



www.riazisara.ir سایت ویژه ریاضیات

درسنامه ها و جزوه های دروس ریاضیات

دانلود نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نمونه سوالات و پاسخنامه کنکور

دانلود نرم افزارهای ریاضیات

و...و

کانال سایت ریاضی سرا در تلگرام:

[@riazisara](https://telegram.me/riazisara)



ریاضی ، ریاضی ۱ ، متمم یک مجموعه ، مجموعه ، الگو، دنباله - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۵۱- اجتماع مجموعه‌ی $S = \{x \in \mathbb{N} \mid -4 < x \leq 4\}$ با کدام گزینه شامل تعداد بیشتری از اعداد صحیح است؟

$$B = \{x \in \mathbb{N} \mid -4 < x \leq 4\} \quad (۲)$$

$$A = \{x \in \mathbb{Z} \mid \frac{x^2 + 4}{x^2} \in \mathbb{N}\} \quad (۱)$$

$$D = \{x \in \mathbb{N} \mid x \text{ اعداد اول یک رقمی}\} \quad (۴)$$

$$C = \{x \in \mathbb{Z} \mid x \in (0, 3) \cup (5, 7)\} \quad (۳)$$

شما پاسخ نداده اید

۵۲- اگر A مجموعه‌ای دلخواه و $Z - A$ متناهی و ناتهی باشد، کدام مجموعه زیر حتماً متناهی است؟

$$Q - (Z - A) \quad (۲)$$

$$A - N \quad (۱)$$

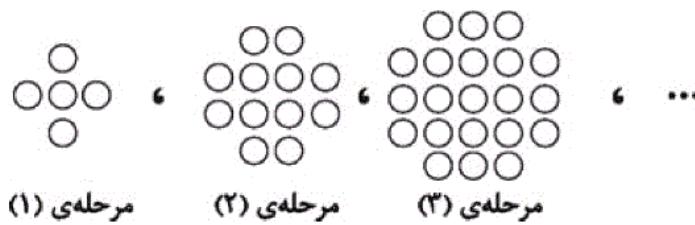
$$(N - A) \cup (Z - A) \quad (۴)$$

$$Z - (A - N) \quad (۳)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۱ ، الگو و دنباله ، مجموعه ، الگو، دنباله - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۵۳- در الگوی زیر، جمله‌ی عمومی دنباله به‌ازای $n = k + 1$ کدام است؟



$$t_{k+1} = k^2 + 6k + 5 \quad (۱)$$

$$t_{k+1} = k^2 + 4k \quad (۲)$$

$$t_{k+1} = k^2 + 6k + 1 \quad (۳)$$

$$t_{k+1} = k^2 + 4k + 4 \quad (۴)$$

شما پاسخ نداده اید

۵۴- در یک الگوی خطی جمله‌ی سوم برابر با ۷ و جمله‌ی هفتم برابر با ۱۵ است. جمله‌ی عمومی این الگو کدام است؟

$$t_n = 2n + 1 \quad (۴)$$

$$t_n = n + 4 \quad (۳)$$

$$t_n = 3n - 2 \quad (۲)$$

$$t_n = n + 8 \quad (۱)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۱ ، دنباله های حسابی و هندسی ، مجموعه ، الگو، دنباله - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۵۵- در یک دنباله‌ی هندسی جمله‌ی هفتم ۲۷ برابر جمله‌ی چهارم است. اگر جمله‌ی دوم ۶ باشد، اختلاف جمله‌ی پنجم از جمله‌ی ششم کدام است؟

(۱) ۱۲۶ (۴)

(۳) ۲۷

(۲) ۱۶۲

(۱) ۳۲۴

شما پاسخ نداده اید

۵۶- اگر جملات اول، دوم و ششم از یک دنباله‌ی حسابی با جملات متمایز، به ترتیب سه جمله‌ی متولی از یک دنباله‌ی هندسی باشند، قدرنسبت دنباله‌ی هندسی کدام است؟

(۴) $\sqrt{2}$

(۳) ۸

(۲) ۴

(۱) ۲

شما پاسخ نداده اید

۵۷- بین دو عدد ۱۸ و ۶۲، ده واسطه‌ی حسابی درج می‌کنیم تا یک دنباله‌ی حسابی با ۱۲ جمله حاصل شود. مجموع سه جمله‌ی سوم این دنباله چند برابر مجموع سه جمله‌ی دوم آن است؟

(۴) $\frac{29}{17}$

(۳) $\frac{29}{23}$

(۲) $\frac{23}{17}$

(۱) $\frac{69}{20}$

شما پاسخ نداده اید

۶۵- بین دو عدد ۴ و ۳۲۴، سه واسطه‌ی هندسی درج کردہ‌ایم. جمله‌ی سوم این دنباله کدام است؟

(۴) ۶۳

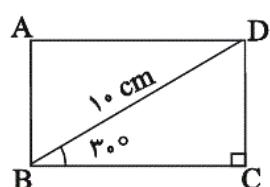
(۳) ۵۴

(۲) ۴۵

(۱) ۳۶

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۱ ، نسبت های مثلثاتی ، مثلثات - ۱۳۹۵۰۹۱۹



۵۹- در شکل زیر، محیط مستطیل ABCD کدام است؟

(۲) $5(1 + \sqrt{3})$

(۱) $10\sqrt{3}$

(۴) $10(1 + \sqrt{3})$

(۳) $5\sqrt{3}$

شما پاسخ نداده اید

۶۰- حاصل عبارت $A = \frac{1 + \tan^2 60^\circ + \sin^2 60^\circ}{\cot 45^\circ + \cos 30^\circ}$ کدام است؟

(۴) $\frac{7}{4}$

(۳) $\frac{3+2\sqrt{3}}{4}$

(۲) $\frac{1+2\sqrt{3}}{3}$

(۱) $\frac{19}{7}$

شما پاسخ نداده اید

۶۱- اگر نقطه‌ی $P(x_P, \frac{1}{\sqrt{3}})$ روی دایره‌ی مثلثاتی و در ربع دوم باشد و θ زاویه‌ای باشد که OP با جهت مثبت محور x ها می‌سازد، آن‌گاه $A = \sin \theta + \tan^2 \theta$ کدام است؟ (O مبدأ مختصات است).

$$\frac{5}{6} \quad (4)$$

$$\frac{-2\sqrt{3}+1}{3} \quad (3)$$

$$\frac{-2\sqrt{3}+3}{6} \quad (2)$$

$$\frac{1}{6} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۶۲- اگر $30^\circ < \alpha \leq 90^\circ$ و $\sin \alpha = \frac{2m-1}{4}$ باشد، حدود m کدام است؟

$$\frac{1}{2} < m \leq 1 \quad (4)$$

$$\frac{3}{2} < m \leq \frac{5}{2} \quad (3)$$

$$\frac{3}{2} \leq m \leq \frac{5}{2} \quad (2) \quad \frac{3}{2} < m < 1 + \frac{\sqrt{3}}{2} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۵۸- معادله‌ی خطی که با جهت مثبت محور x ها زاویه‌ی 60° می‌سازد و عرض از مبدأ آن ۲ است، کدام است؟

$$y = 3 + \sqrt{3}x \quad (4)$$

$$y + \sqrt{3}x = 3 \quad (3)$$

$$y - \sqrt{3}x = 2 \quad (2)$$

$$y = 2 - \sqrt{3}x \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۱ ، روابط بین نسبت‌های مثلثاتی ، مثلثات - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۶۴- اگر α زاویه‌ای در دایره‌ی مثلثاتی، $\cos \alpha = \sqrt{1-m^2}$ و $\cot \alpha = \sqrt{\frac{m}{n}-1}$ باشد، رابطه‌ی بین m و n

