



[www.riazisara.ir](http://www.riazisara.ir) سایت ویژه ریاضیات

درسنامه ها و جزوه های دروس ریاضیات

دانلود نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نمونه سوالات و پاسخنامه کنکور

دانلود نرم افزارهای ریاضیات

و...و

کانال سایت ریاضی سرا در تلگرام:

[@riazisara](https://telegram.me/riazisara)

۸۱- طبق الگوی یوهان باود  $d = 4 + (3 \times 2^{n-2})$  برای  $n \geq 2$  فاصله‌ی نهمین سیاره از خورشید  
بر حسب واحد باود کدام است؟

۱۲۴ (۴)

۱۲۸ (۳)

۳۸۴ (۲)

۳۸۸ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۸۲- حاصل عبارت  $A = \frac{1+3+5+7+\dots+33}{1+3+5+\dots+11}$  کدام است؟

$\frac{121}{36}$  (۴)

$\frac{289}{36}$  (۳)

$\frac{259}{25}$  (۲)

$\frac{296}{25}$  (۱)

شما پاسخ نداده اید

۸۳- طی ده سال گذشته میانگین تعداد سؤالات درس ریاضی پایه از ۲۰ سؤال ریاضی کنکور انسانی ۷ سؤال بوده است. با تکیه بر ... می‌توان گفت سال آینده هم تعداد سؤال‌های ریاضی پایه ۷ سؤال خواهد بود.

(۲) درک شهودی

(۱) استقرای ریاضی

(۴) استدلال استقرایی

(۳) استدلال استنتاجی

شما پاسخ نداده اید

۸۴- با توجه به الگوی زیر، چه عبارتی را می‌توان به عنوان حاصل سطر دهم حدس زد؟

$$\begin{cases} 2+4=2 \times 3 \\ 2+4+6=3 \times 4 \\ 2+4+6+8=4 \times 5 \end{cases}$$

۱۲×۱۳ (۲)

۱۱×۱۲ (۴)

۱۰×۱۱ (۱)

۹×۱۰ (۳)

شما پاسخ نداده اید

۸۵- بهترین گزینه برای اثبات درستی عبارت «مجموع یک عدد زوج و یک عدد فرد همواره عددی فرد است.» کدام است؟

(۴) درک شهودی

(۲) استدلال استنتاجی

(۳) استدلال تمثیلی

(۱) استدلال استقرایی

شما پاسخ نداده اید

-۸۶- استدلال به کار گرفته شده در هر یک از موارد زیر، به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

«برای فهم بهتر (عدد منفی  $\times$  عدد منفی = عدد مثبت) از مثال فیلم خروج و ورود آب به مخزن که فیلم را رو به عقب نمایش می‌دهد، استفاده می‌کنیم.» - «یوهان باود با مشاهده فاصله‌ی سیارات از خورشید متوجه نظم الگویی خاص در آن‌ها شد.» - «هر مربع یک لوزی است.»

۱) درک شهودی - استقرایی - استنتاجی      ۲) تمثیلی - درک شهودی - استنتاجی

۳) درک شهودی - استقرایی - استقرایی      ۴) تمثیلی - استقرایی - استنتاجی

شما پاسخ نداده اید

-۸۷- با کدام استدلال، همواره می‌توان به طور قطعی به نتیجه‌ی درست و مطمئن رسید؟

۱) استقرایی      ۲) تمثیلی      ۳) درک شهودی      ۴) استنتاجی

شما پاسخ نداده اید

-۸۸- طبق الگوی حرکت آونگ گالیله، در مدت زمان ۴ ثانیه نوسان طول آونگ چند واحد است؟

۱) ۱۲      ۲) ۳      ۳) ۱۶      ۴) ۱

شما پاسخ نداده اید

-۸۹- در ... با استفاده از حواس پنج گانه پی به موقعیت اطراف خود می‌بریم.

۱) استدلال تمثیلی      ۲) استدلال استقرایی      ۳) درک شهودی      ۴) استنتاجی

شما پاسخ نداده اید

-۹۰- کدام گزینه نادرست است؟

۱) برای اثبات حکم  $\frac{n(n+1)}{2} = 1 + 2 + 3 + \dots + n$  از استدلال استقرایی استفاده می‌کنیم.

۲) استدلال استنتاجی روش نتیجه‌گیری کلی با استفاده از حقایقی است که درستی آن‌ها را پذیرفته‌ایم.

۳) یافتن نوعی مشابهت بین مفاهیم گوناگون را استدلال تمثیلی می‌گوئیم.

