



[www.riazisara.ir](http://www.riazisara.ir) سایت ویژه ریاضیات

درسنامه ها و جزوه های دروس ریاضیات

دانلود نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نمونه سوالات و پاسخنامه کنکور

دانلود نرم افزارهای ریاضیات

و...و

کانال سایت ریاضی سرا در تلگرام:

[@riazisara](https://telegram.me/riazisara)

۹۱ - اگر دو خط  $y = 5x - 6k + 8$  و  $y = 10x - 10$  هم خانواده باشند، مقدار  $k$  کدام است؟

$$\frac{3}{4} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

$$2 \quad (4)$$

$$\frac{4}{3} \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

۹۲ - کدام گزینه در مورد نمودار توابع  $x^3$ ،  $f(x) = x^5$  و  $g(x) = x^7$  درست است؟

۱) همه‌گی آن‌ها از هر چهار ناحیه‌ی محورهای مختصات عبور می‌کنند.

۲) همه‌گی آن‌ها از ناحیه‌های اول و دوم محورهای مختصات عبور می‌کنند.

۳) همه‌گی آن‌ها از ناحیه‌های اول و سوم محورهای مختصات عبور می‌کنند.

۴) همه‌گی آن‌ها از ناحیه‌های دوم و چهارم محورهای مختصات عبور می‌کنند.

شما پاسخ نداده اید

۹۳ - نمودار کدام تابع زیر از هر چهار ناحیه‌ی محورهای مختصات می‌گذرد؟

$$y = 3 - x^2 \quad (2)$$

$$y = x^2 + 5 \quad (1)$$

$$y = -(x + 3)^2 - 1 \quad (4)$$

$$y = (x - 2)^2 + 3 \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

۹۴- اگر  $x=2$  یکی از ریشه‌های معادله  $3x^2 + ax + 6 = 0$  باشد، دو برابر قرینه‌ی ریشه‌ی دیگر کدام است؟

-۲ (۲)

-۱ (۱)

۰ (۴)

۱ (۳)

شما پاسخ نداده اید

۹۵- معادله‌ی درجه‌ی دومی که دارای ریشه‌های  $\frac{1}{2}$  و  $3$  است، کدام گزینه می‌تواند باشد؟

$$2x^2 - 7x + 3 = 0 \quad (۲)$$

$$x^2 + \frac{7}{2}x + \frac{3}{2} = 0 \quad (۱)$$

$$2x^2 + 7x - 3 = 0 \quad (۴)$$

$$x^2 - \frac{7}{2}x - \frac{3}{2} = 0 \quad (۳)$$

شما پاسخ نداده اید

۹۶- برای حل معادله‌ی  $3x^2 - (2a-1)x + 1 = 0$  به روش مربع کامل، به دو طرف تساوی عدد  $4$  را اضافه می‌کنیم.  $a$  کدام می‌تواند

باشد؟

$$\frac{-11}{2} \quad (۲)$$

$$\frac{11}{2} \quad (۱)$$

$$-13 \quad (۴)$$

$$13 \quad (۳)$$

شما پاسخ نداده اید

۹۷- اگر ریشه‌ی کوچک‌تر معادله‌ی درجه‌ی دوم  $5x^2 - 22x + 8 = 0$  برابر  $t$  باشد، حاصل  $5t + 1$  کدام است؟

$$3 \quad (۲)$$

$$-3 \quad (۱)$$

$$-21 \quad (۴)$$

$$21 \quad (۳)$$

شما پاسخ نداده اید

۹۸- کدام معادله دارای ریشه‌ی مضاعف است؟

$$x^2 + 2x - 1 = 0 \quad (۲)$$

$$x^2 + \sqrt{3}x + \frac{3}{4} = 0 \quad (۱)$$

$$-x^2 + 25x - 10 = 0 \quad (۴)$$

$$4x^2 + 2x + 1 = 0 \quad (۳)$$

شما پاسخ نداده اید

۹۹- به ازای کدام مقدار  $a$  معادله  $x^2 + 3x - 1 = 0$  دارای دو جواب حقیقی متمایز است؟

$$-\frac{3}{2} \quad (1)$$

$$-\frac{7}{5} \quad (2)$$

$$-\frac{8}{9} \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۰۰- معادله  $ax^2 + (2a+1)x + (a+1) = 0$  به ازای مقادیر مختلف  $a$  ...  $(a \neq 0)$

۱) دارای جواب حقیقی نمی باشد.  
۲) دارای ریشه های مضاعف مثبت می باشد.

