱۳۵- اگر $x < 0$ باشد، حاصل $[x] + [x^2] + [x^3] + [x^4]$ کدام است؟ ([علامت جزء صحیح است.)

۱(۴) ۳(۳) صفر ۲(۲) -۱(۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۳۶- تابع با ضابطه $f(x) = |x+1| - |x-6|$ در یک بازه، صعودی است. ضابطهٔ معکوس آن در این بازه، کدام است؟

$\frac{1}{2}x - 1 ; -4 < x < 8$ (۴) $x + 7 ; x > -4$ (۳) $\frac{1}{3}x + 2 ; x > 3$ (۲) $-x + 7 ; x > 8$ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۳۷- اعداد طبیعی فرد را به طریقی دسته‌بندی می‌کنیم که تعداد جملات در هر دسته، برابر شماره‌ی آن دسته باشد، ...، (۱)، (۲، ۹، ۱۱)، (۳، ۵) است. مجموع دو جمله‌ی اول و آخر دسته‌ی سی‌ام، کدام است؟

(۱) ۱۷۰۰ (۲) ۱۷۵۰ (۳) ۱۸۰۰ (۴) ۱۸۵۰

شما پاسخ نداده اید

۱۳۹- تعداد باکتری‌ها در یک نوع کشت، بعد از t دقیقه به صورت $f(t) = Ae^{kt}$ است. اگر تعداد این باکتری‌ها در شروع کشت ۸۰۰ و در دقیقه‌ی بیستم برابر ۳۲۰۰ باشد، در دقیقه‌ی سی‌ام تعداد آنها کدام است؟

(۱) ۴۸۰۰ (۲) ۵۶۰۰ (۳) ۶۴۰۰ (۴) ۷۲۰۰

شما پاسخ نداده اید

۱۴۰- در معادله‌ی مثلثاتی $\sin 2x(\sin x + \cos x) = \cos 2x(\cos x - \sin x)$ ، کدام است؟

(۱) $\frac{3\pi}{4}$ (۲) $\frac{5\pi}{4}$ (۳) $\frac{\pi}{2}$ (۴) $\frac{7\pi}{4}$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی پیش‌دانشگاهی- گواه ، دنباله و تصادع ، توابع و معادلات - ۱۳۹۵۱۰۲۴

۱۳۸- جملات دنباله‌ی ...، $2/3999$, $2/399$, $2/39$, به یک عدد ثابت و گویا، بسیار نزدیک می‌شود. جمله‌ی دهم دنباله‌ی تفاضل آنها از این عدد ثابت کدام است؟

(۱) 10^{-11} (۲) 10^{-10} (۳) 10^{-9} (۴) 2×10^{-10}

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی پیش‌دانشگاهی ، احتمال - ۱۳۹۵۰۲۴

(بهترین طالبی)

-۱۲۱

با توجه به دستور توزیع دو جمله‌ای داریم:

$$P(X=1) = \binom{3}{1} \left(\frac{1}{6}\right)^1 \left(\frac{1}{4}\right)^2 = 3 \left(\frac{1}{6}\right) \left(\frac{1}{16}\right) = \frac{3}{96} = \frac{1}{32}$$

(احتمال) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۹)

۱

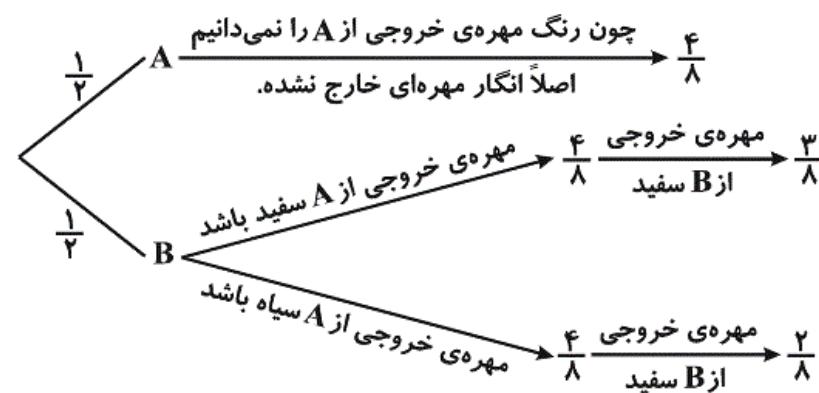
۲

۳

۴

(حسین اسفینی)

