



سایت ویژه ریاضیات www.riazisara.ir

درسنامه ها و جزوه های دروس ریاضیات

دانلود نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نمونه سوالات و پاسخنامه کنکور

دانلود نرم افزارهای ریاضیات

و...و

کانال سایت ریاضی سرا در تلگرام:

<https://telegram.me/riazisara> (@riazisara)



ریاضی ، ریاضی ۳ ، احتمال ، پدیدهای تصادفی و احتمال - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۹۲ - فاطمه فرزند یک خانواده چهار فرزندی است. چقدر احتمال دارد فاطمه خواهری کوچک‌تر از خود داشته باشد؟

$$\frac{11}{32} \quad (۲)$$

$$\frac{17}{32} \quad (۱)$$

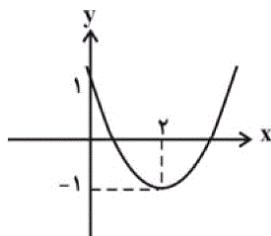
$$\frac{1}{8} \quad (۴)$$

$$\frac{1}{32} \quad (۳)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳ ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۹۹ - با توجه به نمودار تابع $f(x) = ax^2 + bx + c$ ، کدام گزینه صحیح است؟



$$a+b+c = \frac{1}{2} \quad (۲)$$

$$a+b+c = \frac{-1}{2} \quad (۱)$$

$$a-b+c = \frac{1}{2} \quad (۴)$$

$$a-b+c = \frac{-1}{2} \quad (۳)$$

شما پاسخ نداده اید

- ۱۰۰ - اگر $f(x) = \frac{2x^2 - 8x + 13}{3x^2 - 12x + 13}$ باشد، حاصل $f(2 + \sqrt{5})$ کدام است؟

$$\frac{15}{16} \quad (۲)$$

$$\frac{\sqrt{5}}{13} \quad (۱)$$

$$\frac{13\sqrt{5}}{5} \quad (۴)$$

$$\frac{2\sqrt{5} + 5}{3\sqrt{5} + 1} \quad (۳)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳ ، آمار - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۹۱- می خواهیم دلیل فوت افراد یک روستا را در سال ۱۳۹۰ بررسی کنیم. در این مطالعه، جامعه‌ی آماری . . . و متغیر

تصادفی . . . و روش جمع‌آوری داده‌ها . . . می‌باشد.

۱) افراد فوت شده‌ی روستا در سال ۱۳۹۰-علت فوت-استفاده از داده‌های از پیش تهیه شده

۲) ساکنین روستا در سال ۱۳۹۰-افراد فوت شده‌ی روستا در سال ۱۳۹۰-مشاهده و ثبت وقایع

۳) افراد فوت شده‌ی روستا در سال ۱۳۹۰-علت فوت-مشاهده و ثبت وقایع

۴) ساکنین روستا در سال ۱۳۹۰-افراد فوت شده روستا در سال ۱۳۹۰-استفاده از داده‌ها از پیش تهیه شده

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳ ، معادله ، بازه و نامعادله ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۹۳- مجموعه‌ی جواب نامعادله‌ی $\frac{x+1}{3x+2} < 1 < \frac{2x+5}{x+1}$ به کدام صورت است؟

$$(-\infty, -1) \cup (-\frac{1}{2}, +\infty) \quad (2) \quad (-\frac{3}{2}, -1) \quad (1)$$

$$R \quad (4) \quad R - [-\frac{3}{2}, -1] \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

۹۴- معادله‌ی $\frac{x+1}{x-1} + \frac{2}{x^2-1} = \frac{2x-1}{x+1}$ دارای چند جواب است؟

$$1 \quad (2) \quad 0 \quad (1) \quad \text{صفر}$$

$$2 \quad (4) \quad 3 \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳ ، مثلثات ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۹۵- حاصل $(\sin^2 x \cos^2 x (2 + \tan^2 x + \cot^2 x))$ در صورت تعریف شدن کدام است؟

$$1 + \cos 2x \quad (2) \quad 1 + \sin 4x \quad (1)$$

$$1 \quad (4) \quad 2 \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

- ۹۶ - ساده شدهی عبارت $\cos 40^\circ \times \cos 20^\circ \times \cos 10^\circ$ کدام است؟

$$\frac{1}{\lambda} \cot 10^\circ \quad (2)$$

$$\lambda \tan 10^\circ \quad (1)$$

$$\frac{1}{\lambda} \cot \lambda^\circ \quad (4)$$

$$\lambda \tan 1^\circ \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

- ۹۷ - اگر $\tan(x - 2y) = \sqrt{6} + 1$ و $\tan(x + 2y) = \sqrt{6} - 1$ باشد، حاصل $\tan(2x)$ کدام است؟

$$\frac{\sqrt{6}}{2} \quad (2)$$

$$-\frac{\sqrt{6}}{2} \quad (1)$$

$$-2\sqrt{6} \quad (4)$$

$$2\sqrt{6} \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

- ۹۸ - اگر $\sin x - \Delta \cos x = 5$ و $\tan \frac{x}{2}$ کدام است؟ ($x \neq (2k+1)\pi$ و $k \in \mathbb{Z}$)

$$\sqrt{5} \quad (2)$$

$$5 \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{5}}{10} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{5}}{5} \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳-سوالات موازی ، احتمال ، پدیده‌های تصادفی و احتمال - ۱۳۹۵۰۹۱۹

- ۱۱۳ - دو برادر به همراه ۳ نفر از دوستانشان در یک ردیف کنار هم به تصادف می‌نشینند. احتمال آن که این دو برادر کنار یکدیگر نشسته باشند، چقدر است؟

$$\frac{1}{5} \quad (4)$$

$$\frac{1}{3} \quad (3)$$

$$\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{2}{5} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

- ۱۱۴ - در یک بیمارستان $\frac{2}{3}$ نوزادانی که به دنیا می‌آیند دختر هستند. $\frac{1}{5}$ نوزادان دختر و $\frac{3}{5}$ نوزادان پسر دچار زردی می‌شوند. احتمال این که نوزادی که در این

بیمارستان به دنیا می‌آید به زردی مبتلا باشد، کدام است؟

$$\frac{1}{4} \quad (4)$$

$$\frac{3}{4} \quad (3)$$

$$\frac{2}{3} \quad (2)$$

$$\frac{1}{3} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳-سوالات موازی ، آمار - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۱۱۱- می خواهیم دلیل فوت افراد یک روستا را در سال ۱۳۹۰ بررسی کنیم. در این مطالعه، جامعه‌ی آماری . . . و متغیر

تصادفی . . . و روش جمع‌آوری داده‌ها . . . می‌باشد.