۳) دارای ریشه های مضاعف منفی می باشد.  
۴) دارای دو ریشه های مختلف می باشد.

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳ - سوالات موازی ، تابع - ۱۳۹۵۱۰۲۴

۱۰۱- معادله خانواده تابع های خطی موازی با خط  $2x - 5y = 2$  کدام است؟

$$y = \frac{-3}{5}x + k \quad (1)$$

$$y = mx - \frac{2}{5} \quad (2)$$

$$y = \frac{3}{5}x + k \quad (3)$$

$$y = mx + \frac{2}{5} \quad (4)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۰۲- اگر دو تابع توانی  $\frac{f(x)}{g(x)} = \frac{1}{4}$  باشد، در  $f(x)g(x) = 64$  و  $g(x) = x^n$  و  $f(x) = x^m$  باشد و

این صورت  $f(-2) + g(-2)$  کدام است؟

$$-40 \quad (1)$$

$$20 \quad (2)$$

$$24 \quad (3)$$

$$-24 \quad (4)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۰۳- نمودار تابع  $y = -3(x-1)^2$  از کدام نواحی دستگاه محورهای مختصات عبور می کند؟

۱) تمام نواحی

۲) اول و سوم

۳) سوم و چهارم

۴) اول و دوم

شما پاسخ نداده اید

$$-x^4 \quad (4)$$

$$-x^2 \quad (3)$$

$$x^3 \quad (2)$$

$$x \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

### ریاضی ، ریاضی ۳ - سوالات موازی ، معادله و تابع‌های درجه‌ی دوم - ۱۳۹۵۱۰۲۴

۲۰۵- مجموعه‌ی مقادیر  $m$  برای این‌که معادله‌ی درجه‌ی دوم  $mx^2 + (m^3 - m)x + 4 = 0$  دو ریشه‌ی قرینه داشته باشد، کدام است؟

$$\{ \} \quad (4)$$

$$\{-1\} \quad (3)$$

$$\{-1, +1\} \quad (2)$$

$$\{0, +1, -1\} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۲۰۶- معادله‌ی درجه دومی که ریشه‌های آن  $\frac{3}{5}$  و  $\frac{-1}{2}$  است، کدام می‌تواند باشد؟

$$x^2 - 10x - 3 = 0 \quad (2)$$

$$10x^2 - x - 3 = 0 \quad (1)$$

$$3x^2 + x + 10 = 0 \quad (4)$$

$$3x^2 - x - 10 = 0 \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

۲۰۷- در حل معادله‌ی درجه‌ی دوم  $3x^2 - 4x - 5 = 0$  به روش مربع کامل مقداری که به طرفین معادله اضافه می‌شود، کدام است؟

$$\frac{5}{9} \quad (4)$$

$$4 \quad (3)$$

$$\frac{4}{9} \quad (2)$$

$$\frac{9}{4} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۲۰۸- معادله‌ی  $(m+1)x^2 - 2(m-1)x + m - 1 = 0$  به‌ازای چه مقداری از  $m$  دارای ریشه‌ی مضاعف است؟

$$3 \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

$$-1 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۲۰۹- کدام‌یک از معادلات زیر جواب حقیقی ندارد؟

$$2x^2 = 7x - 3 \quad (4)$$

$$x^2 + 12 = 8x \quad (3)$$

$$3x^2 + 1 = 2x \quad (2)$$

$$x(5x+1) = 12 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

$$(x+19)^2 = 4(30 - 7x)^2$$

۲۱۰- ریشه‌ی کوچک‌تر معادله‌ی روبرو کدام است؟

$$\frac{79}{13} \quad (4)$$

$$-\frac{13}{79} \quad (3)$$

$$\frac{41}{15} \quad (2)$$

$$-\frac{15}{41} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

-۹۱

(امیر زراندوز، خانواده‌ی تابع‌های خطی، صفحه‌ی ۳۷ و ۳۸)