۴) روش نتیجه‌گیری کلی بر اساس مجموعه‌ی محدودی از مشاهدات و آزمایش‌ها را استدلال استقرایی می‌گوئیم.

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، ریاضی ۱ ، - ۱۳۹۵۰۷۲۳

-۹۱- کدام عبارت نادرست است؟

۱) هر عدد گویا را می‌توان به صورت تقسیم یک صحیح بر یک عدد طبیعی نمایش داد.

۲) بین هر دو عدد حقیقی بی شمار عدد حقیقی می‌توان یافت.

۳) هر عدد حقیقی، گویا یا صحیح است.

۴) بین دو عدد گویایی  $\frac{2}{5}$  و  $\frac{3}{5}$  بی شمار عدد گویا وجود دارد.

شما پاسخ نداده اید



۹۹- حاصل  $A = 2|1 - \sqrt{5}| + \sqrt{5}|\sqrt{5} - 2|$  کدام است؟

۳) ۴

$\sqrt{5}$  ۳

$2\sqrt{5}$  ۲

$3 + 4\sqrt{5}$  ۱

شما پاسخ نداده اید

۱۰۰- اگر  $c = \frac{-a}{2}$  و  $b = -\frac{1}{3}$ ،  $a = \frac{1}{2}$  باشد، حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$A = \frac{|b+a|-|a \times c|}{12|abc|}$$

$-\frac{1}{12}$  ۴

-۱۲ ۳

$\frac{1}{12}$  ۲

۱۲ ۱

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، آمار و مدل سازی ، - ۱۳۹۵۰۷۲۳

۱۰۱- کدام گزینه نادرست است؟

۱) جامعه‌ی آماری مجموعه‌ای از اشیاء یا افراد است که درباره‌ی اعضای آن، می‌خواهیم موضوع یا موضوعاتی را بررسی کنیم.

۲) جامعه‌ی آماری مجموعه‌ای از افراد یا اشیاء است که با هدف خاصی به صورت تصادفی انتخاب شده‌اند.  
۳) بررسی همه‌ی اعضای جامعه‌ی آماری را سرشماری می‌گویند.

۴) یکی از مشکلات سرشماری از بین رفتن برخی از اعضای جامعه‌ی آماری در حین سرشماری است.

شما پاسخ نداده اید

۱۰۲- اگر واحد اندازه‌گیری طول  $5/0$  متر باشد و طول یک زمین  $5/4$  متر اندازه‌گیری شده باشد، مقدار واقعی طول از چه عددی نمی‌تواند بیشتر باشد؟

۴/۵۵ ۴

۴ ۳

$4/75$  ۲

۵ ۱

شما پاسخ نداده اید

۱۰۳- طول و عرض یک مستطیل به ترتیب ۷ و ۴ و خطای اندازه‌گیری آن‌ها به ترتیب از راست به چپ و  $E_2$  می‌باشد. اگر مدل مساحت مستطیل برابر  $E_1 + 28$  باشد،  $E$  کدام است؟

$3E_2 + E_1$  ۴

$7E_2 + 4E_1$  ۳

$7E_1 + 4E_2$  ۲

$3E_1 + E_2$  ۱

شما پاسخ نداده اید

۱۰۴- در بررسی کدام یک از موارد زیر، بهتر است همه‌ی اعضای جامعه مورد بررسی قرار بگیرد؟  
۱) کیفیت گوشت ماهی آزاد دریایی خزر

۲) مقدار حداکثر ولتاژی که لامپ‌های تولیدی یک کارخانه می‌توانند تحمل کنند.

۳) بررسی کیفیت چای یک مزرعه برای خرید کردن از آن

۴) وضعیت نمرات دانش‌آموزان یک کلاس در درس ریاضی

شما پاسخ نداده اید

## ۱۰۵- کدام گزینه صحیح است؟

- ۱) تعداد اعضای نمونه را اندازه‌ی جامعه گویند.
- ۲) در دسترس بودن تمام اعضای جامعه، یکی از مشکلات سرشماری است.
- ۳) اعداد تصادفی همواره نامنفی و کوچک‌تر از یک است.
- ۴) فقط جامعه‌هایی را مورد مطالعه قرار می‌دهیم که اندازه‌ی آن‌ها نامتناهی باشد.