۱) افراد فوت شده‌ی روستا در سال ۱۳۹۰- علت فوت- استفاده از داده‌های از پیش تهیه شده

۲) ساکنین روستا در سال ۱۳۹۰- افراد فوت شده‌ی روستا در سال ۱۳۹۰- مشاهده و ثبت وقایع

۳) افراد فوت شده‌ی روستا در سال ۱۳۹۰- علت فوت- مشاهده و ثبت وقایع

۴) ساکنین روستا در سال ۱۳۹۰- افراد فوت شده روستا در سال ۱۳۹۰- استفاده از داده‌ها از پیش تهیه شده

شما پاسخ نداده اید

۱۱۲- در مطالعه‌ی رنگ و وزن اتومبیل‌های یک مجتمع مسکونی نوع این متغیرها به ترتیب کدام است؟

۴) کمی‌پیوسته- کیفی اسمی ۳) کیفی اسمی- کمی‌گستته ۲) کیفی اسمی- کمی‌پیوسته ۱) کیفی اسمی- کمی‌اسمی

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳-سوالات موازی ، معادله ، بازه و نامعادله ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

$$115- \text{معادله‌ی } \frac{x+1}{x-1} + \frac{2}{x^2-1} = \frac{2x-1}{x+1} \text{ دارای چند جواب است؟}$$

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

شما پاسخ نداده اید

۱۱۶- مجموعه‌ی جواب نامعادله‌ی $\frac{1}{x} < 4(1-x)(1-x+4)$ کدام است؟

(-\infty, -\frac{1}{2}) (۴)

(0, 1) (۳)

(0, \frac{1}{2}) (۲)

(-\frac{1}{2}, 0) (۱)

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳-سوالات موازی ، مثلثات ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۱۱۷- حاصل $\sin^2 x \cos^2 x (2 + \tan^2 x + \cot^2 x)$ در صورت تعریف شدن کدام است؟

۱ (۴)

۲ (۳)

۱ + \cos 2x (۲)

۱ + \sin 4x (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۱۸- ساده شده‌ی عبارت $\cos 40^\circ \times \cos 20^\circ \times \cos 10^\circ$ کدام است؟

\frac{1}{8} \cot 80^\circ (۴)

8 \tan 10^\circ (۳)

\frac{1}{8} \cot 10^\circ (۲)

8 \tan 80^\circ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۱۹- اگر $1 + \tan(x - 2y) = \sqrt{6}$ و $1 + \tan(x + 2y) = \sqrt{6} - 1$ باشد، حاصل $\tan(2x)$ کدام است؟

-2\sqrt{6} (۴)

2\sqrt{6} (۳)

\frac{\sqrt{6}}{2} (۲)

-\frac{\sqrt{6}}{2} (۱)

شما پاسخ نداده اید

- ۱۲۰ - اگر $\tan \frac{x}{\gamma}$ کدام است؟ و $k \in \mathbb{Z}$

$$\frac{\sqrt{5}}{10} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{5}}{5} \quad (3)$$

$$\sqrt{5} \quad (2)$$

$$5 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳-گواه ، احتمال ، پدیده‌های تصادفی و احتمال - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۱۰۴ - در آزمایشگاهی ۵ موش سفید و ۳ موش سیاه نگهداری می‌شوند. به تصادف متوالیاً سه موش از بین آنها انتخاب می‌شود. با کدام احتمال، اولین موش سفید

و سومین موش سیاه است؟

$$\frac{15}{56} \quad (4)$$

$$\frac{13}{56} \quad (3)$$

$$\frac{17}{56} \quad (2)$$

$$\frac{11}{56} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳-گواه ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۱۱۰ - اگر نمودار تابع $y = f(x) = a(b)^x$ از دو نقطه‌ی $A\left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$ و $B(1, 11)$ بگذرد، کدام است؟

$$\frac{3}{4} \quad (4)$$

$$-\frac{1}{4} \quad (3)$$

$$-\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$-\frac{3}{4} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳-گواه ، آمار - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۱۰۱ - اگر طول قاعده و ارتفاع نظیر آن در مثلثی به ترتیب به صورت $h = 4 + E_1$ و $a = 5 + E_2$ مدل‌سازی شده باشد، مساحت آن از کدام مدل زیر پیروی می‌کند؟ (E_1 و E_2 خطای اندازه‌گیری می‌باشند).

$$10 + 4E_1 + 5E_2 \quad (4)$$

$$20 + 2E_1 + \frac{5}{2}E_2 \quad (3)$$

$$10 + 2E_1 + \frac{5}{2}E_2 \quad (2)$$

$$20 + 4E_1 + 5E_2 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۰۲ - ۱۰۲ و ۱۲۸٪ دو عدد تصادفی تولید شده توسط ماشین حساب هستند که برای انتخاب دو عدد طبیعی از بین اعداد ۵۴ تا ۷۶ استفاده شده‌اند. حاصل جمع دو عدد انتخابی کدام است؟

$$116 \quad (4)$$

$$115 \quad (3)$$

$$114 \quad (2)$$

$$113 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۰۳ - متغیرهای تعداد افراد چشم آبی کلاس، RH خون افراد یک کلاس و وزن افراد یک کلاس، به ترتیب از راست به چپ چه نوع متغیرهایی هستند؟