-۱۲۲



$$P = \frac{1}{2} \times \frac{4}{8} + \frac{1}{2} \times \frac{4}{8} \times \frac{3}{8} + \frac{1}{2} \times \frac{4}{8} \times \frac{2}{8}$$

$$\Rightarrow P = \frac{1}{4} + \frac{3}{32} + \frac{1}{16} \Rightarrow P = \frac{8+3+2}{32} = \frac{13}{32}$$

(احتمال) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۹) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۴)

۱

۲

۳

۴

برای پرتاب دو تاس داریم:

مجموع عددهای روشده	۲	۳	۴
تعداد حالتها	۱	۲	۳

$$\Rightarrow P_1 = \frac{1+2+3}{6^2} = \frac{1}{6}$$

برای پرتاب سه تاس، در حالت‌های زیر مجموع عددهای رو شده کمتر از

$$(1,1,1), (2,1,1), (1,2,1), (1,1,2) \Rightarrow P_2 = \frac{4}{6^3}$$

پنج است:

$$\Rightarrow \frac{P_1}{P_2} = \frac{\frac{1}{6}}{\frac{4}{6^3}} = \frac{6^3}{6 \times 4} = 9$$

(احتمال) (ریاضی ۳، صفحه‌های ۶ تا ۱۲)

 ۴ ۳ ۲ ۱

ریاضی ، ریاضی پیش‌دانشگاهی ، تابع ، توابع و معادلات - ۱۳۹۵۱۰۲۴

چون یک جواب معادله صفر است، بنابراین مجموع مربعات جواب‌های

معادله $x^2 + mx + 2 = 0$ برابر ۱۲ است. در نتیجه اگر S و P به ترتیب

مجموع و حاصل ضرب جواب‌های معادله فوق باشند، داریم:

$$\text{مجموع مربعات جواب‌ها} = 12 \Rightarrow S^2 - 2P = 12$$

$$\Rightarrow (-m)^2 - 2(2) = 12 \Rightarrow m = \pm 4$$

(تابع و معادلات) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۲۵ تا ۲۷)

 ۴ ۳ ۲ ۱

نمودار تابع f محور x را در نقطه‌ای به طول یک قطع کرده است. بنابراین:

$$f(1) = 0 \Rightarrow (1, 0) \in f \Rightarrow (0, 1) \in f^{-1}$$

از طرفی نمودار f^{-1} نیز محور x را در نقطه‌ای به طول یک قطع می‌کند،

$$f^{-1}(1) = 0 \Rightarrow (1, 0) \in f^{-1}$$

بنابراین:

بنابراین معادله f^{-1} به صورت زیر محاسبه می‌شود. دقت کنید که چون f

خطی است، پس f^{-1} نیز خطی است.

$$f^{-1}(x) = ax + b \Rightarrow \begin{cases} (0, 1) \in f^{-1} \Rightarrow 1 = 0 + b \Rightarrow b = 1 \\ (1, 0) \in f^{-1} \Rightarrow a + b = 0 \xrightarrow{b=1} a = -1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f^{-1}(x) = -x + 1 \Rightarrow f^{-1}(2) = -2 + 1 = -1$$

(توابع و معادلات) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۴۱ تا ۱۴۳ و ۱۴۹ تا ۱۵۴)

(ریاضی عمومی، صفحه‌های ۳۵ تا ۳۸)

۴

۳

۲

۱ ✓

(میثم همراه لوبن)