شما پاسخ نداده اید

## ۱۰۶- بهترین روش جمع‌آوری داده، درباره‌ی موضوعات زیر، به ترتیب کدام است؟

- الف) جمعیت زیر ۲۰ سال ایران، از جمعیت بالای ۶۰ سال بیش‌تر است.
  - ب) دانشجویان دانشگاه تهران به موسیقی‌نتمانی علاقه‌ی بیش‌تری دارند.
  - پ) تعداد خودروهای پراید در اتوبان تهران - قم بیش‌تر از سایر وسایل نقلیه است.
- ۱) مشاهده و ثبت وقایع، انجام آزمایش، استفاده از داده‌های از پیش تهیه شده
  - ۲) استفاده از داده‌های از پیش تهیه شده، انجام آزمایش، مصاحبه و پرسش
  - ۳) استفاده از داده‌های از پیش تهیه شده، مصاحبه و پرسش، مشاهده و ثبت وقایع
  - ۴) مشاهده و ثبت وقایع، مصاحبه و پرسش، استفاده از داده‌های از پیش تهیه شده

شما پاسخ نداده اید

## ۱۰۷- برای انتخاب نمونه‌ی تصادفی بین ۸۰۰ نفر، عدد تصادفی $\frac{۳۰۴}{۰}$ به وسیله‌ی ماشین حساب ظاهر شده است. شماره‌ی نمونه‌ی انتخابی کدام است؟

- (۱) ۲۴۳      (۲) ۲۴۴      (۳) ۳۰۴      (۴) ۳۰۵

شما پاسخ نداده اید

## ۱۰۸- در یک بررسی آماری، وزن یک شخص، $\frac{۵۳}{۶۴}$ کیلوگرم اندازه‌گیری شده است. کدام گزینه می‌تواند میزان خطای این اندازه‌گیری بر حسب کیلوگرم باشد؟

- (۱)  $\frac{۰}{۱}$       (۲)  $\frac{۰}{۰۰۴}$       (۳)  $\frac{۰}{۳}$       (۴) صفر

شما پاسخ نداده اید

## ۱۰۹- هنگام مراجعه به مرکز آمار ایران و استفاده از اطلاعات موجود در آن‌جا، از کدام روش جمع‌آوری داده‌ها استفاده می‌کنیم؟

- ۲) مشاهده و ثبت وقایع
  - ۴) استفاده از داده‌های از پیش تهیه شده
- ۱) پرسشنامه
  - ۳) آزمایش

شما پاسخ نداده اید

## ۱۱۰- بیان مسئله به زبان ریاضی را ... می‌نامیم و ... اولین قدم برای رسیدن به اطلاعات عددی است.

- ۱) نمونه‌آماری - روش‌های آماری
- ۲) مدل‌سازی ریاضی - نمونه‌آماری
- ۳) مدل‌سازی ریاضی - اندازه‌گیری
- ۴) اندازه‌گیری - نمونه‌آماری

شما پاسخ نداده اید

۱۱۱- دامنهٔ تابع  $f(x) = \sqrt{2 - 3x}$  کدام است؟

$$x \leq \frac{3}{2} \quad (4)$$

$$x \geq \frac{3}{2} \quad (3)$$

$$x \geq \frac{2}{3} \quad (2)$$

$$x \leq \frac{2}{3} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۱۲- تابع داده شده در جدول زیر را با کدام ضابطه می‌توان نشان داد؟

x	.	1	2	3	4
$f(x)$	2	3	5	9	17

$$f(x) = 2x + 1 \quad (1)$$

$$f(x) = x^3 + 1 \quad (2)$$

$$f(x) = 2^x + 1 \quad (3)$$

$$f(x) = 3^x + 1 \quad (4)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۱۳- اگر  $f = \{(m^2 - 4, 5), (m^2 - 4, m^2 - 11), (8 + m, 2)\}$  کدام است؟

$$-4 \text{ فقط} \quad (2)$$

$$+4 \text{ فقط} \quad (1)$$

۴) هیچ مقداری برای  $m$  وجود ندارد.

$$\pm 4 \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۱۴- دامنهٔ تابع  $f(x) = \frac{x-1}{\sqrt{-3x+7}}$  شامل چند عدد طبیعی است؟

$$4 \text{ بی‌شمار} \quad (4)$$

$$3 \text{ صفر} \quad (3)$$

$$3 \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۱۵- دامنهٔ تابع  $f(x) = \frac{\sqrt[5]{x^2 - 4}}{\sqrt[3]{x^2 + 1}}$  کدام است؟

$$\mathbb{R} - \{0\} \quad (4)$$

$$\mathbb{R} - \{\pm 1\} \quad (3)$$

$$\mathbb{R} - \{1\} \quad (2)$$

$$\mathbb{R} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۱۶- اگر تابع داده شده در جدول زیر را با یک ضابطه بتوان نشان داد، مقدار  $a$  کدام است؟