۲) کمی گستته، کیفی اسمی، کمی گستته

۱) کمی پیوسته، کیفی ترتیبی، کمی پیوسته

۴) کمی گستته، کیفی اسمی، کمی پیوسته

۳) کیفی اسمی، کیفی اسمی، کمی گستته

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳-گواه ، معادله ، بازه و نامعادله ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۱۰۵ - در بازه‌ی $(x_0, +\infty)$ ، نمودار تابع با ضابطه‌ی $f(x) = \frac{1}{2}x + 2$ بالاتر از خط به معادله‌ی $y = 3(x-1)$ قرار نمی‌گیرد. کمترین مقدار (x_0) کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۰۶ - قدرمطلق تفاضل جواب‌های معادله‌ی $\frac{3x+2}{x+2} - \frac{1}{x} = \frac{5x-3}{x^2+2x}$ کدام است؟

۲ (۴)
۵

۱ (۳)
۲

۵ (۲)
۳

۲ (۱)
۳

شما پاسخ نداده اید

۱۰۷ - مجموعه‌ی جواب‌های نامعادله‌ی $\frac{3x^2-3x}{x^3-1} > 1$ کدام است؟

$\{x : x < 1\}$ (۴)

$\{x : x > 1\}$ (۳)

ϕ (۲)

$R - \{1\}$ (۱)

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳-گواه ، مثلثات ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۱۰۸ - اگر $a + b = \frac{\pi}{4}$ باشد، حاصل $\cos a \cos b \cos\left(\frac{\pi}{2} - a\right) \cos\left(\frac{\pi}{2} - b\right)$ کدام است؟

$\cos^2 2a$ (۴)

$\sin^2 2a$ (۳)

$\cos 4a$ (۲)

$\sin 4a$ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۰۹ - اگر $\tan 2\alpha$ باشد، $\tan\left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right)$ چقدر است؟

۲/۵ (۴)

۲/۴ (۳)

۱/۸ (۲)

۱/۵ (۱)

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳- گواه -سوالات موازی ، احتمال ، پدیده‌های تصادفی و احتمال - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۱۲۴- در یک کیسه ۵ مهره‌ی سفید و ۷ مهره‌ی سیاه موجود است. ۲ مهره از کیسه خارج می‌کنیم. احتمال این‌که دو مهره، همنگ نباشند، کدام است؟

$$\frac{37}{66} \quad (4)$$

$$\frac{35}{66} \quad (3)$$

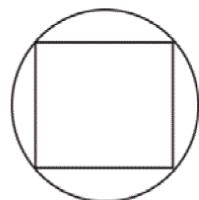
$$\frac{19}{33} \quad (2)$$

$$\frac{6}{11} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳- گواه -سوالات موازی ، آمار - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۱۲۱- در شکل زیر، مربعی در یک دایره محاط شده است. اگر شعاع دایره به صورت $R = 3 + E$ مدل‌سازی شده باشد، مساحت مربع از چه مدلی پیروی می‌کند؟



E' خطای اندازه‌گیری مساحت مربع است.)

$$24+E' \quad (2)$$

$$18+E' \quad (4)$$

$$16+E' \quad (1)$$

$$12+E' \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۲۲- ۱۲۸ و $\frac{1}{273}$ دو عدد تصادفی تولید شده توسط ماشین حساب هستند که برای انتخاب دو عدد طبیعی از بین اعداد ۵۴ تا ۷۶ استفاده شده‌اند. حاصل

جمع دو عدد انتخابی کدام است؟

$$116 \quad (4)$$

$$115 \quad (3)$$

$$114 \quad (2)$$

$$113 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۲۳- مراحل تحصیلی، متغیر تصادفی است. نوع آن کدام است؟

(۴) کیفی ترتیبی

(۳) کیفی اسمی

(۲) کمی پیوسته

(۱) کمی گسسته

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳- گواه -سوالات موازی ، معادله ، بازه و نامعادله ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۱۲۵- جواب نامعادله $1 \leq 3x - 2 \leq -1$ کدام است؟

$$-2 \leq x \leq 1 \quad (4)$$

$$-1 \leq x \leq \frac{1}{3} \quad (3)$$

$$-1 \leq x \leq 1 \quad (2)$$

$$\frac{1}{3} \leq x \leq 1 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۲۶- تعداد جواب‌های معادله $\frac{x-2}{x+2} + \frac{x}{x-2} = \frac{8}{x^2-4}$ کدام است؟

$$3 \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

$$1 \quad (2)$$

$$0 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۲۷- مجموعه‌ی جواب‌های نامعادله $\frac{x^2-4x+8}{(x-1)(x^2+1)} \geq 0$ ، کدام است؟

$$\{x | x > 1\} \quad (4)$$

$$\{x | x \geq 1\} \quad (3)$$

$$\{x | x < 1\} \quad (2)$$

$$\{x | x \leq 1\} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۲۸- اگر $\sin \alpha = -\frac{2\sqrt{2}}{3}$ و انتهای کمان α در ناحیهٔ چهارم دایرهٔ مثلثاتی باشد، مقدار $\sin\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right)$ کدام است؟

$$-\frac{\sqrt{2}}{3} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{3} \quad (3)$$

$$\frac{1}{3} \quad (2)$$

$$-\frac{1}{3} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۲۹- مقدار عبارت $\frac{\cos 20^\circ + \sqrt{3} \sin 20^\circ}{\cos 40^\circ}$ چقدر است؟

$$3 \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

$$\sqrt{3} \quad (2)$$

$$\sqrt{2} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۳۰- اگر $\tan \frac{x}{2} - \cot \frac{x}{2} = 1$ باشد، مقدار $\tan 2x$ کدام است؟

