



www.riazisara.ir سایت ویژه ریاضیات

درسنامه ها و جزوه های دروس ریاضیات

دانلود نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نمونه سوالات و پاسخنامه کنکور

دانلود نرم افزارهای ریاضیات

و...و

کانال سایت ریاضی سرا در تلگرام:

[@riazisara](https://telegram.me/riazisara)

ریاضی ، آمار و مدل‌سازی ، اندازه‌گیری و مدل‌سازی - ۱۳۹۵۰۶۲۶

۱۴۱- در دو دایره‌ی هم‌مرکز، اندازه‌ی شعاع هر کدام از آن‌ها با خطاهای R و E_R به ترتیب R و r ($R > r$) برآورده است. مدل مساحت محدود بین این دو دایره کدام است؟

$$\pi(R^2 - r^2 - 2Rr) \quad (1)$$

$$\pi(R^2 - r^2 + 2RE_R - 2rE_R) \quad (2)$$

$$\pi R^2 - \pi r^2 - 2\pi E_R - 2\pi E_r \quad (3)$$

$$\pi R^2 - \pi r^2 - \pi r(E_R + E_r) \quad (4)$$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، آمار و مدل‌سازی ، نمونه ، جامعه و نمونه - ۱۳۹۵۰۶۲۶

۱۴۲- مهمترین قسمت یک بررسی آماری کدام است؟

۴) مدل‌سازی

۳) انتخاب جامعه

۲) نمونه‌گیری

۱) انتخاب طول دسته

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، آمار و مدل‌سازی ، جدول فراوانی و دسته‌بندی ، دسته‌بندی داده‌ها - ۱۳۹۵۰۶۲۶

۱۴۳- در یک جدول فراوانی، کران پایین دسته‌ی دوم برابر ۵ و کران بالای دسته‌ی پنجم برابر ۲۱ است. مرکز دسته‌ی سوم کدام است؟

۱۶

۱۱

۱۵

۱

شما پاسخ نداده اید

۱۴۴- با توجه به جدول فراوانی زیر، حاصل $x.y$ کدام است؟

دسته‌ها	دسته‌ها	مرکز دسته‌ها	فراآنی مطلق	فراآنی نسبی
$[1,3)$	۲	۲	۶	۰/۳
$[3,5)$	۴	۴	۱۰	۰/۵
$[5,7]$	۶	x	y	

۰/۸

۰/۶

۱/۳

۱/۲

شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، آمار و مدل‌سازی ، نمودار چند بر فراوانی ، نمودارها و تحلیل داده‌ها - ۱۳۹۵۰۶۲۶

۱۴۵- برای تعدادی داده‌ی آماری، مساحت زیر نمودار چندبر فراوانی $13 - 2x^2$ و مساحت زیر نمودار مستطیلی برای همان داده‌ها $6x + 7$ می‌باشد. مساحت زیر نمودار مستطیلی چند واحد مربع است؟

۴۰

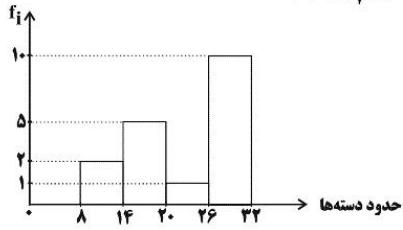
۳۸

۳۷

۱۹

شما پاسخ نداده اید

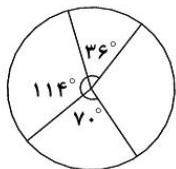
۱۵۰- با توجه به نمودار زیر، زاویه‌ی متناظر با دسته‌ی $(20 - 24)$ در نمودار دایره‌ای کدام است؟



- ۱) 100°
۲) 120°
۳) 180°
۴) 200°

شما پاسخ نداده اید

ریاضی، آمار و مدل‌سازی، نمودار دایره‌ای، نمودارها و تحلیل داده‌ها - ۱۳۹۵۰۶۲۶



۱۴۶- اگر فراوانی کوچکترین دسته در نمودار دایره‌ای مقابل 18 باشد، فراوانی بزرگترین دسته کدام است؟

- ۱) ۳۶
۲) ۷۰
۳) ۸۰
۴) ۷۵

شما پاسخ نداده اید

ریاضی، آمار و مدل‌سازی، مد، شاخص‌های مرکزی - ۱۳۹۵۰۶۲۶

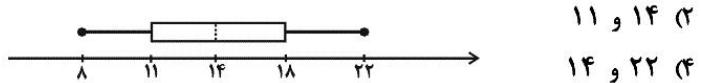
۱۴۷- a و b بهترتبی از راست به چپ، مُد و میانه‌ی داده‌های x_1, x_2, \dots, x_n هستند. اگر همه‌ی داده‌ها را دو برابر کرده و از هر یک از آن‌ها یک واحد کم کنیم، تفاضل مُد از میانه برای داده‌های جدید همواره برابر کدام است؟