x	.	3	4	$a+1$
$f(x)$	.	27	64	216

$$5 \quad (2)$$

$$4 \quad (1)$$

$$7 \quad (4)$$

$$6 \quad (3)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۱۷- دامنهٔ تابع  $f(x) = \frac{x^2 - 4}{x+2} + 3x^4 - 3$  کدام است؟

$$\mathbb{R} - \{-2\} \quad (4)$$

$$\mathbb{R} - \{2\} \quad (3)$$

$$\mathbb{R} \quad (2)$$

$$\mathbb{R} - \{-2, -1, 1\} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۱۸- در توابع  $f(x) = x^3 + 2$  و  $g(x) = x - 4$ ، حاصل عبارت  $\frac{f(2) \times g(4)}{f(1)}$  کدام است؟

$$\frac{5}{2} \quad (4)$$

$$\frac{3}{4} \quad (3)$$

$$\frac{1}{4} \quad (2)$$

(1) صفر

شما پاسخ نداده اید

۱۱۹- دامنهٔ تابع  $f(x) = \frac{2-3x}{x^2-3x}$  کدام است؟

$$R - \{0\} \quad (4)$$

$$R - \{0, 1\} \quad (3)$$

$$R - \{1, 3\} \quad (2)$$

$$R - \{0, 3\} \quad (1)$$

شما پاسخ نداده اید

۱۲۰- جدول زیر معرف یک تابع است که آن را با یک ضابطه می‌توان نشان داد. مقدار  $a$  کدام است؟

x	1	2	3	4	5
$f(x)$	2	5	10	a	26

۱۵ (۲)

(۱)

۱۱ (۴)

۱۴ (۳)

شما پاسخ نداده اید

(محمد بهیرایی)

-۸۱

$$\begin{aligned} d &= 4 + (3 \times 2^{n-2}) \xrightarrow{n=9} d = 4 + (3 \times 2^7) \\ &= 4 + (3 \times 128) = 4 + 384 = 388 \end{aligned}$$

(ریاضی پایه، استدلال ریاضی، صفحه‌های ۵ تا ۷)

۴

۳

۲

۱

(محمد بهیرایی)

-۸۲

با استفاده از استقرای ریاضی ثابت می‌شود مجموع  $n$  عدد فرد متوالی اولیه با شروع از یک برابر است با:  $n^2$

۳۳، هفدهمین عدد فرد است، پس:

$$\Rightarrow 1 + 3 + 5 + 7 + \dots + 33 = 17^2 = 289$$

۱۱، ششمین عدد فرد است، پس:

$$1 + 3 + 5 + \dots + 11 = 6^2 = 36$$

$$\Rightarrow A = \frac{289}{36}$$

(ریاضی پایه، استدلال ریاضی، صفحه‌های ۹ و ۱۰)

۴

۳

۲

۱

(محمد فندان)

-۸۳

استدلال استقرایی روش نتیجه‌گیری کلی بر مبنای مجموعه‌ی محدودی از مشاهدات است. پس با تکیه بر استدلال استقرایی می‌توان نتیجه گرفت که سال آینده هم تعداد سوال‌های ریاضی پایه ۷ سوال خواهد بود.

(ریاضی پایه، استدلال ریاضی، صفحه‌های ۱۴ تا ۱۷)

۴

۳

۲

۱

-۸۴

(امیر زراندوز)

جواب سطر اول  $2 \times 3$  شده، جواب سطر دوم  $3 \times 4$  شده و ... پس  
جواب سطر  $n^m$  ( $n+2$ ) $(n+1)$  خواهد شد، لذا:

$11 \times 12 =$  حاصل سطر دهم بر اساس استدلال استقرایی

(ریاضی پایه، استدلال ریاضی، صفحه‌های ۳ تا ۹)

۴

۳

۲

۱

-۸۵

بهترین استدلال برای اثبات درستی عبارت موردنظر استدلال استنتاجی است. استدلال استنتاجی روش نتیجه‌گیری کلی با استفاده از حقایقی است که درستی آن‌ها را پذیرفته‌ایم.

(ریاضی پایه، استدلال ریاضی، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۴)

۴

۳

۲

۱

-۸۶

«برای فهم بهتر (عدد منفی  $\times$  عدد منفی = عدد مثبت) از مثال فیلم خروج و ورود آب به مخزن که فیلم را رو به عقب نمایش می‌دهد، استفاده می‌کنیم.» از استدلال تمثیلی، «یوهان باود با مشاهده فاصله‌ی سیارات از خورشید متوجه نظم الگوی خاصی در آن‌ها شد.» از استدلال استقرایی و «هر مربع یک لوزی است» از استدلال استنتاجی استفاده شده است.