خط  $x = 10$  از مبدأ می‌گذرد (چون عرض از مبدأ آن صفر است). لذا برای آن که دو خط مذکور هم خانواده باشند خط  $2y = 5x - 6k + 8$  نیز باید از مبدأ بگذرد؛ بنابراین عرض از مبدأ آن را مساوی صفر قرار می‌دهیم:

$$2y = 5x - 6k + 8 \xrightarrow{\div 2} y = \frac{5}{2}x - 3k + 4$$

$$y = \frac{5}{2}x + 4 \Rightarrow -3k + 4 = 0 \Rightarrow k = \frac{4}{3}$$

۴

۳✓

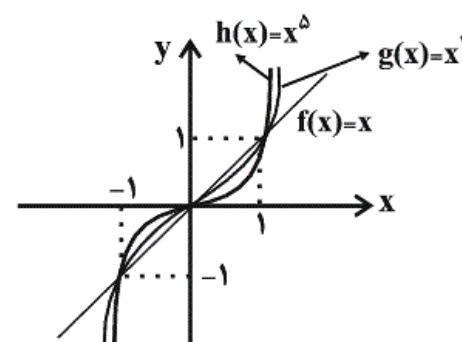
۲

۱

-۹۲

(امیر زراندوز، خانواده‌ی تابع‌های توانی، صفحه‌ی ۴۱ تا ۴۳)

مطابق شکل‌های زیر، نمودار توابع  $f$ ،  $g$  و  $h$  همگی از نواحی اول و سوم محورهای مختصات عبور می‌کنند.

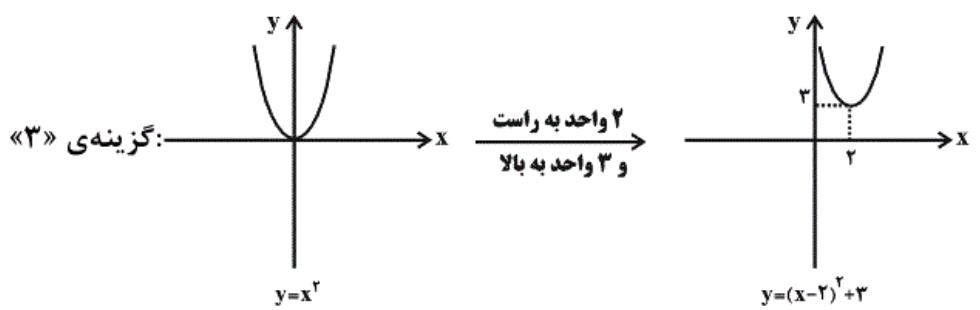
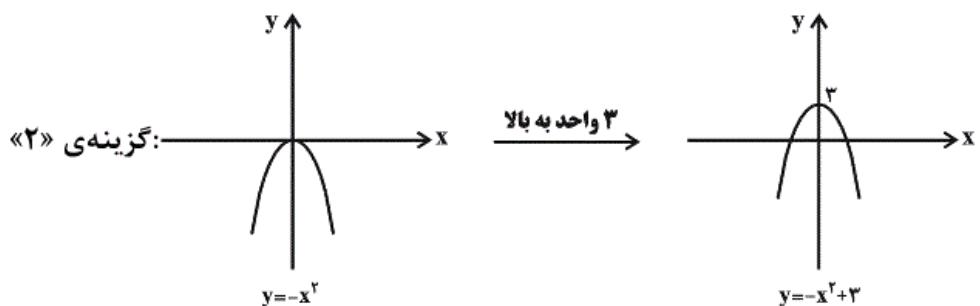
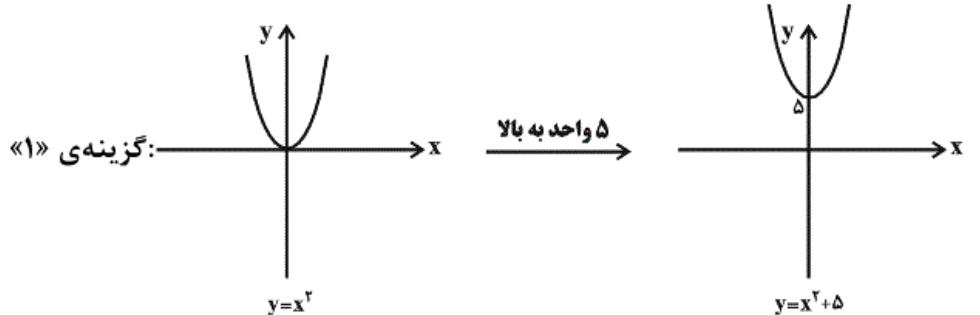