کدام است؟ (عبارت‌ها تعریف شده‌اند).

$$n = m^2 \quad (4)$$

$$n = m^3 \quad (3)$$

$$m = n^3 \quad (2)$$

$$m = n^2 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۶۲- حاصل عبارت $A = \sin^4 \alpha + \cos^4 \alpha + (\sqrt{2} \sin \alpha \cos \alpha)^2$ همواره کدام است؟

$$1 + \tan^2 \alpha \quad (4)$$

$$1 \quad (3)$$

$$0 \quad (2)$$

$$-1 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۱ ، ریشه و توان ، توان‌های گویا و عبارت‌های جبری - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۶۶- در نامعادله‌ی $5 \leq \sqrt[3]{x} \leq -3$ - بهجای x چند مقدار صحیح متمایز می‌توان قرار داد؟

شما پاسخ نداده اید

۶۷- اگر $K \in \mathbb{Z}$ و $K < \sqrt[3]{-53} < K+1$ باشد، K کدام است؟

-۵ (۴)

-۲ (۳)

-۳ (۲)

-۴ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۶۸- ریشه‌ی سوم 64 چند برابر ریشه‌ی دوم 32 است؟

$\pm \frac{\sqrt{2}}{2}$ (۴)

$\pm \sqrt{2}$ (۳)

$\frac{\sqrt{2}}{2}$ فقط (۲)

$\sqrt{2}$ فقط (۱)

شما پاسخ نداده اید

۶۹- اگر $0 < a < -1$ ، کدام عدد زیر از بقیه بزرگ‌تر است؟

$-a^4$ (۴)

a^3 (۳)

a (۲)

$\sqrt[3]{a}$ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۷۰- کدام یک از گزینه‌های زیر ریشه‌ی دوم عدد $11 - 4\sqrt{7}$ است؟

$2 - \sqrt{7}$ (۴)

$\sqrt{7} - 4$ (۳)

$1 - \sqrt{7}$ (۲)

$4 - 2\sqrt{7}$ (۱)

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۱ - سوالات موازی ، متمم یک مجموعه ، مجموعه ، الگو، دنباله - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۷۱- اجتماع مجموعه‌ی $S = [1, 7) - [4, 6)$ با کدام گزینه شامل تعداد بیشتری از اعداد صحیح است؟

$B = \{x \in \mathbb{N} \mid -4 < x \leq 4\}$ (۲)

$A = \{x \in \mathbb{Z} \mid \frac{x^2 + 4}{x^2} \in \mathbb{N}\}$ (۱)

$D =$ (۴) مجموعه‌ی اعداد اول یک‌رقمی

$C = \{x \in \mathbb{Z} \mid x \in (0, 3) \cup (5, 7)\}$ (۳)

شما پاسخ نداده اید

۷۲- اگر A مجموعه‌ای دلخواه و $Z - A$ متناهی و ناتهی باشد، کدام مجموعه‌ی زیر حتماً متناهی است؟

$Q - (Z - A)$ (۲)

$A - N$ (۱)

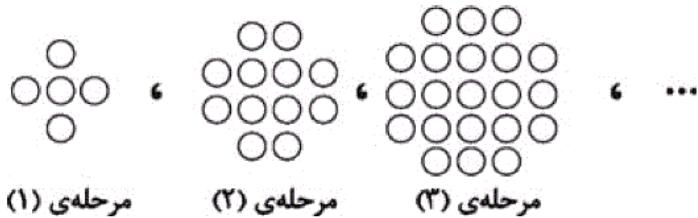
$(N - A) \cup (Z - A)$ (۴)

$Z - (A - N)$ (۳)

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۱ - سوالات موازی ، الگو و دنباله ، مجموعه ، مجموعه ، الگو، دنباله - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۷۳- در الگوی زیر، جمله‌ی عمومی دنباله بهازای $n = k+1$ کدام است؟



$$t_{k+1} = k^2 + 6k + 5 \quad (1)$$

$$t_{k+1} = k^2 + 4k \quad (2)$$

$$t_{k+1} = k^2 + 6k + 1 \quad (3)$$

$$t_{k+1} = k^2 + 4k + 4 \quad (4)$$

شما پاسخ نداده اید

۷۴- در یک الگوی خطی جمله‌ی سوم برابر با ۷ و جمله‌ی هفتم برابر با ۱۵ است. جمله‌ی عمومی این الگو کدام است؟

$$t_n = 2n + 1 \quad (4)$$

$$t_n = n + 4 \quad (3)$$

$$t_n = 3n - 2 \quad (2)$$

$$t_n = n + 8 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۱ - سوالات موازی ، دنباله‌های حسابی و هندسی ، مجموعه ، الگو، دنباله - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۷۵- در یک دنباله‌ی هندسی جمله‌ی هفتم ۲۷ برابر جمله‌ی چهارم است. اگر جمله‌ی دوم ۶ باشد، اختلاف جمله‌ی پنجم از جمله‌ی ششم کدام است؟

$$126 \quad (4)$$

$$27 \quad (3)$$

$$162 \quad (2)$$

$$324 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۷۶- اگر جملات اول، دوم و ششم از یک دنباله‌ی حسابی با جملات متمایز، به ترتیب سه جمله‌ی متولی از یک دنباله‌ی هندسی باشند، قدرنسبت دنباله‌ی هندسی کدام است؟

$$\sqrt{2} \quad (4)$$

$$8 \quad (3)$$

$$4 \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۷۷- بین دو عدد ۱۸ و ۶۲، ده واسطه‌ی حسابی درج می‌کنیم تا یک دنباله‌ی حسابی با ۱۲ جمله حاصل شود. مجموع سه جمله‌ی سوم این دنباله چند برابر مجموع سه جمله‌ی دوم آن است؟

$$\frac{29}{17} \quad (4)$$

$$\frac{29}{23} \quad (3)$$

$$\frac{23}{17} \quad (2)$$

$$\frac{69}{20} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۷۸- بین دو عدد ۴ و ۳۲۴، سه واسطه‌ی هندسی درج کردہ‌ایم. جمله‌ی سوم این دنباله کدام است؟