(ریاضی پایه، استدلال ریاضی، صفحه‌های ۲ تا ۷ و ۱۱ تا ۱۴)

۴

۳

۲

۱

-۸۷

با استدلال استنتاجی همواره می‌توان به نتیجه‌ی درست و مطمئن رسید.

(ریاضی پایه، استدلال ریاضی، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۴)

۴

۳

۲

۱

-۸۸

طبق الگویی که گالیله به دست آورد توان دوم زمان نوسان بر حسب ثانیه برابر با طول آونگ است. پس: واحد  $= 4^2 = 16$  = طول آونگ

(ریاضی پایه، استدلال ریاضی، صفحه‌های ۱۳ و ۱۵)

۴

۳

۲

۱

-۸۹

(کورش (اوی))

در «درک شهودی» با استفاده از حواس پنجگانه پی به موقعیت اطراف خود می‌بریم.

(ریاضی پایه، استدلال ریاضی، صفحه‌های ۱ و ۲)

۴

۳✓

۲

۱

-۹۰

(کورش (اوی))

برای اثبات حکم  $\frac{n(n+1)}{2} = 1 + 2 + 3 + \dots + n$  از استقرای ریاضی استفاده می‌کنیم.

(ریاضی پایه، استدلال ریاضی، صفحه‌های ۲ تا ۱۳)

۴

۳

۲

۱✓

ریاضی ، ریاضی ۱ ، - ۱۳۹۵۰۷۲۳

-۹۱

(محمد بهیرابی)

هر عدد حقیقی یا گویا یا گنگ است. بنابراین گزینه‌ی «۳» نادرست است.

(ریاضی (ا)، اعداد و نمادها، صفحه‌های ۲ تا ۱۰ و ۱۵)

۴

۳✓

۲

۱

-۹۲

(محمد بهیرابی)

$$\frac{3}{5} = \frac{3 \times 12}{5 \times 12} = \frac{36}{60}$$

$$\frac{7}{12} = \frac{7 \times 5}{12 \times 5} = \frac{35}{60}$$

$$\frac{19}{30} = \frac{19 \times 2}{30 \times 2} = \frac{38}{60}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{2 \times 20}{3 \times 20} = \frac{40}{60}$$

$$\Rightarrow \frac{7}{12} < \frac{3}{5} < \frac{19}{30} < \frac{2}{3}$$

(ریاضی (ا)، اعداد و نمادها، صفحه‌های ۸ تا ۱۰)

۴

۳

۲✓

۱

(همیدرضا سهودی)

$$\frac{2}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{6}$$

$\frac{2}{3}$  از ربع یک میله یعنی:

از طرفی ۳ متر معادل با ۳۰۰ سانتی‌متر است. پس:

$$\frac{1}{6} \times 300 = 50$$

حال ۵۰ سانتی‌متر را باید به چهار قسمت مساوی تقسیم کنیم:

$$50 \div 4 = 12 \frac{1}{5}$$

(ریاضی (ا)، اعداد و نمادها، صفحه‌های ۸ تا ۱۰)

۴✓

۳

۲

۱

(امیر زراندوز)

$$\frac{1}{5} + \frac{1}{3} = \frac{8}{15}$$

$$\Rightarrow \frac{8}{15} \times 30000 = 16000$$

$$\text{تومان } 16000 - 16000 = 30000 = \text{باقی‌مانده‌ی پول}$$

$$\text{تومان } 4000 = \frac{2}{7} \times 14000 \Rightarrow \text{پول کتاب}$$

$$\text{تومان } 16000 + 4000 = 20000 = \text{کل هزینه‌ی علی}$$

$$\text{تومان } 10000 = 30000 - 20000 = \text{پس‌انداز} \Rightarrow$$

(ریاضی (ا)، اعداد و نمادها، صفحه‌های ۸ تا ۱۰)

۴

۳

۲✓

۱

صورت را جداگانه و مخرج را جداگانه محاسبه می‌کنیم، خواهیم

داشت:

$$\left. \begin{array}{l} \text{صورت عبارت} \\ (\frac{11}{4} + \frac{8}{3}) \times 2 = (\frac{33+32}{12}) \times 2 = \frac{65}{6} \end{array} \right\}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{مخرج عبارت} \\ \frac{16}{9} - \frac{8}{7} = \frac{112-72}{63} = \frac{40}{63} \end{array} \right\}$$

$$\Rightarrow A = \frac{\frac{65}{6}}{\frac{40}{63}} = \frac{63 \times 65}{6 \times 40} = \frac{4095}{240} = \frac{273}{16}$$