$$\frac{3}{2} \quad (4)$$

$$\frac{4}{3} \quad (3)$$

$$\frac{3}{4} \quad (2)$$

$$\frac{-3}{2} \quad (1)$$

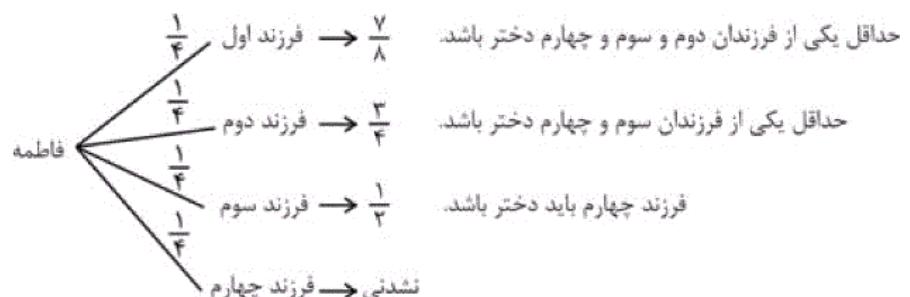
شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۳ ، احتمال ، پدیده‌های تصادفی و احتمال - ۱۳۹۵۰۹۱۹

-۹۲

(ممدرضا غریب‌دوست)

اگر فاطمه فرزند چهارم باشد، فرزند کوچک‌تر از ایشان وجود ندارد. اگر او فرزند سوم باشد، یک بچه کوچک‌تر از او هست که باید دختر باشد و اگر فاطمه فرزند دوم باشد، چون دو بچه کوچک‌تر وجود دارد، باید حداقل یکی دختر باشد و در نهایت اگر فرزند اول باشد چون سه فرزند کوچک‌تر وجود دارد، باید دست کم یکی دختر باشد. پس داریم.



$$P = \frac{1}{4} \times \frac{7}{8} + \frac{1}{4} \times \frac{3}{4} + \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4} \left(\frac{7}{8} + \frac{3}{4} + \frac{1}{2} \right) = \frac{1}{4} \times \frac{17}{8} = \frac{17}{32}$$

(ریاضی ۳، پدیده‌های تصادفی و احتمال، صفحه‌های ۱۹ تا ۲۱)

۴

۳

۲

۱ ✓

ریاضی ، ریاضی ۳ ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

(ابراهیم نجفی)

$f(x) = 1 \Rightarrow c = 1$: محل برخورد نمودار با محور y ها

$$\frac{-b}{2a} = 2 \Rightarrow 4a + b = 0$$

$$f(2) = -1 \Rightarrow 4a + 2b + 1 = -1$$

$$\Rightarrow 4a + 2b = -2 \Rightarrow 2a + b = -1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 4a + b = 0 \\ 2a + b = -1 \end{cases} \Rightarrow a = \frac{1}{2} \Rightarrow b = -2$$

$$\Rightarrow a + b + c = \frac{1}{2} + (-2) + 1 = \frac{1}{2} - 1 = -\frac{1}{2}$$

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۳۷ تا ۳۹)

 ۴ ۳ ۲ ۱

$$\Rightarrow f(x) = \frac{2x^2 - 8x + 13}{3x^2 - 12x + 13} = \frac{2(x-2)^2 + 5}{3(x-2)^2 + 1}$$

$$\Rightarrow f(2 + \sqrt{5}) = \frac{2(2 + \sqrt{5} - 2)^2 + 5}{3(2 + \sqrt{5} - 2)^2 + 1} = \frac{15}{16}$$

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۴۹ و ۵۰)

 ۴ ۳ ۲ ۱

ریاضی ، ریاضی ۳ ، آمار - ۱۳۹۵۰۹۱۹

(کبریم نصیری)

در این مطالعه، جامعه‌ی آماری، افراد فوت شده‌ی روستای مذکور در سال

۱۳۹۰ و متغیر تصادفی این مطالعه، علت فوت این افراد می‌باشد. روش

جمع‌آوری داده‌ها در این مطالعه استفاده از داده‌های از پیش تهیه شده می‌باشد.

(آمار و مدل‌سازی، صفحه‌های ۱۶ تا ۲۳ و ۲۷ تا ۳۱)

 ۴ ۳ ۲ ۱

ریاضی ، ریاضی ۳ ، معادله ، بازه و نامعادله ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

(میلار منسوبی)

$$\frac{x+1}{3x+2} < 1 \Rightarrow \frac{x+1}{3x+2} - 1 < 0 \Rightarrow \frac{-2x-1}{3x+2} < 0$$

$$\Rightarrow \begin{array}{c|ccc} x & -\frac{2}{3} & -\frac{1}{2} \\ \hline P & - & + & - \end{array} \Rightarrow x < \frac{-2}{3} \text{ یا } x > \frac{-1}{2} \quad (1)$$

$$\frac{2x+5}{x+1} > 1 \Rightarrow \frac{2x+5}{x+1} - 1 > 0 \Rightarrow \frac{x+4}{x+1} > 0 \Rightarrow \begin{array}{c|ccc} x & -4 & -1 \\ \hline P & + & 0 & - \end{array}$$

$$\Rightarrow x < -4 \text{ یا } x > -1 \quad (2)$$

 ۱ ۲ ۳ ۴

(مهدی ملا رفیانی)

$$\frac{x+1}{x-1} - \frac{2x-1}{x+1} = \frac{-2}{x^2-1}$$

$$\Rightarrow \frac{(x+1)^2}{x^2-1} - \frac{(2x-1)(x-1)}{x^2-1} = \frac{-2}{x^2-1}$$

$$\xrightarrow{x \neq \pm 1} x^2 + 2x + 1 - 2x^2 + 2x + x - 1 = -2$$

$$\Rightarrow -x^2 + 5x + 2 = 0 \Rightarrow$$

معادله دارای دو جواب است که چون مخالف ± 1 هستند، هر دو قابل قبول هستند.