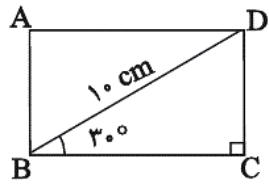
$$63 \quad (4)$$

$$54 \quad (3)$$

$$45 \quad (2)$$

$$36 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید



۷۹- در شکل زیر، محیط مستطیل ABCD کدام است؟

$$5(1 + \sqrt{3}) \quad (2)$$

$$10\sqrt{3} \quad (1)$$

$$10(1 + \sqrt{3}) \quad (4)$$

$$5\sqrt{3} \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

۸۰- حاصل عبارت $A = \frac{1 + \tan^2 60^\circ + \sin^2 60^\circ}{\cot 45^\circ + \cos^2 30^\circ}$ کدام است؟

$$\frac{7}{4} \quad (4)$$

$$\frac{3+2\sqrt{3}}{4} \quad (3)$$

$$\frac{1+2\sqrt{3}}{3} \quad (2)$$

$$\frac{19}{7} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۱ - سوالات موازی ، دایره مثلثاتی ، مثلثات - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۸۱- اگر نقطه‌ی $P(x_P, \frac{1}{2})$ روی دایره مثلثاتی و در ربع دوم باشد و θ زاویه‌ای باشد که OP با جهت مثبت

محور x ها می‌سازد، آن‌گاه $A = \sin \theta + \tan^2 \theta$ کدام است؟ (O مبدأ مختصات است).

$$\frac{5}{6} \quad (4)$$

$$\frac{-2\sqrt{3}+1}{3} \quad (3)$$

$$\frac{-2\sqrt{3}+3}{6} \quad (2)$$

$$\frac{1}{6} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۸۲- اگر $\sin \alpha = \frac{\sqrt{m-1}}{4}$ و $30^\circ < \alpha \leq 90^\circ$ باشد، حدود m کدام است؟

$$\frac{1}{2} < m \leq 1 \quad (4)$$

$$\frac{3}{2} < m \leq \frac{5}{2} \quad (3)$$

$$\frac{3}{2} \leq m \leq \frac{5}{2} \quad (2) \quad \frac{3}{2} < m < 1 + \frac{\sqrt{3}}{2} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۸۳- خط d که با جهت مثبت محور x ها زاویه‌ی 45° می‌گذارد، محور y ها را

با کدام عرض قطع می‌کند؟

$$4 - 2\sqrt{2} \quad (4)$$

$$\sqrt{2} - 4 \quad (3)$$

$$2 - \sqrt{2} \quad (2)$$

$$2\sqrt{2} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۸۴- حاصل عبارت زیر برابر با حاصل کدام گزینه است؟

$$A = \frac{3\sin 30^\circ + \cos 180^\circ}{\cos 53^\circ \times \cot 27^\circ - \tan 45^\circ \times \cot 60^\circ}$$

(۴) نیاز به اطلاعات بیشتر دارد.

$$-\cos 30^\circ \quad (3)$$

$$-\sin 45^\circ \quad (2)$$

$$\sin 180^\circ \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۷۸- معادله‌ی خطی که با جهت مثبت محور x ها زاویه‌ی 60° می‌سازد و عرض از مبدأ آن ۲ است، کدام است؟

$$y = 3 + \sqrt{3}x \quad (4)$$

$$y + \sqrt{3}x = 3 \quad (3)$$

$$y - \sqrt{3}x = 2 \quad (2)$$

$$y = 2 - \sqrt{3}x \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۱ - سوالات موازی ، روابط بین نسبت‌های مثلثاتی ، مثلثات - ۱۳۹۵۰۹۱۹

-۸۹- اگر $\sin x = \frac{\sqrt{3}}{a}$ و $\cot x = \sqrt{4-a}$ ، مقدار a کدام است؟

$$\frac{17}{4} \quad (4)$$

$$\frac{15}{4} \quad (3)$$

$$\frac{14}{4} \quad (2)$$

$$\frac{13}{4} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

-۹۰- اگر $\tan \alpha = 4$ باشد، حاصل $A = \frac{\sin^2 \alpha + 2 \cos \alpha \sin \alpha}{3 \sin \alpha \cos \alpha}$ کدام است؟

$$\frac{2}{3} \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

$$2 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

-۸۴- اگر α زاویه‌ای در دایره‌ی مثلثاتی، $\cos \alpha = \sqrt{1-m^2}$ و $\cot \alpha = \sqrt{\frac{m}{n}-1}$ باشد، رابطه‌ی بین m و n کدام است؟ (عبارت‌ها تعریف شده‌اند.)

$$n = m^2 \quad (4)$$

$$n = m^3 \quad (3)$$

$$m = n^3 \quad (2)$$

$$m = n^2 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

-۸۲- حاصل عبارت $A = \sin^4 \alpha + \cos^4 \alpha + (\sqrt{2} \sin \alpha \cos \alpha)^2$ همواره کدام است؟

$$1 + \tan^2 \alpha \quad (4)$$

$$1 \quad (3)$$

$$0 \text{ صفر} \quad (2)$$

$$-1 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

-۸۶- حاصل عبارت مثلثاتی $A = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} + \cot \alpha \tan^2 \alpha$ همواره کدام است؟ (عبارت‌ها تعریف شده هستند.)

$$\cot \alpha - \tan \alpha \quad (4)$$

$$\frac{1}{\tan \alpha + \cot \alpha} \quad (3)$$

$$\frac{1}{\sin \alpha \cos \alpha} \quad (2)$$

$$\sin \alpha \cos \alpha \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۱ ، متمم یک مجموعه ، مجموعه ، الگو، دنباله - ۱۳۹۵۰۹۱۹

-۵۱

«محمد جوار محسنی»

مجموعه‌ی S شامل اعداد صحیح $K = \{2, 3\}$ است؛ حال گزینه‌ها را بررسی می‌کنیم:

$$A : \frac{x^2 + 4}{x^2} \in \mathbb{N} \Rightarrow 1 + \frac{4}{x^2} \in \mathbb{N} \xrightarrow{x \in \mathbb{Z}}$$

$$A = \{-2, -1, 1, 2\} \Rightarrow A \cup K = \{-2, -1, 1, 2, 3\}$$

$$B = \{1, 2, 3, 4\} \Rightarrow B \cup K = \{1, 2, 3, 4\}$$

$$C = \{1, 2, 6\} \Rightarrow C \cup K = \{1, 2, 3, 6\}$$

$$D = \{2, 3, 5, 7\} \Rightarrow D \cup K = \{2, 3, 5, 7\}$$

پس اجتماع مجموعه‌ی S با مجموعه‌ی A شامل تعداد بیشتری از اعداد صحیح است.

(صفحه‌های ۱ تا ۱۳ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

۳

۲

۱ ✓

-۵۲

«همیرضا طالبیان»

$(A \neq Z)$ متناهی است، پس $Z - A$ مجموعه‌ای نامتناهی است که ممکن است زیرمجموعه‌ی Z باشد یا نباشد. بنابراین:
 $A - N$ نامتناهی است.
 $Q - (Z - A)$ نامتناهی است.

توجه کنید که چون اعضای مجموعه‌ی N در مجموعه‌ی N وجود ندارند، پس مجموعه‌ی $Z - (A - N)$ شامل تمام اعضای مجموعه‌ی N می‌شود، یعنی $N \subset (Z - (A - N))$. از طرفی چون مجموعه‌ی نامتناهی N زیرمجموعه‌ی $Z - (A - N)$ است، پس $Z - (A - N)$ نامتناهی است.