- ۱) $2(a - b) - 1$
۲) $2(b - a)$
۳) $2(a - b)$
۴) $2(b - a)$

شما پاسخ نداده اید

ریاضی، آمار و مدل‌سازی، نمودار جعبه‌ای، شاخص‌های مرکزی - ۱۳۹۵۰۶۲۶

۱۴۹- با توجه به نمودار جعبه‌ای زیر، دامنه‌ی تغییرات و چارک اول داده‌ها بهترتبی از راست به چپ کدام است؟



- ۱) ۱۴ و ۱۱
۲) ۱۱ و ۲۲
۳) ۱۱ و ۲۲
۴) ۲۲ و ۱۱

شما پاسخ نداده اید

ریاضی، آمار و مدل‌سازی، میانگین، شاخص‌های مرکزی - ۱۳۹۵۰۶۲۶

۱۴۸- در جدول فراوانی زیر، اگر فراوانی نسبی دسته‌ی دوم $/ ۳$ باشد، میانگین داده‌ها کدام است؟

مُوزع دسته	۱	۲	۳	۴
فراوانی مطلق	۲	۳	a	۲
۳ / ۵		۲ / ۳		۲ / ۵

- ۱) ۳
۲) ۲ / ۵
۳) ۲ / ۳
۴) ۳ / ۵

شما پاسخ نداده اید

۱۳۱- دامنهٔ تابع $y = \frac{\sqrt[3]{1-x}}{3+x}$ کدام است؟

$R - \{-3\}$ (۱)

$(-3, -1)$ (۲)

$(-\infty, -3) \cup (-3, 1)$ (۱)

$(-\infty, 1)$ (۲)

شما پاسخ نداده اید

۱۳۲- تعداد اعداد طبیعی که در دامنهٔ عبارت $y = \frac{x+1}{x^3 + x^2 - 2x}$ قرار ندارد، کدام است؟

۱ (۲)

۳ (۴)

صفر (۱)

۲ (۳)

شما پاسخ نداده اید

۱۳۳- دامنهٔ تابع $f(x) = \begin{cases} \sqrt{2-x} & x \geq 1 \\ \frac{1}{x+3} & x < 1 \end{cases}$ کدام است؟

R (۱)

$(-\infty, 2)$ (۲)

$(-\infty, 2] - \{-3\}$ (۱)

$(-3, 2]$ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۳۴- اگر $f(x+a) = x^2 - 3x + b$ باشد، در این صورت $f(x) = x^2 + x - a$ کدام است؟

-1 (۴)

1 (۲)

2 (۲)

-2 (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۳۵- اگر $g(x) = \frac{(g(2-\sqrt{3}))^4}{f(2-\sqrt{3})}$ باشد، در این صورت $f(x) = \sqrt{\frac{1}{x}-x}$ و $f(x) = \sqrt{x+\frac{1}{x}}$ کدام است؟

$\frac{1}{6}$ (۴)

6 (۳)

$\frac{1}{\sqrt{3}}$ (۲)

$\sqrt{3}$ (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۳۶- شیب خطی که از دو نقطهٔ $(m+1, 2n+1)$ و $(m-1, 2n-1)$ می‌گذرد، کدام است؟

1 (۴)

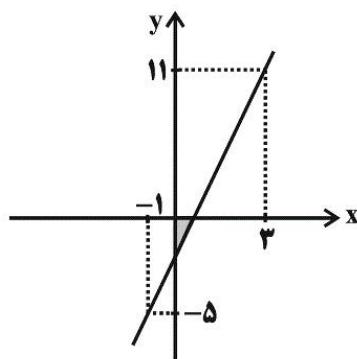
-1 (۲)

-2 (۲)

2 (۱)

شما پاسخ نداده اید

۱۳۷- در شکل زیر مساحت قسمت رنگی کدام است؟



$\frac{1}{2}$ (۱)

$\frac{1}{4}$ (۲)

$\frac{1}{8}$ (۳)

$\frac{1}{16}$ (۴)

شما پاسخ نداده اید

۱۳۸- در تابع توانی $f(x) = kx^p$ ، اگر $f(2) = 3/2$ و $f(-1) = -1/4$ باشد، در این صورت $p - k$ کدام است؟