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۲۵ و ۲۸)

 ۱ ۲ ۳ ۴

(علی ساوهی)

$$\begin{aligned} & \sin^2 x \cos^2 x (\cancel{2} + \frac{\sin^2 x}{\cos^2 x} + \frac{\cos^2 x}{\sin^2 x}) \\ & = \cancel{2} \sin^2 x \cos^2 x + \sin^2 x + \cos^2 x \\ & = (\sin^2 x + \cos^2 x)^{\cancel{2}} = \cancel{1} = 1 \end{aligned}$$

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۱۳۸ تا ۱۴۰)

۱✓

۲

۳

۴

(مهدی ملا، مفهانی)

$$\begin{aligned} \cos 40^\circ \times \cos 20^\circ \times \cos 10^\circ &= \frac{\cos 40^\circ \times \cos 20^\circ \times \cos 10^\circ \times \sin 10^\circ}{\sin 10^\circ} \\ &= \frac{\frac{1}{2} \sin 20^\circ \cos 20^\circ \cos 40^\circ}{\sin 10^\circ} = \frac{\frac{1}{4} \sin 40^\circ \cos 40^\circ}{\sin 10^\circ} \\ &= \frac{\frac{1}{8} \sin 80^\circ}{\sin 10^\circ} = \frac{\frac{1}{8} \cos 10^\circ}{\sin 10^\circ} = \frac{1}{8} \cot 10^\circ \end{aligned}$$

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۱۳۸ تا ۱۴۰)

۱

۲

۳✓

۴

(مهدی ملا، مفهانی)

$$\tan((x + \sqrt{3}y) + (x - \sqrt{3}y)) = \tan 2x$$

$$\Rightarrow \tan((x + \sqrt{3}y) + (x - \sqrt{3}y)) = \frac{\tan(x + \sqrt{3}y) + \tan(x - \sqrt{3}y)}{1 - \tan(x + \sqrt{3}y)\tan(x - \sqrt{3}y)}$$

$$\frac{\tan(x + \sqrt{3}y) = \sqrt{6} - 1}{\tan(x - \sqrt{3}y) = \sqrt{6} + 1} \rightarrow \frac{\sqrt{6} - 1 + \sqrt{6} + 1}{1 - (\sqrt{6} - 1)(\sqrt{6} + 1)} = \frac{2\sqrt{6}}{1 - (5)} = \frac{2\sqrt{6}}{-4} = \frac{-\sqrt{6}}{2}$$

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۱۳۸ تا ۱۴۰)

۱

۲

۳

۴✓

(هادی پلاور)

$$\sin x = \Delta \cos x + \Delta = \Delta(1 + \cos x) \xrightarrow{1+\cos x \neq 0} \frac{\sin x}{1 + \cos x} = \Delta$$

$$\Rightarrow \tan \frac{x}{2} = \Delta$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cos x} = \tan \frac{x}{2}$$

نکته:

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۸)

 ۴ ۳ ۲ ۱

ریاضی ، ریاضی ۳-سوالات موازی ، احتمال ، پدیده‌های تصادفی و احتمال - ۱۳۹۵۰۹۱۹

(مهرداد ملوندی)

برای بدست آوردن تعداد حالات مطلوب، دو برادر را با هم به عنوان یک بسته در نظر می‌گیریم. این دو برادر به ۲ حالت با هم جایه‌جا شده و این بسته با ۳ نفر دیگر به ۴! حالت جایگشت خواهد داشت، پس:

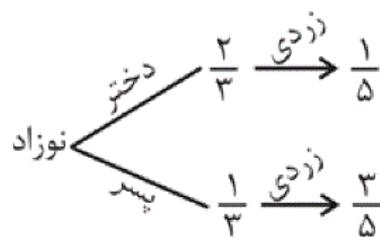
$$n(A) = 2 \times 4! \Rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{2 \times 4!}{5!} = \frac{2}{5}$$

: تعداد حالات مطلوب

(ریاضی ۳، پدیده‌های تصادفی و احتمال، صفحه‌های ۲۷ تا ۲۸)

 ۴ ۳ ۲ ۱

(محمد رضا غریب (دوست))



$$P = \frac{2}{3} \times \frac{1}{5} + \frac{1}{3} \times \frac{3}{5} = \frac{1}{3}$$

(نوزادی زردی بگیرد)

(ریاضی ۳، پدیده‌های تصادفی و احتمال، صفحه‌های ۱۹ تا ۲۰)

(کلیم نصیری)

-۱۱۱

در این مطالعه، جامعه‌ی آماری، افراد فوت شده‌ی روستای مذکور در سال ۱۳۹۰ و متغیر تصادفی این مطالعه، علت فوت این افراد می‌باشد. روش جمع‌آوری داده‌ها در این مطالعه استفاده از داده‌های از پیش تهیه شده می‌باشد.

(آمار و مدل‌سازی، صفحه‌های ۲۳ تا ۲۷ و ۳۱)

۴

۳

۲

۱ ✓

(رضا پورمهسنی)

-۱۱۲

رنگ یک متغیر کیفی‌اسمی و وزن کمی پیوسته است.

(آمار و مدل‌سازی، صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

۴

۳ ✓

۲

۱

(مهری ملارمنانی)

-۱۱۵

$$\frac{x+1}{x-1} - \frac{2x-1}{x+1} = \frac{-2}{x^2-1}$$

$$\Rightarrow \frac{(x+1)^2}{x^2-1} - \frac{(2x-1)(x-1)}{x^2-1} = \frac{-2}{x^2-1}$$

$$\xrightarrow{x \neq \pm 1} x^2 + 2x + 1 - 2x^2 + 2x + x - 1 = -2$$

$$\Rightarrow -x^2 + 5x + 2 = 0$$

معادله دارای دو جواب است که چون مخالف ± 1 هستند، هر دو قبل قبول هستند. \Rightarrow

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۲۵ تا ۲۸)