-۱۲۶-

$$0 \leq x - [x] < 1 \Rightarrow [x - [x]] = 0$$

ابتدا توجه کنید که:

ضابطه fog را تشکیل می‌دهیم:

$$f(g(x)) = f(x - [x]) = x - [x] + \underbrace{[x - [x]]}_{\text{بین صفر و یک}} = x - [x] + 0$$

$$\Rightarrow f(g(x)) = x - [x] = g(x)$$

(توابع و معادلات) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۲۹ تا ۳۲، ۳۴ و ۳۵)

۴

۳

۲ ✓

۱

$$a_1 + a_2 + a_3 = \frac{7}{4} \Rightarrow a_1 q^0 + a_1 q^1 + a_1 q^2 = \frac{7}{4}$$

$$\Rightarrow a_1 q^0 (1 + q + q^2) = \frac{7}{4} \quad (**)$$

با تقسیم طرفین تساوی (*) و (**) بر هم داریم:

$$\frac{a_1 q^0 (1 + q + q^2)}{a_1 (1 + q + q^2)} = \frac{\frac{7}{4}}{14} \Rightarrow q^0 = \frac{1}{8} \Rightarrow q = \frac{1}{2}$$

با جایگذاری مقدار q در تساوی (*) داریم:

$$a_1 (1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4}) = 14 \Rightarrow a_1 (\frac{7}{4}) = 14 \Rightarrow a_1 = 8$$

در نتیجه مجموع همهٔ جملات دنباله برابر است با:

$$S_{\infty} = \frac{a_1}{1-q} = \frac{8}{1-\frac{1}{2}} = \frac{8}{\frac{1}{2}} = 16$$

(توابع و معادلات) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳) (ریاضی عمومی، صفحه‌ی ۴۴)

۴✓

۳

۲

۱

(بابک سادات)

-۱۲۸-

از آنجا که $\cos n\pi = (-1)^n$ ، بنابراین:

$$a_n = \frac{n(-1)^n}{n+1} \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} a_n = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(-1)^n n}{n+1}$$

$$= \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(-1)^n n}{n} = \lim_{n \rightarrow \infty} (-1)^n = \pm 1 \quad \text{واگرا و کراندار:}$$

$$-\frac{1}{2}, \frac{2}{3}, -\frac{3}{4}, \dots$$

از طرفی جملات دنباله به صورت مقابل هستند:

پس دنباله نه صعودی و نه نزولی است.

(توابع و معادلات) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۴۵ تا ۴۷)

۴

۳

۲✓

۱

(فرهاد هامی)

 $x=1$ یک جواب معادله است. پس در معادله صدق می‌کند:

$$\log_2^{(1+a)} = \log_2^2 + 2 \Rightarrow \log_2^{(1+a)} = 3$$

$$\Rightarrow 1+a=8 \Rightarrow a=7$$

حال با قرار دادن $a=7$ ، معادله را حل می‌کنیم:

$$\log_2^{x+7} = \log_2^{\frac{x}{2}} + 2 \Rightarrow \log_2^{x+7} - \log_2^{\frac{x}{2}} = 2$$

$$\log_2^{\frac{x+7}{2}} = 2 \Rightarrow \log_2^{\frac{x^2+7x}{2}} = 2$$

$$\Rightarrow \frac{x^2+7x}{2} = 2^2 = 4 \Rightarrow x^2+7x=8$$

$$\Rightarrow x^2+7x-8=0 \Rightarrow \begin{cases} x=1 \\ x=-8 \end{cases}$$

۴✓

۳

۲

۱

(آرش رحیمی)

از آنجا که $\cot x - \tan x = 2 \cot 2x$ داریم: \Rightarrow معادله $\cot x - \tan x = 1 + \cot x \Rightarrow -\tan x = 1 \Rightarrow \tan x = -1$

$$\Rightarrow x = k\pi - \frac{\pi}{4}$$

(توابع و معادلات) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۵۹ تا ۶۴)