همچنین چون $N \subset Z$ و $Z - A$ متناهی است، پس $N - A$ نیز متناهی است. در نتیجه $(N - A) \cup (Z - A)$ ، اجتماع دو مجموعه‌ی متناهی است که حاصل آن نیز متناهی خواهد بود.

(صفحه‌های ۵ تا ۱۳ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴ ✓

۳

۲

۱

-۵۳

«محمد بهیرابی»

شماره مرحله	۱	۲	۳	...	n
تعداد دایره‌ها	۵	۱۲	۲۱	...	
الگو	$1^2 + 4 \times 1$	$2^2 + 4 \times 2$	$3^2 + 4 \times 3$		

$$t_n = n^2 + 4 \times n$$

برای $n = k + 1$ داریم:

$$t_{k+1} = (k+1)^2 + 4(k+1) = k^2 + 2k + 1 + 4k + 4$$

$$\Rightarrow t_{k+1} = k^2 + 6k + 5$$

(صفحه‌های ۱۷ و ۱۸ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

۳

۲

۱ ✓

«ایمان پینی فروشن»

-۵۴

اگر جمله‌ی عمومی الگو را به صورت $t_n = an + b$ فرض کنیم؛ با جای‌گذاری $n = 3$ و $n = 7$ مقادیر a و b را بدست می‌آوریم:

$$\begin{cases} t_3 = 7 \\ t_7 = 15 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3a + b = 7 \\ 7a + b = 15 \end{cases} \Rightarrow 4a = 8 \Rightarrow a = 2, b = 1$$

در نتیجه جمله‌ی عمومی الگو به صورت $t_n = 2n + 1$ است.

(صفحه‌های ۱۶ و ۱۷ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴ ✓

۳

۲

۱

-۵۵

«محمد بهیرابی»

اگر جمله‌ی عمومی دنباله‌ی هندسی را t_n فرض کنیم، داریم:

$$t_7 = 27t_4 \Rightarrow t_1 r^6 = 27t_1 r^3$$

$$\Rightarrow r^3 = 27 \Rightarrow r^3 = 3^3 \Rightarrow r = 3$$

$$t_2 = 6 \Rightarrow t_1 \times r = 6 \xrightarrow{r=3} t_1 = 2$$

$$t_6 = t_1 \times r^5 = 2 \times 3^5 = 486$$

$$t_5 = t_1 \times r^4 = 2 \times 3^4 = 162$$

$$\Rightarrow t_6 - t_5 = 486 - 162 = 324$$

(صفحه‌های ۲۵ تا ۲۷ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

۳

۲

۱ ✓

«حسن فراشبشی»

اگر قدرنسبت دنباله‌ی حسابی را d فرض کنیم، جملات اول، دوم و ششم دنباله‌ی حسابی به ترتیب از چپ به راست برابر با $a_1, a_1 + d, a_1 + 5d$ است، که این سه عدد، به ترتیب سه جمله‌ی متوالی از یک دنباله‌ی هندسی هستند، پس:

$$(a_1 + d)^2 = a_1(a_1 + 5d)$$

$$\Rightarrow a_1^2 + 2a_1d + d^2 = a_1^2 + 5a_1d$$

$$\Rightarrow d^2 - 3a_1d = 0 \Rightarrow d(d - 3a_1) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} d = 0 \\ d = 3a_1 \Rightarrow q = \frac{\text{جمله‌ی دوم}}{\text{جمله‌ی اول}} = \frac{a_1 + d}{a_1} = \frac{4a_1}{a_1} = 4 \end{cases}$$

توجه کنید که چون جملات دنباله‌ی حسابی متمایز هستند، $d = 0$ قابل قبول نیست.

(صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

۳

۲✓

۱

«حسن نصیرتی تاهوک»

$$\begin{array}{c} t_1 \text{ جمله‌ی اول} & t_n \text{ جمله‌ی آخر} \\ \uparrow \\ 18, 22, 26, 30, 34, 38, 42, 46, 50, 54, 58, 62 \\ \text{سه جمله‌ی سوم} \quad \text{سه جمله‌ی دوم} \quad \text{سه جمله‌ی اول} \\ \text{سه جمله‌ی عمومی دنباله‌ی حسابی: } t_n = t_1 + (n-1)d \end{array}$$

$$\frac{n=12}{t_{12}=62} \rightarrow 62 = 18 + (12-1)d$$

$$\Rightarrow 62 - 18 = 11d \Rightarrow d = \frac{44}{11} = 4$$

$$\frac{\text{مجموع سه جمله‌ی سوم}}{\text{مجموع سه جمله‌ی دوم}} = \frac{42+46+50}{30+34+38} = \frac{138}{102} = \frac{23}{17}$$

(صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

۳

۲✓

۱

«همید زرین کش»

یک دنباله‌ی هندسی با ۵ جمله داریم:

$$4, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}, 324$$

سه واسطه‌ی هندسی

$$t_1 = 4, \quad n = 5, \quad t_5 = 324$$

$$t_n = t_1 r^{n-1} \Rightarrow 324 = 4r^4$$

$$\Rightarrow r^4 = \frac{324}{4} = 81 = 3^4 \Rightarrow r = \pm 3$$

جمله‌ی سوم دنباله برابر است با:

$$t_3 = t_1 r^2 = 4(\pm 3)^2 = 36$$

(صفحه‌های ۲۵ تا ۲۷ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

۳

۲

۱✓

ریاضی ، ریاضی ۱ ، نسبت‌های مثلثاتی ، مثلثات - ۱۳۹۵۰۹۱۹

«میتنا عیبری»

باید نسبت‌های مثلثاتی را برای زاویه‌ی 30° بنویسیم:

$$\sin 30^\circ = \frac{1}{2} = \frac{DC}{10} \Rightarrow DC = 5\text{cm}$$

$$\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{BC}{10} \Rightarrow BC = 5\sqrt{3}$$

$$= 2(DC + BC) = 2(5 + 5\sqrt{3}) = 10(1 + \sqrt{3})$$

(صفحه‌های ۲۹ تا ۳۵ کتاب درسی) (مثلثات)

۴✓

۳

۲

۱

$$\tan 60^\circ = \sqrt{3}, \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\cot 45^\circ = 1, \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\Rightarrow A = \frac{1 + (\sqrt{3})^2 + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2}{1 + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2} = \frac{1 + 3 + \frac{3}{4}}{1 + \frac{3}{4}}$$

$$= \frac{\frac{4+12+3}{4}}{\frac{4+3}{4}} = \frac{19}{7}$$

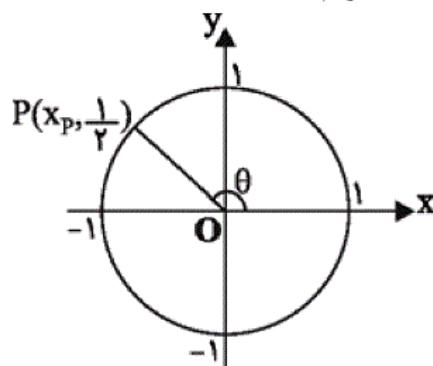
(صفحه‌های ۳۱ و ۳۲ کتاب درسی) (مثلثات)