$1/6$ (۴)

$2/4$ (۳)

$2/6$ (۲)

$3/4$ (۱)

139 - $f(x) = 3x + 6$ و $g(x) = 2x + m$ کدام است؟ اگر $f(g(x)) = g(f(x))$ باشد، در این صورت مقدار $g(f(-3))$ است؟

-۳ (۴)

۳ (۳)

-۴ (۲)

۴ (۱)

شما پاسخ نداده اید

140 - مجموع ریشه های معادله $4 = 3x - 2$ کدام است؟

$\frac{3}{4}$ (۴)

$\frac{4}{3}$ (۳)

$-\frac{3}{4}$ (۲)

$-\frac{4}{3}$ (۱)

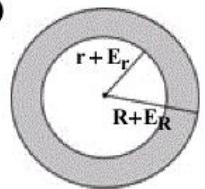
شما پاسخ نداده اید

ریاضی ، آمار و مدل‌سازی ، اندازه‌گیری و مدل‌سازی - ۱۳۹۵۰۶۲۶

(حسین ابراهیم‌نژاد، **مدل‌سازی**، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳)

-۱۴۱

$$\begin{aligned} S &= \pi((R+E_R)^2 - (r+E_r)^2) \\ &= \pi(R^2 + E_R^2 + 2RE_R - r^2 - E_r^2 - 2rE_r) \\ &\approx \pi(R^2 - r^2 + 2RE_R - 2rE_r) \end{aligned}$$



از جملاتی که شامل توان دوم یا بالاتر از خطاست، صرف نظر می‌کنیم.

۴

۳

۲ ✓

۱

ریاضی ، آمار و مدل‌سازی ، نمونه ، جامعه و نمونه - ۱۳۹۵۰۶۲۶

(سروش موئینی، **جامعه و نمونه**، صفحه‌های ۲۰ تا ۲۳)

-۱۴۲

نمونه‌گیری مهم‌ترین بخش یک بررسی آماری است.

۴

۳

۲ ✓

۱

ریاضی ، آمار و مدل‌سازی ، جدول فراوانی و دسته‌بندی ، دسته‌بندی داده‌ها - ۱۳۹۵۰۶۲۶

(کریم نصیری، **دسته‌بندی داده‌ها و جدول فراوانی**، صفحه‌های ۱۴۶ تا ۱۵۰)

-۱۴۳

اگر C طول هر دسته باشد، داریم:

$[5, 5+C)$: دسته‌ی دوم

$[5+C, 5+2C)$: دسته‌ی سوم

$[5+2C, 5+3C)$: دسته‌ی چهارم

$$[5+3C, 5+4C) \Rightarrow 5+4C = 21 \Rightarrow 4C = 16 \Rightarrow C = \frac{16}{4} = 4$$

$[9, 13)$: دسته‌ی سوم $\Rightarrow [5+4, 5+8) \Rightarrow 5+4, 5+8)$: دسته‌ی سوم

$$\text{مرکز دسته‌ی سوم} \Rightarrow \frac{9+13}{2} = \frac{22}{2} = 11$$

۴

۳ ✓

۲

۱

-۱۴۴

(مریم مبتهدی، دسته‌بندی داده‌ها و جدول فراوانی، صفحه‌ی ۵۴ و ۵۵)

$n = 6 + 10 + x$

$$\text{فراوانی نسبی دسته‌ی اول} = \frac{f_1}{n}$$

$$\Rightarrow \frac{6}{6+10+x} = 0/3 \Rightarrow x = 4$$

$1 = 0/3 + 0/5 + y \Rightarrow y = 0/2$

$$x \cdot y = 4 \times 0/2 = 0/8$$

۴

۳

۲

۱ ✓

ریاضی، آمار و مدل‌سازی، نمودار چند بر فراوانی، نمودارها و تحلیل داده‌ها - ۱۳۹۵۰۶۲۶

-۱۴۵

(سیان اصغری، نمودارها و تحلیل داده‌ها، صفحه‌ی ۸۲ تا ۹۱)

مساحت زیر نمودار چندبر فراوانی و مساحت زیر نمودار مستطیلی با هم برابرند، پس
داریم:

$$2x^2 - 12 = 6x + 7 \Rightarrow 2x^2 - 6x - 19 = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - 3x - 10 = 0 \Rightarrow (x - 5)(x + 2) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = -2 \\ x = 5 \end{cases}$$