۴

۳

۲✓

۱

$$\binom{4}{2} \left(\frac{2}{3}\right)^2 \left(\frac{1}{3}\right)^1 = 6 \times \frac{4}{9} \times \frac{1}{9} = \frac{24}{81} = \frac{8}{27}$$

احتمال برخورد ۲ تیر از ۳ تیر به هدف:

$$\binom{3}{2} \left(\frac{2}{3}\right)^2 \left(\frac{1}{3}\right)^1 = 3 \times \frac{4}{9} \times \frac{1}{3} = \frac{12}{27}$$

$$P(A) = \frac{1}{2} \times \frac{8}{27} + \frac{1}{2} \times \frac{12}{27} = \frac{20}{54} = \frac{10}{27}$$

(احتمال) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۱۹ تا ۲۰)

۴

۳

۲

۱

ریاضی ، ریاضی پیش‌دانشگاهی- گواه ، ترکیبیات ، احتمال - ۱۳۹۵۱۰۲۴

(سؤال ۸۳۵ کتاب آبی)

-۱۳۱

ابتدا ۵ دانش‌آموز اول دبیرستان را در ردیف اول جای می‌دهیم. به این ترتیب که ابتدا از میان ۷ صندلی، ۵ صندلی را به $\binom{7}{5}$ طریق انتخاب کرده

و سپس ۵ دانش‌آموز سال اولی به $!^5$ حالت می‌توانند روی ۵ صندلی انتخابی از ردیف اول بنشینند. حال که ۵ دانش‌آموز اول دبیرستانی در ردیف اول نشسته‌اند، ۹ صندلی (۲ صندلی ردیف اول و ۷ صندلی ردیف دوم) خالی مانده است. بنابراین برای نشستن ۴ دانش‌آموز دوم دبیرستان ابتدا ۴ صندلی از ۹ صندلی باقی‌مانده را انتخاب کرده و ۴ دانش‌آموز سال دومی، به $!^4$ طریق می‌توانند روی آن صندلی‌های انتخابی بنشینند. بنابراین تعداد حالت‌ها به کمک اصل ضرب برابر می‌شود با:

$$\begin{aligned} \binom{7}{5} \times 5! \times \binom{9}{4} \times 4! &= \frac{7!}{5!2!} \times \frac{9!}{4!5!} \times 4! = \frac{7! \times 9!}{5! \times 2!} \\ &= \frac{7 \times 6 \times 5! \times 9!}{2 \times 5!} = 21 \times 9! \end{aligned}$$

(آنالیز ترکیبی) (ریاضی ۲، تمرین ۷، صفحه‌های ۱۸۰ و ۱۸۶)

۴

۳

۲

۱

برای آن که نمودارهای دوتابع بر هم مماس باشند، باید معادله‌ی حاصل از تلاقی آن‌ها دارای ریشه‌ی مضاعف باشد.

$$\begin{cases} y = 2x^2 + (m+1)x + m + 6 \\ y = x \end{cases} : \text{تابع مورد نظر سؤال}$$

$$2x^2 + (m+1)x + m + 6 = x$$

$$2x^2 + mx + (m+6) = 0$$

برای آن که معادله‌ی اخیر که یک معادله‌ی درجه دوم است دارای ریشه‌ی مضاعف باشد، باید $\Delta = 0$ باشد، پس:

$$m^2 - 4(2)(m+6) = 0 \Rightarrow m^2 - 8m - 48 = 0$$

$$\Rightarrow (m-12)(m+4) = 0 \Rightarrow \begin{cases} m = 12 \\ m = -4 \end{cases}$$