۴

۳✓

۲

۱



واضح است که فقط نمودار گزینه‌ی «۲» از هر چهار ناحیه عبور می‌کند. (رسم نمودار

گزینه‌ی «۴» بر عهده‌ی خودتان)

۴

۳

۲✓

۱

ریاضی ، ریاضی ۳ ، معادله و تابع‌های درجه‌ی دوم - ۱۳۹۵۰۱۰۲۴

(سید محمد طبیب‌زاده، حل معادله‌ی درجه دوم به روش تجزیه، صفحه‌ی ۵۱ تا ۵۹)

اگر  $x = 2$  ریشه‌ی معادله باشد، در آن صدق می‌کند، بنابراین داریم:

$$x = 2 \Rightarrow 3(4) + 2a + 6 = 0 \Rightarrow 2a + 18 = 0 \Rightarrow a = -9$$

$$\Rightarrow 3x^2 - 9x + 6 = 0 \xrightarrow{\div 3} x^2 - 3x + 2 = 0 \Rightarrow (x-1)(x-2) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x-1=0 \Rightarrow x=1 & \xrightarrow{\text{برابر}} 2 \xrightarrow{\text{قرینه}} -2 \\ x-2=0 \Rightarrow x=2 \end{cases}$$

۴

۳

۲✓

۱

(هادی پلاور، تشکیل معادله درجه دوم، صفحه‌ی ۵۷ تا ۵۴)

معادله‌ای که جواب‌های آن  $x_1$  و  $x_2$  باشد، به فرم کلی  $k(x - x_1)(x - x_2) = 0$ (نوشته می‌شود، داریم:  $k \neq 0$ )

$$k(x - 3)(x - \frac{1}{2}) = 0 \Rightarrow k(x^2 - \frac{7}{2}x + \frac{3}{2}) = 0 \xrightarrow{k=2} 2x^2 - 7x + 3 = 0$$

۴

۳

۲✓

۱

(هادی پلاور، حل معادله درجه دوم به روش مربع کامل کردن، صفحه‌ی ۵۹ تا ۶۱)

در مرحله‌ی اول باید معادله را بر ضریب  $x^2$  یعنی ۳ تقسیم کنیم و عدد ثابت را به

سمت راست تساوی منتقل کنیم:

$$3x^2 - (2a-1)x + 1 = 0 \xrightarrow{\div(3)} x^2 - (\frac{2a-1}{3})x = \frac{-1}{3}$$

حال به دو طرف تساوی مجدور نصف ضریب  $x$  را باید اضافه کنیم:

$$[-(\frac{2a-1}{6})]^2 = 4 \Rightarrow \frac{(2a-1)^2}{36} = 4 \Rightarrow (2a-1)^2 = 144$$

$$\Rightarrow 2a-1 = \pm 12 \Rightarrow \begin{cases} 2a-1 = 12 \Rightarrow 2a = 13 \Rightarrow a = \frac{13}{2} \\ 2a-1 = -12 \Rightarrow 2a = -11 \Rightarrow a = \frac{-11}{2} \end{cases}$$

۴

۳

۲✓

۱

(همید زرین‌کفش، حل معادله درجه دوم در حالت کلی، صفحه‌ی ۶۲ تا ۶۷)