(ریاضی (ا)، اعداد و نمادها، صفحه‌های ۸ تا ۱۰)

۴ ✓

۳

۲

۱

گزینه‌ی «۳» به صورت زیر درست است:

$$(x+x) \times (y+z) = 2x \times (y+z) = 2xy + 2xz$$

(ریاضی (ا)، اعداد و نمادها، صفحه‌های ۲۵ تا ۲۷)

۴

۳ ✓

۲

۱

(لیلا هایی علیها)

با توجه به شکل، نقطه‌ی B بین A و C قرار دارد، یعنی بین  $\frac{5}{6}$  و  $\frac{5}{6}$

$\frac{7}{8}$  قرار دارد. می‌توانیم دو کسر  $\frac{5}{6}$  و  $\frac{7}{8}$  را هم مخرج کنیم، سپس

$$\frac{40}{48} \text{ و } \frac{42}{48}$$

عدد گویای بین این دو کسر را بیابیم.

پس کسر  $\frac{41}{48}$  بین این دو کسر قرار دارد.

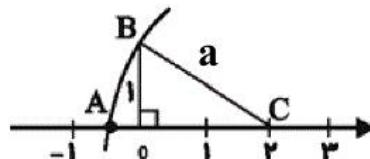
(ریاضی (ا)، اعداد و نمادها، صفحه‌های ۸ تا ۱۰)

۴

۳

۲ ✓

۱



طبق رابطه‌ی فیثاغورس داریم:

$$a^2 = 2^2 + 1^2 = 5 \xrightarrow{a > 0} a = \sqrt{5}$$

از نقطه‌ی ۲ به اندازه‌ی  $\sqrt{5}$  به سمت چپ محور حرکت کرده‌ایم تا نقطه‌ی A به دست آید، پس A بیانگر عدد  $-\sqrt{5} - 2$  است.

(ریاضی (ا)، اعداد و نمادها، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۹)

۴ ✓

۳

۲

۱

(کوروش داودی)

$$(1 - \sqrt{5}) < 0 \Rightarrow |1 - \sqrt{5}| = -(1 - \sqrt{5})$$

$$(\sqrt{5} - 2) > 0 \Rightarrow |\sqrt{5} - 2| = (\sqrt{5} - 2)$$

$$\Rightarrow A = 2[-(1 - \sqrt{5})] + \sqrt{5}(\sqrt{5} - 2)$$

$$= 2(-1 + \sqrt{5}) + 5 - 2\sqrt{5}$$

$$= -2 + 2\sqrt{5} + 5 - 2\sqrt{5} = 3$$

(ریاضی (ا)، اعداد و نمادها، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۹)

۴ ✓

۳

۲

۱

(کوروش داودی)

$$c = -\frac{a}{2} = -\frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{4}} = -\frac{1}{\frac{1}{4}} \Rightarrow A = \frac{\left| -\frac{1}{3} + \frac{1}{2} \right| - \left| \frac{1}{2} \times \frac{-1}{4} \right|}{12 \times \left| \frac{1}{2} \times \frac{-1}{3} \times \frac{-1}{4} \right|}$$

$$= \frac{\left| \frac{1}{6} \right| - \left| \frac{-1}{8} \right|}{12 \times \left| \frac{1}{24} \right|} = \frac{\frac{1}{6} - \frac{1}{8}}{\frac{1}{24}} = \frac{\frac{4-3}{24}}{\frac{1}{24}} = \frac{1}{1} = \frac{2}{24} = \frac{1}{12}$$

(ریاضی (ا)، اعداد و نمادها، صفحه‌های ۸ تا ۱۰ و ۱۷)

۴

۳

۲ ✓

۱

جامعه‌ی آماری به صورت تصادفی انتخاب نمی‌شود.