به ازای مقادیر به دست آمده برای m ، ریشه‌ی معادله‌ی تلاقی که طول نقطه‌ی تماس نمودار دوتابع است را به دست می‌آوریم:

$$\begin{cases} m = 12 \Rightarrow 2x^2 + 12x + 18 = 0 \Rightarrow 2(x+3)^2 = 0 \Rightarrow x = -3 \\ m = -4 \Rightarrow 2x^2 - 4x + 2 = 0 \Rightarrow 2(x-1)^2 = 0 \Rightarrow x = 1 \end{cases}$$

به ازای $m = 12$ ، طول نقطه‌ی تلاقی $x = -3$ خواهد بود که در ناحیه‌ی اول قرار ندارد. با توجه به اینکه در صورت سؤال تأکید شده است نمودار تابع بر نیمساز ناحیه‌ی اول مماس است، فقط مقدار $m = -4$ را می‌پذیریم.

(تابع و معادلات) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۲۰ تا ۲۵)

۴

۳

۲

۱ ✓

با تعیین علامت عبارت داخل قدرمطلق و حذف آن، نامعادله را حل

می‌کنیم:

$$\begin{cases} x \geq 0 : |x| = x \\ \rightarrow (x-4)(x) < 2x-5 \Rightarrow x^2 - 6x + 5 < 0 \\ \Rightarrow 1 < x < 5 \quad (*) \\ x < 0 : |x| = -x \\ \rightarrow (x-4)(-x) < 2x-5 \Rightarrow x^2 - 2x - 5 > 0 \\ x < 1 - \sqrt{6} \text{ یا } x > 1 + \sqrt{6} \xrightarrow{x < 0} x < 1 - \sqrt{6} \quad (**) \end{cases}$$

پس مجموعه‌ی جواب نامعادله که از اجتماع جواب‌های (*) و (**) حاصل

$$(-\infty, 1 - \sqrt{6}) \cup (1, 5)$$

می‌شود برابر است با:

(توابع و معادلات) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۲۷ تا ۲۹)

۴ ✓

۳

۲

۱

اگر $x^4 + x < 0$ باشد، آنگاه $x < -1$ خواهد بود، لذا:

$$-1 < x < 0 \Rightarrow [x] = -1$$

$$-1 < x < 0 \Rightarrow 0 < x^2 < 1 \Rightarrow [x^2] = 0$$

$$-1 < x < 0 \Rightarrow -1 < x^4 < 0 \Rightarrow [x^4] = -1$$

$$-1 < x < 0 \Rightarrow 0 < x^4 < 1 \Rightarrow [x^4] = 0$$

$$[x] + [x^2] + [x^4] + [x^4] = -1 + 0 - 1 + 0 = -2$$

پس:

(توابع و معادلات) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۲۹ تا ۳۲)

۴

۳

۲

۱ ✓

با توجه به شبیه خطهای حاصل، تابع f در فاصله‌ی $x > 3$ صعودی است

(ضریب x مثبت است). پس ضابطه‌ی معکوس تابع را در این فاصله

$$f(x) = x - 7 \quad x > 3$$

می‌یابیم:

$$y = x - 7 \Rightarrow x = y + 7 \Rightarrow y = x + 7$$

دامنه‌ی تابع معکوس که همان برد تابع f است، به صورت زیر محاسبه

$$x > 3 \Rightarrow x - 7 > -4 \Rightarrow f^{-1} > -4$$

می‌شود:

$$y = x + 7 \quad x > -4$$

پس ضابطه‌ی تابع معکوس عبارت است از:

(تواضع و معادلات) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۲۷ تا ۳۲، ۳۳ و ۳۵ تا ۳۹)

۴

۳✓

۲

۱

(سراسری تبریز - ۹۴)

-۱۳۷

دسته‌ی اول ۱ جمله، دسته‌ی دوم ۲ جمله و دسته‌ی سوم سه جمله و ...