معادله را به روش کلی حل می‌کنیم:

$$5x^2 - 22x + 8 = 0 \xrightarrow{\text{مقایسه با فرم استاندارد}} \begin{cases} a = 5 \\ b = -22 \\ c = 8 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \Delta = b^2 - 4ac = (-22)^2 - 4 \times 5 \times 8 = 484 - 160 = 324$$

$$\begin{cases} x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-(-22) + \sqrt{324}}{2 \times 5} = \frac{22 + 18}{10} = \frac{40}{10} = 4 \\ x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-(-22) - \sqrt{324}}{2 \times 5} = \frac{22 - 18}{10} = \frac{4}{10} = \frac{2}{5} \end{cases}$$

ریشه‌ی بزرگتر  
ریشه‌ی کوچک‌تر

$$\Delta t + 1 = 5 \times \left(\frac{2}{5}\right) + 1 = 2 + 1 = 3$$

۴

۳

۲✓

۱

(همید زرین کفش، حل معادله درجه دوم در حالت کلی، صفحه‌ی ۶۲ تا ۶۷)

اگر مبین ( $\Delta$ ) معادله صفر باشد، معادله دارای ریشه‌ی مضاعف است.

$$x^2 + \sqrt{3}x + \frac{3}{4} = 0 \quad \text{مقایسه با فرم استاندارد } ax^2 + bx + c = 0 \rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = \sqrt{3} \\ c = \frac{3}{4} \end{cases}$$

$$\Delta = b^2 - 4ac \Rightarrow \Delta = (\sqrt{3})^2 - 4 \times (1) \times \frac{3}{4} = 3 - 3 = 0$$

مبین معادله‌های گزینه‌های ۲، ۳ و ۴ مخالف صفر می‌باشد. (به عنوان تمرین بیشتر خودتان بررسی کنید).

۴

۳

۲

۱ ✓

(فاطمه فهیمیان، حل معادله درجه دوم در حالت کلی، صفحه‌ی ۶۲ تا ۶۷)

زمانی معادله دارای دو جواب حقیقی متمایز می‌باشد که مبین ( $\Delta$ ) معادله مثبت باشد، در نتیجه داریم:

$$2ax^2 + 3x - 1 = 0 \quad \text{مقایسه با فرم استاندارد } a'x^2 + b'x + c' = 0 \rightarrow \begin{cases} a' = 2a \\ b' = 3 \\ c' = -1 \end{cases}$$

$$\Delta = b'^2 - 4a'c' \Rightarrow \Delta = (3)^2 - 4 \times (2a) \times (-1) = 9 + 8a \xrightarrow{\Delta > 0}$$

$$9 + 8a > 0 \Rightarrow 8a > -9 \Rightarrow a > \frac{-9}{8}$$

که با توجه به گزینه‌ها فقط  $a = -\frac{8}{9}$  بزرگ‌تر از  $-\frac{9}{8}$  می‌باشد پس به ازای

معادله دارای دو جواب حقیقی متمایز است.

۴

۳ ✓

۲

۱

(همید زرین کفش، حل معادله درجه دوم در حالت کلی، صفحه‌ی ۶۲ تا ۶۷)

ابتدا مبین معادله یا  $\Delta$  را به دست می‌آوریم:

$$ax^2 + (2a+1)x + (a+1) = 0$$

$$\frac{\text{مقایسه با فرم استاندارد}}{a'x^2 + b'x + c' = 0} \rightarrow \begin{cases} a' = a \\ b' = 2a + 1 \\ c' = a + 1 \end{cases}$$

$$\Delta = b'^2 - 4a'c' = (2a+1)^2 - 4 \times (a) \times (a+1) = 4a^2 + 4a + 1 - 4a^2 - 4a = 1$$

چون  $\Delta > 0$  می‌باشد پس معادله دارای دو ریشه‌ی مختلف می‌باشد.