 ۴ ۳ ۲ ۱

ریاضی ، ریاضی ۱ ، دایره مثلثاتی ، مثلثات - ۱۳۹۵۰۹۱۹

دایره‌ای به مرکز مبدأ مختصات و شعاع ۱ را دایره‌ی مثلثاتی می‌گویند و
اگر نقطه‌ای روی این دایره باشد، $P(x_p, y_p)$ و $y_p = \sin \theta$

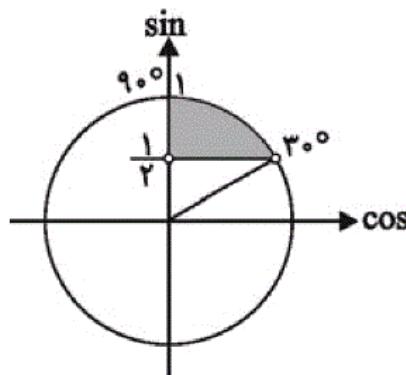
است. داریم: $x_p = \cos \theta$

 ۴ ۳ ۲ ۱

$$30^\circ < \alpha \leq 90^\circ \Rightarrow \frac{1}{2} < \sin \alpha \leq 1$$

$$\frac{1}{2} < \frac{2m-1}{4} \leq 1 \xrightarrow{\times 4} 2 < 2m-1 \leq 4$$

$$\xrightarrow{+1} 3 < 2m \leq 5 \xrightarrow{\div 2} \frac{3}{2} < m \leq \frac{5}{2}$$



(صفهههای ۱۴ و ۱۵ کتاب (رسی) (مثلثات)

۴

۳✓

۲

۱

اگر خط با جهت مثبت محور x ها زاویه‌ی θ بسازد، شیب خط برابر با $\tan \theta$ است.

$$\text{شیب خط} = \tan 60^\circ = \sqrt{3}$$

$$\xrightarrow{\text{معادله‌ی خط}} (y - y_0) = m(x - x_0)$$

عرض از مبدأ خط برابر با ۲ است، پس خط از نقطه‌ی $(0, 2)$ عبور می‌کند.

$$\Rightarrow (y - 2) = \sqrt{3}(x - 0) \Rightarrow y - \sqrt{3}x = 2$$

(صفهههای ۱۶ و ۱۷ کتاب (رسی) (مثلثات)

۴

۳

۲✓

۱

«مسن نصرتی ناهوک»

طبق صورت سؤال $\sin \alpha > 0$ و $\cot \alpha$ مثبت است، پس $\cos \alpha > 0$ است و داریم:

$$\begin{aligned} \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha &= 1 \Rightarrow \cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha \xrightarrow{\cos \alpha > 0} \\ \cos \alpha &= \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = \sqrt{1 - m^2} \\ \xrightarrow{\text{به توان ۲}} 1 - \sin^2 \alpha &= 1 - m^2 \\ \Rightarrow \sin^2 \alpha &= m^2 \xrightarrow{\sin \alpha > 0} \sin \alpha = |m| \end{aligned}$$

از اتحادهای مثلثاتی داریم:

$$\begin{aligned} 1 + \cot^2 \alpha &= \frac{1}{\sin^2 \alpha} \xrightarrow{\cot \alpha = \sqrt{\frac{m}{n}-1}} \sin \alpha = |m| \\ 1 + \left(\sqrt{\frac{m}{n}-1}\right)^2 &= \frac{1}{m^2} \Rightarrow 1 + \frac{m}{n} - 1 = \frac{1}{m^2} \\ \Rightarrow \frac{m}{n} &= \frac{1}{m^2} \Rightarrow m^3 = n \end{aligned}$$

(صفحه‌های ۴۲ تا ۴۶ کتاب درسی) (مثلثات)

۱

۲✓

۳

۴

«مسن نصرتی ناهوک»

$$\begin{aligned} A &= \sin^4 \alpha + \cos^4 \alpha + (\sqrt{2} \sin \alpha \cos \alpha)^2 \\ \Rightarrow A &= (\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha)^2 - 2 \sin^2 \alpha \cos^2 \alpha + 2 \sin^2 \alpha \cos^2 \alpha \\ \Rightarrow A &= 1^2 = 1 \end{aligned}$$

(صفحه‌های ۴۲ تا ۴۶ کتاب درسی) (مثلثات)

۱

۲✓

۳

۴

-۶۶-

«مبینا عبیری»

طرفین نامعادله را به توان ۳ می‌رسانیم تا حدود مقدار x به دست آید:

$$-3 \leq \sqrt[3]{x} \leq 5 \rightarrow -27 \leq x \leq 125$$

که در این بازه $125 - (-27) + 1 = 153$ عدد صحیح وجود دارد.

(صفحه‌های ۴۱ تا ۵۳ کتاب درسی) (توان‌های گویا و عبارت‌های بیبری)

۴ ✓

۳

۲

۱

-۶۷-

«مبینا عبیری»

عدد ۵۳ بین دو عدد مکعب کامل ۲۷ و ۶۴ است. پس:

$$27 < 53 < 64 \Rightarrow -64 < -53 < -27$$

$$\Rightarrow -4 < \sqrt[3]{-53} < -3 \Rightarrow K = -4$$

(صفحه‌های ۴۱ تا ۵۳ کتاب درسی) (توان‌های گویا و عبارت‌های بیبری)

۴

۳

۲

۱ ✓

-۶۸-

«ایمان پینی فروشان»

ریشه‌ی سوم عدد ۶۴ برابر است با:

$$\sqrt[3]{64} = \sqrt[3]{(4)^3} = 4$$

هر عدد مثبت، دو ریشه‌ی دوم قرینه‌ی هم دارد که برابر است با:

$$\pm\sqrt{32} = \pm\sqrt{16 \times 2} = \pm 4\sqrt{2}$$

$$\frac{\sqrt[3]{64}}{\pm\sqrt{32}} = \pm \frac{4}{4\sqrt{2}} = \pm \frac{\sqrt{2}}{2}$$

پس:

(صفحه‌های ۴۱ تا ۵۳ کتاب درسی) (توان‌های گویا و عبارت‌های بیبری)

۴ ✓

۳

۲

۱

-۶۹-

«ایمان پینی فروشان»

اگر $0 < a < -1$ باشد، آن‌گاه:

$$\sqrt[5]{a} < \sqrt[3]{a} < a < -a^2 < a^3 < -a^4$$

پس a^4 از بقیه‌ی گزینه‌ها بزرگ‌تر است. توجه کنید که اعداد

$$\sqrt[5]{a}, \sqrt[3]{a}, a, a^3$$

منفی و اعداد a^2, a^4 مثبت هستند.