۴

۳ ✓

۲

۱

(میلار منحوری)

$$(x+4)(1-x) > 4\left(\frac{x-1}{x}\right) \Rightarrow (x+4)(1-x) - \frac{4(x-1)}{x} > 0.$$

$$\Rightarrow \frac{x(x+4)(1-x) - 4(x-1)}{x} > 0 \Rightarrow \frac{(1-x)(x(x+4)+4)}{x} > 0.$$

$$\Rightarrow \frac{(1-x)(x^2 + 4x + 4)}{x} > 0 \Rightarrow \frac{(1-x)(x+2)^2}{x} > 0.$$

x	-2	0	1
P	-	-	+

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۱)

۴

۳ ✓

۲

۱

ریاضی ، ریاضی ۳-سوالات موازی ، مثلثات ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

(علی ساوی)

$$\sin^2 x \cdot \cos^2 x \left(2 + \frac{\sin^2 x}{\cos^2 x} + \frac{\cos^2 x}{\sin^2 x} \right)$$

$$= 2 \sin^2 x \cdot \cos^2 x + \sin^2 x + \cos^2 x$$

$$= (\sin^2 x + \cos^2 x)^2 = 1^2 = 1$$

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۳۱ تا ۳۴)

۴ ✓

۳

۲

۱

(مهدی ملا، مفکنی)

$$\cos 40^\circ \times \cos 20^\circ \times \cos 10^\circ = \frac{\cos 40^\circ \times \cos 20^\circ \times \cos 10^\circ \times \sin 10^\circ}{\sin 10^\circ}$$

$$= \frac{\frac{1}{2} \sin 20^\circ \cos 20^\circ \cos 40^\circ}{\sin 10^\circ} = \frac{\frac{1}{2} \sin 40^\circ \cos 40^\circ}{\sin 10^\circ}$$

$$= \frac{\frac{1}{2} \sin 80^\circ}{\sin 10^\circ} = \frac{1}{2} \frac{\cos 10^\circ}{\sin 10^\circ} = \frac{1}{2} \cot 10^\circ$$

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۳۱ تا ۳۴)

۴

۳

۲ ✓

۱

(مهندی ملار، مفهانی)

$$\tan((x + \gamma y) + (x - \gamma y)) = \tan 2x$$

$$\Rightarrow \tan((x + \gamma y) + (x - \gamma y)) = \frac{\tan(x + \gamma y) + \tan(x - \gamma y)}{1 - \tan(x + \gamma y)\tan(x - \gamma y)}$$

$$\frac{\tan(x + \gamma y) = \sqrt{6} - 1}{\tan(x - \gamma y) = \sqrt{6} + 1} \rightarrow \frac{\sqrt{6} - 1 + \sqrt{6} + 1}{1 - (\sqrt{6} - 1)(\sqrt{6} + 1)} = \frac{2\sqrt{6}}{1 - (5)} = \frac{2\sqrt{6}}{-4} = \frac{-\sqrt{6}}{2}$$

(ریاضی ۳، تابع، صفت‌های ایمنی)

 ۴ ۳ ۲ ۱ ✓

(هادی پلاور)

-۱۲۰

$$\sin x = \Delta \cos x + \Delta = \Delta(1 + \cos x) \xrightarrow{1 + \cos x \neq 0} \frac{\sin x}{1 + \cos x} = \Delta$$

$$\Rightarrow \tan \frac{x}{2} = \Delta$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cos x} = \tan \frac{x}{2} \quad \text{نکته:}$$

(ریاضی ۳، تابع، صفت‌های ایمنی)

 ۴ ۳ ۲ ۱ ✓

ریاضی ، ریاضی ۳-گواه ، احتمال ، پدیده‌های تصادفی و احتمال - ۱۳۹۵۰۹۱۹

۱- موش اول سفید، موش دوم سفید، موش سوم سیاه:

$$P_1 = \left(\frac{5}{3+5} \right) \left(\frac{4}{3+4} \right) \left(\frac{3}{3+3} \right) = \frac{5}{8} \times \frac{4}{7} \times \frac{3}{6} = \frac{5}{28}$$

۲- موش اول سفید، موش دوم سیاه، موش سوم سیاه:

$$P_2 = \left(\frac{5}{3+5} \right) \left(\frac{3}{3+4} \right) \left(\frac{2}{2+4} \right) = \frac{5}{8} \times \frac{3}{7} \times \frac{2}{6} = \frac{5}{56}$$

پس احتمال مورد نظر برابر است با:

$$P = P_1 + P_2 = \frac{5}{28} + \frac{5}{56} = \frac{10}{56} + \frac{5}{56} = \frac{15}{56}$$

دقت کنید که چون موش‌ها متوالیاً انتخاب شده‌اند، یعنی یکی انتخاب شده‌اند، پس در هر انتخاب یکی از تعداد کل کم می‌شود.

راه حل دوم: چون از رنگ موش دوم اطلاعات در دست نیست، می‌توان آن را در نظر نگرفت یعنی می‌توان احتمال این‌که موش اول سفید و موش بعدی سیاه را حساب کرد:

$$P = \frac{5}{8} \times \frac{3}{7} = \frac{15}{56}$$

(ریاضی ۳، پریده‌های تصادفی و احتمال، صفحه‌های ۱۹ تا ۳۱)

۴ ✓

۳

۲

۱

ریاضی ، ریاضی ۳-گواه ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

(سراسری تهری - ۹۳)

$$f(x) = a(b)^x - 1 \xrightarrow{B(1, 1)} 11 = ab - 1 \Rightarrow ab = 12$$

$$\Rightarrow a = \frac{12}{b} \quad (I)$$

$$f(x) = a(b)^x - 1 \xrightarrow{A\left(\frac{-1}{r}, \frac{1}{r}\right)} \frac{1}{r} = a(b)^{\frac{-1}{r}} - 1 \Rightarrow \frac{r}{r} = \frac{a}{\sqrt{b}}$$

$$\xrightarrow{(I)} \frac{r}{r} = \frac{\frac{12}{b}}{\sqrt{b}} \Rightarrow \frac{r}{r} = \frac{12}{b\sqrt{b}}$$