۴ ✓

۳

۲

۱

ریاضی ، ریاضی ۳ - سوالات موازی ، تابع - ۱۳۹۵۱۰۲۴

- ۲۰۱ (محمد بهیرایی، خانواده‌ی تابع‌های خطی، صفحه‌ی ۳۷ و ۳۸)

ابتدا شیب خط  $2x - 5y = 2$  را به دست می‌آوریم:

$$-5y = -2x + 2 \Rightarrow y = \frac{2}{5}x - \frac{2}{5} \Rightarrow m = \frac{2}{5}$$

خانواده‌ی تابع‌های خطی موازی به صورت  $y = mx + k$  می‌باشد که  $m = \frac{2}{5}$  و

$k$  هر عدد حقیقی دلخواه است. بنابراین:

$$y = \frac{2}{5}x + k$$

۴

۳

۲

۱ ✓

(همید زرین کفش، خانواده‌ی تابع‌های توانی، صفحه‌ی ۴۱ تا ۴۳)

- ۲۰۲

$$f(x)g(x) = (x)^m \times (x)^n = x^{m+n} = 64 \Rightarrow x^{m+n} = 2^6 \Rightarrow m+n = 6 \quad (1)$$

$$\frac{f(x)}{g(x)} = \frac{x^m}{x^n} = x^{m-n} \Rightarrow x^{m-n} = \frac{1}{4} \Rightarrow x^{m-n} = \frac{1}{2^2} \Rightarrow x^{m-n} = 2^{-2}$$

$$\Rightarrow m-n = -2 \Rightarrow n-m = 2 \quad (2)$$

$$\frac{(1), (2)}{} \rightarrow \begin{cases} m+n=6 \\ n-m=2 \end{cases} \Rightarrow n=4, m=2$$