(صفحه‌های ۴۱ تا ۵۳ کتاب درسی) (توان‌های گویا و عبارت‌های بیبری)

۴ ✓

۳

۲

۱

«ایمان پینی فروشان»

عدد $11 - 4\sqrt{7}$ را با استفاده از اتحاد مربع دو جمله‌ای به صورت مربع کامل می‌نویسیم. داریم:

$$\begin{aligned} 11 - 4\sqrt{7} &= 4 - 2 \times 2\sqrt{7} + 7 \\ &= 2^2 - 2 \times 2\sqrt{7} + (\sqrt{7})^2 = (2 - \sqrt{7})^2 \\ 11 - 4\sqrt{7} &= \pm \sqrt{11 - 4\sqrt{7}} = \pm \sqrt{(2 - \sqrt{7})^2} \\ &= \pm |\sqrt{7} - 2| \quad \begin{array}{l} \text{ریشه‌ی مثبت} \\ \text{ریشه‌ی منفی} \end{array} \\ &\quad \swarrow \quad \searrow \\ &= -(\sqrt{7} - 2) = 2 - \sqrt{7} \end{aligned}$$

(صفحه‌های ۱ تا ۵۳ کتاب درسی) (توان‌های گویا و عبارت‌های هیری)

۴✓

۳

۲

۱

ریاضی ، ریاضی ۱ - سوالات موازی ، متمم یک مجموعه ، مجموعه ، الگو، دنباله - ۱۳۹۵۰۹۱۹

«محمد پهلوان محسنی»

مجموعه‌ی S شامل اعداد صحیح $\{2, 3\}$ است؛ حال گزینه‌ها را بررسی می‌کنیم:

$$\begin{aligned} A : \frac{x^2 + 4}{x^2} \in N \Rightarrow 1 + \frac{4}{x^2} \in N \xrightarrow{x \in Z} \\ A = \{-2, -1, 1, 2\} \Rightarrow A \cup K = \{-2, -1, 1, 2, 3\} \\ B = \{1, 2, 3, 4\} \Rightarrow B \cup K = \{1, 2, 3, 4\} \\ C = \{1, 2, 6\} \Rightarrow C \cup K = \{1, 2, 3, 6\} \\ \begin{array}{ccccccc} & \bullet & \bullet & \bullet & \bullet & \bullet & \bullet \\ \hline & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ (0, 3) \cup (5, 7) & & & & & & & \end{array} \\ D = \{2, 3, 5, 7\} \Rightarrow D \cup K = \{2, 3, 5, 7\} \end{aligned}$$

پس اجتماع مجموعه‌ی S با مجموعه‌ی A شامل تعداد بیشتری از اعداد صحیح است.

(صفحه‌های ۱ تا ۱۳ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

۳

۲

۱✓

«همیدرضا طالبیان»

$(A \neq Z - A)$ متناهی است، پس $Z - A$ که ممکن است زیرمجموعه‌ی Z باشد یا نباشد. بنابراین: $A - N$ نامتناهی است.

$Q - (Z - A)$ نامتناهی است.

توجه کنید که چون اعضای مجموعه‌ی N در مجموعه‌ی $A - N$ وجود ندارند، پس مجموعه‌ی $Z - (A - N)$ شامل تمام اعضای مجموعه‌ی N می‌شود، یعنی $N \subset (Z - (A - N))$. از طرفی چون مجموعه‌ی نامتناهی N زیرمجموعه‌ی $Z - (A - N)$ است، پس $Z - (A - N)$ نامتناهی است.

همچنین چون $Z - A$ و $N \subset Z$ متناهی است، پس $N - A$ نیز متناهی است. در نتیجه $(N - A) \cup (Z - A)$ ، اجتماع دو مجموعه‌ی متناهی است که حاصل آن نیز متناهی خواهد بود.

(صفحه‌های ۵ تا ۱۳ کتاب (رسی) (مبومعه، الگو و دنباله)

۴✓

۳

۲

۱

ریاضی ، ریاضی ۱ - سوالات موازی ، الگو و دنباله ، مجموعه ، الگو، دنباله - ۱۳۹۵۰۹۱۹

«محمد بهیرابی»

شماره‌ی مرحله	۱	۲	۳	...	n
تعداد دایره‌ها	۵	۱۲	۲۱	...	
الگو	$1^2 + 4 \times 1$	$2^2 + 4 \times 2$	$3^2 + 4 \times 3$		

$$t_n = n^2 + 4 \times n$$

برای $n = k + 1$ داریم:

$$t_{k+1} = (k + 1)^2 + 4(k + 1) = k^2 + 2k + 1 + 4k + 4$$

$$\Rightarrow t_{k+1} = k^2 + 6k + 5$$

(صفحه‌های ۱۷ و ۱۸ کتاب (رسی) (مبومعه، الگو و دنباله)

۴

۳

۲

۱✓

«ایمان پینی فروشان»

اگر جمله‌ی عمومی الگو را به صورت $t_n = an + b$ فرض کنیم؛ با جای‌گذاری $n = 3$ و $n = 7$ مقادیر a و b را بدست می‌آوریم:

$$\begin{cases} t_3 = 7 \\ t_7 = 15 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3a + b = 7 \\ 7a + b = 15 \end{cases} \Rightarrow 4a = 8 \Rightarrow a = 2, b = 1$$

در نتیجه جمله‌ی عمومی الگو به صورت $t_n = 2n + 1$ است.
(صفحه‌های ۱۶ و ۲۷ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴✓

۳

۲

۱

ریاضی ، ریاضی ۱ - سوالات موازی ، دنباله‌های حسابی و هندسی ، مجموعه ، الگو، دنباله - ۱۳۹۵۰۹۱۹

«محمد بهیرایی»

اگر جمله‌ی عمومی دنباله‌ی هندسی را t_n فرض کنیم، داریم:

$$\begin{aligned} t_7 &= 27t_1 \Rightarrow t_1 r^6 = 27t_1 r^3 \\ &\Rightarrow r^3 = 27 \Rightarrow r^3 = 3^3 \Rightarrow r = 3 \\ t_4 &= 6 \Rightarrow t_1 \times r = 6 \xrightarrow{r=3} t_1 = 2 \\ t_6 &= t_1 \times r^5 = 2 \times 3^5 = 486 \end{aligned}$$

$$t_5 = t_1 \times r^4 = 2 \times 3^4 = 162$$

$$\Rightarrow t_6 - t_5 = 486 - 162 = 324$$

(صفحه‌های ۲۵ تا ۲۷ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

۳

۲

۱✓

«حسن فراشبشی»

اگر قدرنسبت دنباله‌ی حسابی را d فرض کنیم، جملات اول، دوم و ششم دنباله‌ی حسابی به ترتیب از چپ به راست برابر با $a_1, a_1 + d, a_1 + 5d$ است، که این سه عدد، به ترتیب سه جمله‌ی متوالی از یک دنباله‌ی هندسی هستند، پس:

$$\begin{aligned} & \Rightarrow (a_1 + d)^2 = a_1(a_1 + 5d) \\ & \Rightarrow a_1^2 + 2a_1d + d^2 = a_1^2 + 5a_1d \\ & \Rightarrow d^2 - 3a_1d = 0 \Rightarrow d(d - 3a_1) = 0 \\ & \Rightarrow \begin{cases} d = 0 & \text{غ.ق.ق} \\ d = 3a_1 \Rightarrow q = \frac{\text{جمله‌ی دوم}}{\text{جمله‌ی اول}} = \frac{a_1 + d}{a_1} = \frac{4a_1}{a_1} = 4 \end{cases} \end{aligned}$$

توجه کنید که چون جملات دنباله‌ی حسابی متمایز هستند، $d = 0$ قابل قبول نیست.

(صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

۳

۲✓

۱

«حسن نصرتی ناهوک»

$$t_1 \uparrow \qquad \qquad t_n \uparrow$$

$$18, 22, 26, 30, 34, 38, 42, 46, 50, 54, 58, 62$$

سه جمله‌ی سوم سه جمله‌ی دوم سه جمله‌ی اول

$$t_n = t_1 + (n-1)d$$

$$\frac{n=12}{t_{12}=62} \rightarrow 62 = 18 + (12-1)d$$

$$\Rightarrow 62 - 18 = 11d \Rightarrow d = \frac{44}{11} = 4$$

$$\frac{\text{مجموع سه جمله‌ی سوم}}{\text{مجموع سه جمله‌ی دوم}} = \frac{42+46+50}{30+34+38} = \frac{138}{102} = \frac{23}{17}$$

(صفحه‌های ۲۱ تا ۲۶ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

۳

۲✓

۱

«همید زرین کفشه»

یک دنباله‌ی هندسی با ۵ جمله داریم:

$$4, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}, 324$$

سه واسطه‌ی هندسی

$$t_1 = 4, \quad n = 5, \quad t_5 = 324$$

$$t_n = t_1 r^{n-1} \Rightarrow 324 = 4 r^4$$

$$\Rightarrow r^4 = \frac{324}{4} = 81 = 3^4 \Rightarrow r = \pm 3$$

جمله‌ی سوم دنباله برابر است با:

$$t_3 = t_1 r^2 = 4(\pm 3)^2 = 36$$

(صفحه‌های ۲۵ تا ۲۷ کتاب درسی) (مجموعه، الگو و دنباله)

۴

۳

۲

۱✓

ریاضی ، ریاضی ۱ - سوالات موازی ، نسبت‌های مثلثاتی ، مثلثات - ۱۳۹۵۰۹۱۹

«مبینا عیبری»

باید نسبت‌های مثلثاتی را برای زاویه‌ی 30° بنویسیم:

$$\sin 30^\circ = \frac{1}{2} = \frac{DC}{10} \Rightarrow DC = 5\text{cm}$$

$$\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{BC}{10} \Rightarrow BC = 5\sqrt{3}$$

$$= 2(DC + BC) = 2(5 + 5\sqrt{3}) = 10(1 + \sqrt{3})$$

(صفحه‌های ۲۹ تا ۳۵ کتاب درسی) (مثلثات)

۴✓

۳

۲

۱

$$\tan 60^\circ = \sqrt{3}, \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\cot 45^\circ = 1, \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\Rightarrow A = \frac{1 + (\sqrt{3})^2 + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2}{1 + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2} = \frac{1 + 3 + \frac{3}{4}}{1 + \frac{3}{4}}$$

$$= \frac{\frac{4 + 12 + 3}{4}}{\frac{4 + 3}{4}} = \frac{19}{7}$$

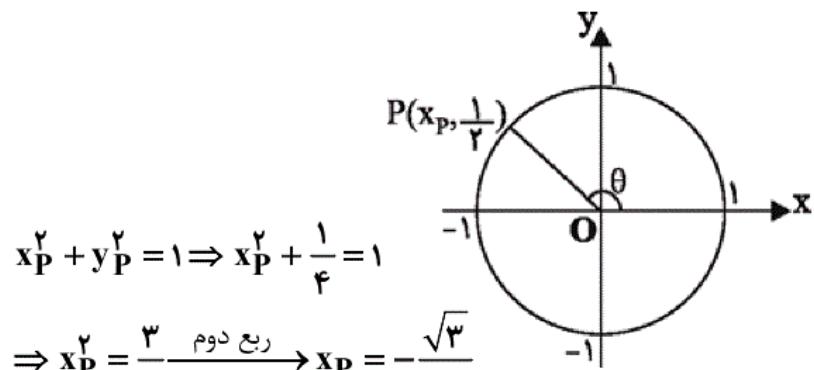
(صفحه‌های ۳۱ و ۳۲ کتاب درسی) (مثلثات)

 ۴ ۳ ۲ ۱ ✓

ریاضی ، ریاضی ۱ - سوالات موازی ، دایره مثلثاتی ، مثلثات - ۱۳۹۵۰۹۱۹

«محمد بهیرابی»

دایره‌ای به مرکز مبدأ مختصات و شعاع ۱ را دایره‌ی مثلثاتی می‌گویند و
اگر $P(x_p, y_p)$ نقطه‌ای روی این دایره باشد، و $y_p = \sin \theta$
است. داریم: $x_p = \cos \theta$



پس $\tan \theta = \frac{y_p}{x_p} = -\frac{1}{\sqrt{3}}$ است. در مورد $\cos \theta = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ و $\sin \theta = \frac{1}{2}$ داریم:

$$\tan \theta = \frac{y_p}{x_p} = \frac{\frac{1}{2}}{-\frac{\sqrt{3}}{2}} = -\frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow \tan^2 \theta = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow A = \frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$$

(صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹ کتاب درسی) (مثلثات)

۴✓

۳

۲

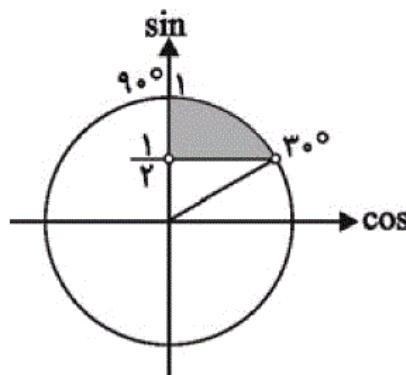
۱

«غلامرضا علی»

$$30^\circ < \alpha \leq 90^\circ \Rightarrow \frac{1}{2} < \sin \alpha \leq 1$$

$$\frac{1}{2} < \frac{2m-1}{4} \leq 1 \xrightarrow{\times 4} 2 < 2m-1 \leq 4$$

$$\xrightarrow{+1} 3 < 2m \leq 5 \xrightarrow{\div 2} \frac{3}{2} < m \leq \frac{5}{2}$$



(صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹ کتاب درسی) (مثلثات)

۴

۳✓

۲

۱

«مسن نصرتی ناهوک»

$$\mathbf{d} : y - y_1 = m(x - x_1)$$

تائزانت زاویه‌ای که خط با جهت مثبت محور x ها می‌سازد برابر با شیب خط است.

$$m = \tan 45^\circ = 1$$

همچنین نقطه‌ی $(2\sqrt{2}, 4)$ روی خط \mathbf{d} قرار دارد. پس:

$$y - 4 = 1(x - 2\sqrt{2}) \Rightarrow y = x - 2\sqrt{2} + 4$$

تلاقی با محور y ها
→ $x = 0$

$$\Rightarrow y = 0 - 2\sqrt{2} + 4 \Rightarrow y = 4 - 2\sqrt{2}$$

(صفحه‌های ۳۰ و ۳۱ کتاب درسی) (مثلثات)

۴✓

۳

۲

۱

$$A = \frac{\frac{1}{2} - 1}{\cos 30^\circ \times 0 - 1 \times \frac{1}{\sqrt{3}}} = \frac{\frac{1}{2}}{-\frac{1}{\sqrt{3}}} = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

می‌دانیم $\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ، پس حاصل A برابر با $\cos 30^\circ$ است.