(آمار و مدل‌سازی، جامعه و نمونه، صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

 ۴ ۳ ۲✓ ۱

چون قدر مطلق خطای اندازه‌گیری از واحد اندازه‌گیری کوچک‌تر است، پس  $|E| < 5/0$ . بنابراین مقدار واقعی به مقدار کم‌تر از  $5/0$  می‌تواند با مقدار اندازه‌گیری شده اختلاف داشته باشد، پس:

$$4/5 - 0/5 < L < 4/5 + 0/5 \Rightarrow 4 < L < 5$$

(آمار و مدل‌سازی، اندازه‌گیری و مدل‌سازی، صفحه‌های ۹ تا ۱۳)

 ۴ ۳ ۲✓ ۱

$$\text{عرض} = 7 + E_1 = 4 + E_2$$

$$\text{عرض} \times \text{طول} = \text{مساحت مستطیل} \Rightarrow$$

$$= (7 + E_1)(4 + E_2) = 28 + 7E_2 + 4E_1 + E_1E_2$$

$$\simeq 28 + \underbrace{7E_2 + 4E_1}_E$$

از خطای  $E_1, E_2$  صرف نظر کرده‌ایم.

(آمار و مدل‌سازی، اندازه‌گیری و مدل‌سازی، صفحه‌های ۹ تا ۱۳)

 ۴ ۳✓ ۲ ۱

عمل نمونه‌گیری وقتی انجام می‌شود که بررسی تمام اعضای جامعه‌ی آماری غیرممکن باشد. در گزینه‌های «۱، ۲ و ۳» سرشماری امکان‌پذیر نیست مثلاً نمی‌توانیم تک تک ماهی‌های آزاد دریای خزر را صید کرده و کیفیت گوشت آن‌ها را بررسی کنیم، ولی در بررسی وضعیت نمرات دانش‌آموزان یک کلاس در درس ریاضی می‌توانیم همه‌ی آن‌ها را بررسی کنیم.

(آمار و مدل‌سازی، جامعه و نمونه، صفحه‌های ۱۶ تا ۲۱)

 ۴✓ ۳ ۲ ۱

-۱۰۵

### تشریح گزینه‌های دیگر:

(همیرضا سهودی)

گزینه‌ی «۱»: تعداد اعضای نمونه را اندازه‌ی آن نمونه گویند.

گزینه‌ی «۲»: یکی از مشکلات سرشماری در دسترس نبودن تمام اعضای جامعه است.

گزینه‌ی «۴»: جامعه‌هایی که اندازه‌ی آن‌ها متناهی باشد، مورد بررسی قرار می‌گیرند.

(آمار و مدل‌سازی، جامعه و نمونه، صفحه‌های ۱۵ تا ۲۶)

۴

۳

۲

۱

(فرهاد تراز)

-۱۰۶

برای مورد اوّل داده‌های از پیش تهیه شده، مورد دوم مصاحبه و پرسش و مورد سوم مشاهده و ثبت وقایع بهترین روش جمع‌آوری داده‌ها هستند.

(آمار و مدل‌سازی، جامعه و نمونه، صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

۴

۳

۲

۱

(فرهاد تراز)

-۱۰۷

$$\text{حذف اعشار} \rightarrow ۲۴۳ \xrightarrow[۰ / ۳۰۴ \times ۸۰۰ = ۲۴۳ / ۲]{+1} ۲۴۴$$

(آمار و مدل‌سازی، جامعه و نمونه، صفحه‌های ۲۶ تا ۳۱)

۴

۳

۲

۱

(مهری ملارمپانی)

-۱۰۸

خطا لزوماً از واحد اندازه‌گیری کم‌تر است. با توجه به مقدار  $۵۳ / ۵۳$  پس،  $|E| < ۰ / ۰$  می‌باشد. بنابراین گزینه‌ی «۲» صحیح است.

(آمار و مدل‌سازی، اندازه‌گیری و مدل‌سازی، صفحه‌های ۹ تا ۱۳)

۴

۳

۲

۱

(کورش داودی)

-۱۰۹

مراجعه به مرکز آمار ایران و استفاده از اطلاعات موجود در آن‌جا، استفاده از داده‌های از پیش تهیه شده است.

(آمار و مدل‌سازی، جامعه و نمونه، صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

۴

۳

۲

۱

(کورش داودی)

-۱۱۰

بیان مسئله به زبان ریاضی را «مدل‌سازی» ریاضی می‌نامیم و «اندازه‌گیری» اولین قدم برای رسیدن به اطلاعات عددی است.