$$\Rightarrow f(x) = x^4, g(x) = x^2$$

$$\Rightarrow f(-x) + g(-x) = (-x)^4 + (-x)^2 = 4 + 16 = 20$$

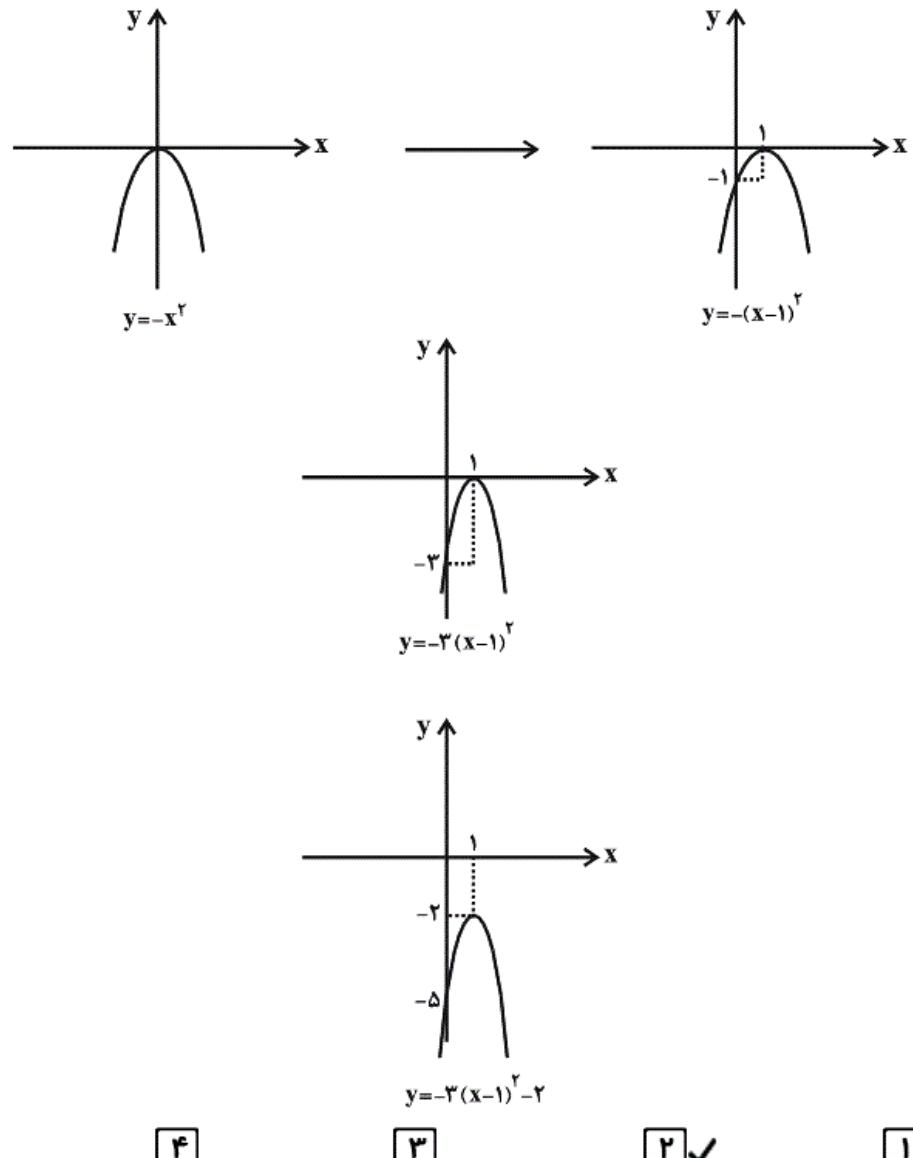
۴ ✓

۳

۲

۱

برای رسم نمودار تابع داده شده، کافی است نمودار تابع  $y = -x^2$  را ۱ واحد به سمت راست، ببریم ضربی ۳ نمودار را فشرده‌تر می‌کند، و در نهایت نمودار ۲ واحد به پایین منتقل می‌شود، بنابراین داریم:



۴

۳

۲ ✓

۱

با توجه به نمودارهای تابع توانی در صفحه‌ی ۴۳ کتاب درسی اگر  $x < 0$  باشد،

داریم:

$$x < -x^2 < +x^3 < -x^4$$

۴ ✓

۳

۲

۱

(هاری پلاور، حل معادله درجه دوم، صفحه‌ی ۵۷ و ۵۸)

برای اینکه معادله درجه دوم دو ریشه‌ی قرینه داشته باشد، باید ضریب  $x$  صفر

شود:

$$m^3 - m = 0 \Rightarrow m(m^2 - 1) = 0 \Rightarrow m(m-1)(m+1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} m = 0 \\ m = 1 \\ m = -1 \end{cases}$$

مقادیر به دست آمده را در معادله جایگذاری می‌کنیم:

$$m = 0 : 0(x^2) + 0(x) + 4 = 4 \neq 0 \quad \text{غیرقائمه}$$

$$m = 1 : x^2 + 0(x) + 4 = 0 \Rightarrow x^2 = -4 \quad \text{غیرقائمه}$$

$$m = -1 : -x^2 + 0(x) + 4 = 0 \Rightarrow x^2 = 4 \Rightarrow x = \pm 2 \quad \text{قائمه}$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(معنیومه آکبری صفت، حل معادله درجه دوم، صفحه‌ی ۵۷ تا ۵۸)

اگر  $\frac{-1}{2}$  و  $\frac{3}{5}$  ریشه‌های معادله درجه دوم باشند، معادله به صورت زیر می‌باشد:

$$a(x - \frac{3}{5})(x - (\frac{-1}{2})) = 0 \Rightarrow a(x - \frac{3}{5})(x + \frac{1}{2}) = 0$$

$$\Rightarrow a \left( \frac{(5x-3)}{5} \times \frac{(2x+1)}{2} \right) = 0 \xrightarrow{a=1} 1 \times \frac{(5x-3)}{5} \times \frac{(2x+1)}{2} = 0$$

$$\Rightarrow (5x-3)(2x+1) = 0 \Rightarrow 10x^2 + 5x - 6x - 3 = 0$$

$$10x^2 - x - 3 = 0$$

 ۴ ۳ ۲ ۱

(مفهومه اکبری صفت، حل معادله درجه دوم به روش مربع کامل کردن، صفحه‌ی ۵۹ تا ۶۲)

ابتدا طرفین معادله را به ضریب  $x^2$  تقسیم می‌کنیم. سپس مربع نصف ضریب  $x$  را به

طرفین معادله اضافه می‌کنیم:

$$3x^2 - 4x - 5 = 0 \xrightarrow{\text{طرفین معادله تقسیم بر } 3} \frac{3x^2}{3} - \frac{4x}{3} - \frac{5}{3} = 0.$$

$$\Rightarrow x^2 - \frac{4}{3}x - \frac{5}{3} = 0 \xrightarrow{\text{مربع نصف ضریب } x \text{ را به}} x^2 - \frac{4}{3}x + \left(\frac{1}{2} \times \left(\frac{-4}{3}\right)\right)^2$$

$$= \frac{5}{3} + \left(\frac{1}{2} \times \left(\frac{-4}{3}\right)\right)^2 \Rightarrow x^2 - \frac{4}{3}x + \frac{4}{9} = \frac{5}{3} + \frac{4}{9} \Rightarrow x^2 - \frac{4}{3}x + \frac{4}{9} = \frac{19}{9}$$

پس عدد  $\frac{4}{9}$  را به طرفین معادله می‌بایست اضافه کنیم.