(صفحه‌های ۳۲ و ۳۱ کتاب درسی) (مثلثات)

۴

۳✓

۲

۱

«مبینا عبیری»

اگر خط با جهت مثبت محور x ها زاویه‌ی θ بسازد، شیب خط برابر با $\tan \theta$ است.

$$\text{شیب خط} = \tan \theta = \sqrt{3}$$

$$\xrightarrow{\text{معادله‌ی خط}} (y - y_0) = m(x - x_0)$$

عرض از مبدأ خط برابر با ۲ است، پس خط از نقطه‌ی $(0, 2)$ عبور می‌کند.

$$\Rightarrow (y - 2) = \sqrt{3}(x - 0) \Rightarrow y - \sqrt{3}x = 2$$

(صفحه‌های ۳۰ و ۳۱ کتاب درسی) (مثلثات)

۴

۳

۲✓

۱

$$1 + \cot^2 x = \frac{1}{\sin^2 x} \Rightarrow 1 + (\sqrt{4-a})^2 = \frac{1}{\left(\sqrt{\frac{4}{a}}\right)^2}$$

$$\Rightarrow 1+4-a=\frac{1}{\frac{4}{a}} \Rightarrow 5-a=\frac{a}{4}$$

$$\Rightarrow 15-4a=a \Rightarrow a=\frac{15}{4}$$

(صفحه‌های ۴۲ تا ۴۶ کتاب درسی) (مثلثات)

۱

۲✓

۳

۴

راه حل اول:

$$A = \frac{\sin^2 \alpha}{4 \sin \alpha \cos \alpha} + \frac{2 \cos \alpha \sin \alpha}{4 \sin \alpha \cos \alpha} = \frac{\sin \alpha}{4 \cos \alpha} + \frac{2}{4}$$

$$\Rightarrow A = \frac{\tan \alpha}{4} + \frac{2}{4} = \frac{4}{4} + \frac{2}{4} = 2$$

راه حل دوم:

$$\tan \alpha = 4 \Rightarrow \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = 4 \Rightarrow \sin \alpha = 4 \cos \alpha$$

$$A = \frac{(4 \cos \alpha)^2 + 2 \cos \alpha (4 \cos \alpha)}{4(4 \cos \alpha)(\cos \alpha)}$$

$$= \frac{16 \cos^2 \alpha + 8 \cos^2 \alpha}{12 \cos^2 \alpha} = \frac{24 \cos^2 \alpha}{12 \cos^2 \alpha} = 2$$

راه حل سوم:

چون $\tan \alpha$ تعریف شده است، پس $\cos \alpha \neq 0$ است و می‌توان

صورت و مخرج کسر را بر $\cos^2 \alpha$ تقسیم کرد. داریم:

$$A = \frac{\frac{1}{\cos^2 \alpha} (\sin^2 \alpha + 2 \cos \alpha \sin \alpha)}{\frac{1}{\cos^2 \alpha} (4 \sin \alpha \cos \alpha)}$$

$$= \frac{\left(\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}\right)^2 + 2 \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}}{4 \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}}$$

$$\Rightarrow A = \frac{\tan^2 \alpha + 2 \tan \alpha}{4 \tan \alpha} = \frac{(\tan \alpha + 2)}{4}$$

$$\frac{\tan \alpha = 4}{A = \frac{4+2}{4}} = 2$$

(صفحه‌های ۴۲ تا ۴۶ کتاب درسی) (مثلثات)

۱

۲

۳✓

۴

«حسن نصیرتی ناهوک»

طبق صورت سؤال $\sin \alpha > 0$ و $\cot \alpha > 0$ مثبت است، پس

است و داریم:

$$\begin{aligned} \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha &= 1 \Rightarrow \cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha \xrightarrow{\cos \alpha > 0} \\ \cos \alpha &= \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = \sqrt{1 - m^2} \\ \xrightarrow[2]{\text{به توان ۲}} 1 - \sin^2 \alpha &= 1 - m^2 \\ \Rightarrow \sin^2 \alpha &= m^2 \xrightarrow{\sin \alpha > 0} \sin \alpha = |m| \end{aligned}$$

از اتحادهای مثلثاتی داریم:

$$\begin{aligned} 1 + \cot^2 \alpha &= \frac{1}{\sin^2 \alpha} \quad \cot \alpha = \sqrt{\frac{m}{n} - 1} \\ \xrightarrow{\sin \alpha = |m|} & \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1 + \left(\sqrt{\frac{m}{n} - 1}\right)^2 &= \frac{1}{m^2} \Rightarrow 1 + \frac{m}{n} - 1 = \frac{1}{m^2} \\ \Rightarrow \frac{m}{n} &= \frac{1}{m^2} \Rightarrow m^2 = n \end{aligned}$$

(صفحه‌های ۴۲ تا ۴۶ کتاب درسی) (مثلثات)

۴

۳✓

۲

۱

«حسن نصیرتی ناهوک»

$$\begin{aligned} A &= \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha + (\sqrt{2} \sin \alpha \cos \alpha)^2 \\ \Rightarrow A &= (\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha)^2 - 2 \sin^2 \alpha \cos^2 \alpha + 2 \sin^2 \alpha \cos^2 \alpha \\ \Rightarrow A &= 1^2 = 1 \end{aligned}$$

(صفحه‌های ۴۲ تا ۴۶ کتاب درسی) (مثلثات)

۴

۳✓

۲

۱

راه حل اول:

$$A = \cot \alpha + \cot \alpha \tan^2 \alpha = \cot \alpha (1 + \tan^2 \alpha)$$

$$= \cot \alpha \left(\frac{1}{\cos^2 \alpha} \right) = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} \frac{1}{\cos^2 \alpha} = \frac{1}{\sin \alpha \cos \alpha}$$

راه حل دوم:

$$A = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} + \cot \alpha \tan^2 \alpha = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} + \cot \alpha \tan \alpha \tan \alpha$$

$$\underline{\tan \alpha \cot \alpha = 1} \quad \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} + \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$= \frac{\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha}{\sin \alpha \cos \alpha} \quad \frac{\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1}{\sin \alpha \cos \alpha} \rightarrow A = \frac{1}{\sin \alpha \cos \alpha}$$

(مسن نصرتی کتاب درسی) (مثلاً ت)