طرفین به توان ۲ طرفین به توان ۳

$$\Rightarrow b\sqrt{b} = 12 \xrightarrow{b^3 = 64} b^3 = 64$$

$$\Rightarrow b = 4 \xrightarrow{(I)} a = r$$

$$\Rightarrow f(x) = r(4)^x - 1 \Rightarrow f(-1) = r(4)^{-1} - 1 = \frac{r}{4} - 1 = \frac{-1}{4}$$

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۳۷ تا ۳۹)

۴

۳✓

۲

۱

ریاضی ، ریاضی ۳-گواه ، آمار - ۱۳۹۵۰۹۱۹

(کتاب آین)

-۱۰۱-

$$= \frac{1}{2}ah = \frac{1}{2}(\Delta + E_1)(r + E_2)$$

$$= \frac{1}{2}(r_0 + rE_1 + \Delta E_2 + E_1E_2)$$

$$\approx \frac{1}{2}(r_0 + rE_1 + \Delta E_2) = r_0 + rE_1 + \frac{\Delta}{2}E_2$$

(آمار و مدل سازی، صفحه‌های ۹ تا ۱۳)

۴

۳

۲✓

۱

(کتاب آبی)

اندازه‌ی جامعه‌ای که می‌خواهیم از آن نمونه انتخاب کنیم $23 - 54 + 1 = 23 - 55 = 76$ است.

$$\xrightarrow{\text{حذف اعشار}} 6 / 273 \times 23 = 6 / 279$$

$\Rightarrow 6 + 1 = 7 \Rightarrow$ هفتمین عدد یعنی ۷ انتخاب می‌شود.

$$\xrightarrow{\text{حذف اعشار}} 2 / 128 \times 23 = 2 / 944$$

$\Rightarrow 2 + 1 = 3 \Rightarrow$ سومین عدد یعنی ۳ انتخاب می‌شود.

$$60 + 56 = 116$$

(آمار و مدل‌سازی، صفحه‌های ۲۴ تا ۲۶)

(کتاب آبی)

متغیر تعداد افراد چشم آبی کلاس، از نوع کمی گستته، متغیر وزن افراد یک کلاس، از نوع کمی پیوسته و متغیر **RH** خون افراد یک کلاس نیز متغیری از نوع کیفی اسمی است. (آمار و مدل‌سازی، صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

ریاضی ، ریاضی ۳-گواه ، معادله ، بازه و نامعادله ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

(سراسری تهری - ۸۲)

باید داشته باشیم:

$$f(x) \leq 3(x-1) \Rightarrow \frac{1}{2}x + 2 \leq 3x - 3$$

$$\xrightarrow{x+4} x + 4 \leq 6x - 6 \Rightarrow x \geq 2$$

پس کمترین مقدار $f(x)$ برابر است با ۳.

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۲۰ تا ۲۵ و ۲۸ تا ۳۱)

$$\frac{3x+2}{x+2} - \frac{1}{x} = \frac{5x-3}{x^2+2x} \Rightarrow \frac{3x^2+2x-x-2}{x^2+2x} = \frac{5x-3}{x^2+2x}$$

$\xrightarrow{x \neq 0, -2} 3x^2 + 2x - x - 2 = 5x - 3 \Rightarrow 3x^2 - 4x + 1 = 0$

۴

۳

۲

۱ ✓

(سراسری تبریز - ۷۲)

-۱۰۷

$$\frac{3x^2 - 3x}{x^2 - 1} > 1 \Rightarrow \frac{3x(x-1)}{(x-1)(x+1)} > 1$$

$$\xrightarrow{x \neq 1} \frac{3x}{x^2 + x + 1} > 1$$

مخرج همواره مثبت است، زیرا دلتای آن منفی و ضریب x^2 مثبت است. لذا با

ضرب طرفین نامعادله در مقدار مثبت $x^2 + x + 1$ جهت نامساوی عوض

نمی‌شود:

$$3x > x^2 + x + 1 \Rightarrow x^2 - 2x + 1 < 0 \Rightarrow (x-1)^2 < 0$$

سمت چپ نامنفی است، لذا نامعادله جواب ندارد.

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۱)

۴

۳

۲ ✓

۱

(سراسری ریاضی - ۱۳)

$$\lambda \cos a \cos b \cos\left(\frac{\pi}{2} - a\right) \cos\left(\frac{\pi}{2} - b\right)$$

با استفاده از دستور $\cos\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \sin \alpha$ ، داریم:

$$= \lambda \cos a \cos b \sin a \sin b = 2(2 \sin a \cos a)(2 \sin b \cos b)$$

با استفاده از دستور $\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$ ، خواهیم داشت:

$$= 2 \sin 2a \sin 2b$$

$$a + b = \frac{\pi}{4} \Rightarrow b = \frac{\pi}{4} - a$$

با جایگذاری خواهیم داشت:

$$= 2 \sin 2a \sin 2\left(\frac{\pi}{4} - a\right) = 2 \sin 2a \sin\left(\frac{\pi}{2} - 2a\right)$$

$$= 2 \sin 2a \cos 2a = \sin 4a$$

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۱۳۸ تا ۱۴۰)

 ۱ ۲ ۳ ۴ ✓

(سراسری ریاضی قارچ از کشور - ۱۸)

$$\tan\left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right) = \frac{1}{5} \Rightarrow \frac{1 - \tan \alpha}{1 + \tan \alpha} = \frac{1}{5}$$

$$\Rightarrow 5 - 5 \tan \alpha = 1 + \tan \alpha \Rightarrow 4 = 6 \tan \alpha \Rightarrow \tan \alpha = \frac{2}{3}$$

$$\tan 2\alpha = \frac{2 \tan \alpha}{1 - \tan^2 \alpha} \Rightarrow \tan 2\alpha = \frac{2 \left(\frac{2}{3}\right)}{1 - \frac{4}{9}} = \frac{12}{5} = 2.4$$

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۱۳۸ تا ۱۴۰)