۴

۳

۲✓

۱

(مهدی پور احمدی، حل معادله درجه دوم در حالت کلی، صفحه‌ی ۶۲ تا ۶۷)

برای اینکه معادله درجه‌ی دوم دارای ریشه مضاعف باشد می‌بایست مبین

( $\Delta$ ) معادله صفر باشد.

$$(m+1)x^2 - 2(m-1)x + m-1 = 0$$

$$\frac{\text{مقایسه با فرم استاندارد}}{ax^2 + bx + c = 0} \rightarrow \begin{cases} a = m+1 \\ b = -2(m-1) \\ c = m-1 \end{cases}$$

$$\Delta = b^2 - 4ac \Rightarrow \Delta = (-2(m-1))^2 - 4(m+1)(m-1)$$

$$= 4(m-1)^2 - 4(m^2 - 1) = 4m^2 - 8m + 4 - 4m^2 + 4 = -8m + 8 = 0$$

$$\Rightarrow m = 1$$

۱

۳

۲

۱ ✓

(همید زرین کفش، حل معادله درجه دوم در حالت کلی، صفحه‌ی ۶۲ تا ۶۷)

معادله درجه‌ی دوم هنگامی جواب حقیقی ندارد که مبین  $(\Delta)$  معادله منفی باشد.

حال به بررسی گزینه‌ها می‌پردازیم:

$$\text{«}1\text{»: } x(\Delta x + 1) = 12 \Rightarrow \Delta x^2 + x - 12 = 0$$

$$\Rightarrow \Delta = (1)^2 - 4 \times (\Delta) \times (-12) = 1 + 48 = 49 > 0$$

معادله دو ریشه حقیقی متمایز دارد.

$$\text{«}2\text{»: } 3x^2 + 1 = 2x \Rightarrow 3x^2 - 2x + 1 = 0$$

$$\Rightarrow \Delta = (-2)^2 - 4 \times (3) \times (1) = 4 - 12 = -8 < 0$$

معادله ریشه حقیقی ندارد.

$$\text{«}3\text{»: } x^2 + 12 = 8x \Rightarrow x^2 - 8x + 12 = 0$$

$$\Rightarrow \Delta = (-8)^2 - 4 \times (1) \times (12) = 64 - 48 = 16 > 0$$

معادله دو ریشه حقیقی متمایز دارد.

$$\text{«}4\text{»: } 2x^2 = 7x - 3 \Rightarrow 2x^2 - 7x + 3 = 0$$

$$\Rightarrow \Delta = (-7)^2 - 4 \times (2) \times (3) = 49 - 24 = 25$$

معادله دو ریشه حقیقی متمایز دارد.

۴

۳

۲✓

۱

(همید زرین کفش، حل معادله درجه دوم به روش ریشه زوج، صفحه‌ی ۵۷ و ۵۸)

با استفاده از خاصیت ریشه زوج داریم:

$$(x+19)^2 = 4(30 - 7x)^2 \Rightarrow (x+19) = \pm 2(30 - 7x)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x+19 = 2(30 - 7x) \Rightarrow x+19 = 60 - 14x \Rightarrow \\ x+14x = 60 - 19 \Rightarrow 15x = 41 \Rightarrow x = \frac{41}{15} \\ x+19 = -2(30 - 7x) \Rightarrow x+19 = -60 + 14x \Rightarrow \\ x-14x = -60 - 19 \Rightarrow -13x = -79 \Rightarrow x = \frac{79}{13} \end{cases}$$

۱

۳

۲✓

۴

[www.kanoon.ir](http://www.kanoon.ir)