(آمار و مدل‌سازی، اندازه‌گیری و مدل‌سازی، صفحه‌های ۱۴ تا ۱۸)

۴

۳

۲

۱

- ۱۱۱

(محمد بهیرایی)

$$2 - 3x \geq 0 \Rightarrow 2 \geq 3x \Rightarrow x \leq \frac{2}{3}$$

(ریاضی سال سوم، تابع، صفحه‌های ۹ و ۱۰)

 ۴ ۳ ۲ ۱

- ۱۱۲

(محمد بهیرایی)

$$2^0 + 1 = 1 + 1 = 2$$

$$2^1 + 1 = 2 + 1 = 3$$

$$2^2 + 1 = 4 + 1 = 5$$

$$2^3 + 1 = 8 + 1 = 9$$

$$2^4 + 1 = 16 + 1 = 17$$

$$\Rightarrow f(x) = 2^x + 1$$

(ریاضی سال سوم، تابع، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

 ۴ ۳ ۲ ۱

- ۱۱۳

(امیر زراندوز)

$$(m^2 - 4, 5) = (m^2 - 4, m^2 - 11) \Rightarrow m^2 - 11 = 5$$

$$\Rightarrow m^2 = 16 \xrightarrow{\text{جذر}} m = \pm 4$$

 $m = 4 \Rightarrow f = \{(12, 5), (12, 2)\} \Rightarrow f$  تابع نیست

 $m = -4 \Rightarrow f = \{(12, 5), (-4, 2)\} \Rightarrow f$  تابع است
پس فقط جواب  $m = -4$  قابل قبول است.

(ریاضی سال سوم، تابع، صفحه‌های ۵ تا ۷)

 ۴ ۳ ۲ ۱

- ۱۱۴

(همیدرضا سهودی)

عبارت زیر رادیکال در مخرج فقط باید بزرگ‌تر از صفر باشد، پس داریم:

$$x < \frac{7}{3} \xrightarrow{\text{تقسیم طرفین بر } -3} -3x + 7 > 0 \Rightarrow -3x > -7$$

جهت نامساوی عوض می‌شود

مجموعه اعداد طبیعی که در دامنه وجود دارد  $\{1, 2\}$  می‌باشد، پس شامل دو عدد طبیعی است.

(ریاضی سال سوم، تابع، صفحه‌های ۹ و ۱۰)

 ۴ ۳ ۲ ۱

(همیدرضا سهوی)

چون فرجه‌ها فرد هستند در بررسی دامنهٔ تابع فقط ریشه‌های مخرج را در صورت وجود از  $R$  کم می‌کنیم. لذا:

$$x^2 + 1 = 0 \Rightarrow x^2 = -1$$

معادلهٔ  $x^2 = -1$  جواب ندارد. لذا دامنهٔ تابع برابر با  $R$  است.

(ریاضی سال سوم، تابع، صفحه‌های ۷ تا ۱۰)

 ۴ ۳ ۲ ۱

(محمد بهیرایی)

با توجه به مقادیر داده شده در جدول ضابطهٔ تابع  $f(x) = x^3$

$$(a+1)^3 = 216 \Rightarrow a+1 = 6 \Rightarrow a = 5$$

است. پس:

(ریاضی سال سوم، تابع، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

 ۴ ۳ ۲ ۱

(مهدی ملارمفانی)

دامنهٔ توابع کسری برابر است با  $\{x \in R \mid x \neq -2\}$ . بنابراین:

$$x + 2 = 0 \Rightarrow x = -2$$

$$\Rightarrow D_f = R - \{-2\}$$

تذکر: عبارت  $-3x^3$  همواره تعریف شده است.

(ریاضی سال سوم، تابع، صفحه‌های ۹ و ۱۰)

 ۴ ۳ ۲ ۱

(مهدی ملارمفانی)

$$g(4) = 4 - 4 = 0$$

$$f(2) = 2^2 + 2 = 6$$

$$f(1) = 1^2 + 2 = 3$$

$$\Rightarrow \frac{6 \times 0}{3} = 0$$

(ریاضی سال سوم، تابع، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

 ۴ ۳ ۲ ۱

(کورش داودی)

در تابع کسری اعدادی که مخرج کسر را صفر می‌کنند از دامنهٔ  
تابع حذف می‌شوند.

$$\begin{aligned}x^2 - 3x = 0 &\Rightarrow x(x - 3) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 3 \end{cases} \\ \Rightarrow D_f = R - \{0, 3\}\end{aligned}$$

(ریاضی سال سوم، تابع، صفحه‌های ۹ و ۱۰)

 ۴ ۳ ۲ ۱ ✓

(کورش داودی)

طبق جدول ضابطهٔ تابع به صورت  $f(x) = x^2 + 1$  تعریف می‌شود.

پس:

$$f(4) = 4^2 + 1 = 17 \Rightarrow a = 17$$

(ریاضی سال سوم، تابع، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

 ۴ ۳ ۲ ۱ ✓