دارند، پس در دسته‌ی بیست و نهم که ۲۹ جمله دارد تعداد جملات

استفاده شده برابر است با $\frac{29 \times 30}{2} = 435$ یعنی اولین عدد دسته‌ی سی ام

برابر است با جمله‌ی ۴۳۶ ام دنباله‌ی اعداد فرد طبیعی.

$$a_n = 2n - 1$$

$$a_{436} = 2(436) - 1 = 871 = a'_1$$

اولین جمله‌ی دسته‌ی سی ام:

و چون دسته‌ی سی ام ۳۰ جمله دارد، جمله‌ی سی ام آن برابر است با:

$$a'_{30} = a'_1 + 29d = 871 + 29(2) = 929$$

$$\Rightarrow a'_1 + a'_{30} = 871 + 929 = 1800$$

(تواضع و معادلات) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۴۰ تا ۴۳)

(ریاضی ۲، صفحه‌های ۶ تا ۱۰)

۴

۳✓

۲

۱

$$f(t) = Ae^{kt} \Rightarrow \begin{cases} f(0) = Ae^0 = A \\ f(20) = Ae^{20k} \end{cases}$$

از طرفی با توجه به فرض سؤال، با مقایسه این دو مقدار،

با دو مقداری که در بالا به دست آوردهیم، داریم:

$$\begin{cases} A = 100 \\ Ae^{20k} = 3200 \end{cases} \xrightarrow{(*)} 100e^{20k} = 3200$$

$$\Rightarrow e^{20k} = \frac{3200}{100} \Rightarrow e^{20k} = 4 \quad (**)$$

$$f(t) = 100e^{kt} \Rightarrow f(30) = 100e^{30k}$$

$$\Rightarrow f(30) = 100(e^{20k})^{\frac{3}{2}} \xrightarrow{(**)} f(30) = 100(4)^{\frac{3}{2}}$$

$$\Rightarrow f(30) = 100(2^2)^{\frac{3}{2}} \Rightarrow f(30) = 100 \times 8 = 800$$

(تواجع و معادلات) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۵۷ تا ۵۹)

۱

۲

۳

۴

$$\sin 2x(\sin x + \cos x) = \cos 2x(\cos x - \sin x)$$

$$\Rightarrow \sin 2x \sin x + \sin 2x \cos x = \cos 2x \cos x - \cos 2x \sin x$$

$$\Rightarrow \sin 2x \cos x + \cos 2x \sin x = \cos 2x \cos x - \sin 2x \sin x$$

$$\Rightarrow \sin(2x + x) = \cos(2x + x) \Rightarrow \sin 3x = \cos 3x$$

$$\frac{\cos 3x \neq 0}{\text{تقسیم بر}} \rightarrow \frac{\sin 3x}{\cos 3x} = 1 \rightarrow \tan 3x = 1$$

$$\Rightarrow 3x = k\pi + \frac{\pi}{4} \Rightarrow x = \frac{k\pi}{3} + \frac{\pi}{12}$$

بنابراین جواب‌های این معادله در بازه‌ی $[\pi, 0]$ عبارتند از $\frac{5\pi}{12}$ و $\frac{9\pi}{12}$

که مجموع این جواب‌ها برابر $\frac{5\pi}{4}$ است.

(توابع و معادلات) (ریاضی عمومی، صفحه‌های ۵۹ تا ۶۴)

۴

۳

۲✓

۱

ریاضی ، ریاضی پیش‌دانشگاهی- گواه ، دنباله و تصاعد ، توابع و معادلات - ۱۳۹۵۱۰۲۴

اگر جمله‌ی عمومی دنباله داده شده را با توجه به جملات آن یعنی

$a_1 = 2/399$ و $a_2 = 2/399$ و ... به صورت

$a_n = 2/\underbrace{399\dots 9}_n$ در نظر بگیریم، در این صورت جمله‌ی دهم آن به

$$a_{10} = 2/\underbrace{399\dots 9}_{10}$$

صورت مقابل است:

همچنین جملات این دنباله به عدد ثابت و گویای $2/4$ نزدیک یا همگرا می‌شوند.

۴

۳

۲

۱✓