 ۱ ۲ ✓ ۳ ۴

باید یک مهره‌ی سفید از ۵ مهره‌ی سفید و یک مهره‌ی سیاه از ۷ مهره‌ی سیاه
انتخاب کنیم.

$$P = \frac{\binom{5}{1} \times \binom{7}{1}}{\binom{12}{2}} = \frac{35}{66}$$

(ریاضی ۳، پریده‌های تصادفی و احتمال، صفحه‌های ۲ تا ۷)

 ۴ ۳ ۲ ۱

ریاضی ، ریاضی ۳- گواه - سوالات موازی ، آمار - ۱۳۹۵۰۹۱۹

(کتاب آبی)

-۱۲۱-

چون قطر مربع همان قطر دایره است خواهیم داشت:

$$\frac{(2R)^2}{2} = \frac{(6+2E)^2}{2} = \frac{36+24E+4E^2}{2}$$

$$\approx 18 + 12E = 18 + E'$$

(آمار و مدل‌سازی، صفحه‌های ۹ تا ۱۳)

 ۴ ۳ ۲ ۱

(کتاب آبی)

-۱۲۲-

اندازه‌ی جامعه‌ای که می‌خواهیم از آن نمونه انتخاب کنیم $23 = 76 - 54 + 1$ است.

$$6 / 273 \times 23 \xrightarrow{\text{حذف اعشار}} 6 / 279$$

 $\Rightarrow 6 + 1 = 7 \Rightarrow$ هفتمین عدد یعنی ۶ انتخاب می‌شود.

$$2 / 944 \xrightarrow{\text{حذف اعشار}} 2$$

 $\Rightarrow 2 + 1 = 3 \Rightarrow$ سومین عدد یعنی ۵۶ انتخاب می‌شود.

$$60 + 56 = 116$$

(آمار و مدل‌سازی، صفحه‌های ۲۴ تا ۲۶)

 ۴ ۳ ۲ ۱

(سراسری ریاضی هارج از کشور - ۱۶)

از آن جایی که به متغیر مراحل تحصیل نمی‌توان عدد نسبت داد و همچنین نوعی ترتیب طبیعی در آن وجود دارد (ابتدایی، راهنمایی، دبیرستان ...)، پس متغیر کیفی ترتیبی است.

(آمار و مدل‌سازی، صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

 ۴✓ ۳ ۲ ۱

ریاضی ، ریاضی ۳- گواه - سوالات موازی ، معادله ، بازه و نامعادله ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

(سراسری ریاضی - ۱۶)

$$-1 \leq 3x - 2 \leq 1 \Rightarrow 1 \leq 3x \leq 3 \Rightarrow \frac{1}{3} \leq x \leq 1$$

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۲۰ تا ۲۵)

 ۴ ۳ ۲ ۱✓

(سراسری ریاضی - ۷۵)

توجه می‌کنیم که $x \neq 2$ و $x \neq -2$ ، زیرا ریشه‌های مخرج هستند،با ضرب طرفین معادله در ک.م.م مخرج‌ها $((x-2)(x+2))$ داریم:

$$(x-2)^2 + x(x+2) = 8 \Rightarrow 2x^2 - 2x + 4 = 8 \Rightarrow 2x^2 - 2x - 4 = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - x - 2 = 0 \Rightarrow (x-2)(x+1) = 0 \Rightarrow x = -1, x = 2$$

 $x = 2$ قابل قبول نیست، پس $x = -1$ جواب معادله بوده و معادله فقط یک

جواب دارد.

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۲۵ تا ۲۸)

 ۴ ۳ ۲✓ ۱

(سراسری ریاضی - ۶۷)

از آنجایی که $x^3 + 5x^2 - 4x$ همواره مثبت هستند (زیرا در آنها Δ

منفی و ضریب x^2 مثبت است)، لذا کافی است $x > 0$ باشد.

بنابراین $x > 1$.

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۱)

 ۴ ۳ ۲ ۱

ریاضی ، ریاضی ۳- گواه - سوالات موازی ، مثلثات ، تابع - ۱۳۹۵۰۹۱۹

(سراسری ریاضی - ۷۱۴)

می‌دانیم:

$$\sin\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) = -\cos \alpha$$

اما α در ناحیه‌ی چهارم است، داریم:

$$\cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha}$$

$$\sin\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) = -\sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = -\sqrt{1 - \frac{8}{9}} = -\frac{1}{3}$$

(ریاضی ۳، تابع، صفحه‌های ۳۱ تا ۳۸)

 ۴ ۳ ۲ ۱

(سراسری تهری - ۶۷)

$$\begin{aligned} & \frac{\cos 2^\circ + \frac{\sin 6^\circ}{\cos 6^\circ} \sin 2^\circ}{\cos 4^\circ} \\ & = \frac{\cos 2^\circ \cos 6^\circ + \sin 2^\circ \sin 6^\circ}{\cos 4^\circ} \\ & = \frac{\cos(2^\circ - 6^\circ)}{\frac{1}{2} \cos 4^\circ} = \frac{\cos 4^\circ}{\frac{1}{2} \cos 4^\circ} = 2 \end{aligned}$$

(ریاضی ۳، تابع، صفت‌های ایسا تا ایسا)

 ۴ ۳ ۲ ۱

(سراسری تهری - ۷۴)

ابتدا از رابطه $\cot x - \tan x = 2 \cot 2x$ استفاده می‌کنیم:

$$\tan \frac{x}{2} - \cot \frac{x}{2} = 1 \Rightarrow -2 \cot 2 \left(\frac{x}{2} \right) = 1 \Rightarrow \cot x = -\frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \tan x = -2$$

و در انتها با کمک رابطه $\tan 2x = \frac{2 \tan x}{1 - \tan^2 x}$ مقدار $\tan 2x$ را می‌یابیم.

$$\tan 2x = \frac{2(-2)}{1 - (-2)^2} = \frac{-4}{-3} = \frac{4}{3}$$

(ریاضی ۳، تابع، صفت‌های ایسا تا ایسا)

 ۴ ۳ ۲ ۱