مساحت زیر نمودار مستطیلی $\Rightarrow 6x + 7 = 6 \times 5 + 7 = 37$

۴

۳

۲ ✓

۱

-۱۵۰

(حسن نصرتی ناهوک، نمودارها و تحلیل داده‌ها، صفحه‌های ۸۲ تا ۸۶ و ۹۲ تا ۹۵)

در دسته‌ی دوم داریم:

$$\bar{f}_2 = \frac{f_2}{n} = \frac{5}{1+2+5+10} = \frac{5}{18} \Rightarrow \alpha_2 = \bar{f}_2 \times 36^\circ$$

$$\Rightarrow \alpha_2 = \bar{f}_2 \times 36^\circ = \frac{5}{18} \times 36^\circ = 100^\circ$$

۴

۳

۲

۱ ✓

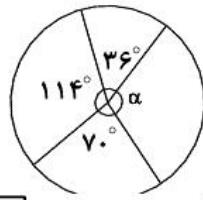
ریاضی، آمار و مدل‌سازی، نمودار دایره‌ای، نمودارها و تحلیل داده‌ها - ۱۳۹۵۰۶۲۶

-۱۴۶

(یغما کلانتریان، نمودارها و تحلیل داده‌ها، صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶ و ۹۲ تا ۹۵)

$$\alpha + 36^\circ + 114^\circ + 70^\circ = 360^\circ \Rightarrow \alpha = 140^\circ$$

$$\frac{36^\circ}{18} = \frac{140^\circ}{x} \Rightarrow x = \frac{18 \times 140^\circ}{36^\circ} = 70$$



۴

۳

۲✓

۱

ریاضی، آمار و مدل‌سازی، مد، شاخص‌های مرکزی - ۱۳۹۵۰۶۲۶

-۱۴۷

(معصومه گرانی، شاخص‌های مرکزی، صفحه‌ی ۱۱۳ تا ۱۱۹)

$$2a - 1 = \text{مُد داده‌های جدید}$$

$$2b - 1 = \text{میانه‌ی داده‌های جدید}$$

$$\Rightarrow \text{مد} - \text{میانه} = (2b - 1) - (2a - 1) = 2(b - a)$$

۴✓

۳

۲

۱

ریاضی، آمار و مدل‌سازی، نمودار جعبه‌ای، شاخص‌های مرکزی - ۱۳۹۵۰۶۲۶

-۱۴۹

(ایمان پینی فروشن، نمودار جعبه‌ای، صفحه‌ی ۱۲۰ تا ۱۲۴)

با توجه به نمودار جعبه‌ای زیر، چارک اول برابر با ۱۱ و دامنه‌ی تغییرات برابر با $22 - 8 = 14$ است.



۴

۳

۲✓

۱

ریاضی، آمار و مدل‌سازی، میانگین، شاخص‌های مرکزی - ۱۳۹۵۰۶۲۶

-۱۴۸

(آرش رهیمی، شاخص‌های مرکزی، صفحه‌ی ۱۳۳)

اگر i و F_i به ترتیب فراوانی مطلق و فراوانی نسبی دسته‌ی i ام باشند، آن‌گاه:

$$F_7 = \frac{f_2}{\sum f_i} \Rightarrow 0 / 3 = \frac{3}{2+3+a+2} \Rightarrow 0 / 3 = \frac{3}{7+a} \Rightarrow a = 3$$

$$\Rightarrow \bar{x} = \frac{\sum x_i f_i}{\sum f_i} = \frac{2+6+9+8}{10} = 2 / 5$$

۴

۳

۲✓

۱

-۱۳۱

(ایمان پینی فروشان، دامنهٔ تابع، صفحهٔ ۷ تا ۱۰)

برای تعیین دامنهٔ تابع رادیکالی با فرجهی فرد، فرجهی رادیکال را نادیده می‌گیریم.

$$y = \frac{\sqrt[3]{1-x}}{x+3} \Rightarrow 3+x \neq 0 \Rightarrow x \neq -3$$

$$\Rightarrow \text{دامنهٔ تابع} = \mathbb{R} - \{-3\}$$

۴

۳

۲✓

۱

-۱۳۲

(همیدرضا سبودی، دامنهٔ تابع، صفحهٔ ۷ تا ۱۰)

برای تعیین دامنهٔ عبارت‌های کسری، مخرج کسر را برابر صفر قرار داده و ریشه‌های آن را به دست می‌آوریم.

$$D = \mathbb{R} - \{ \text{ریشه‌های مخرج کسر} \}$$

$$x^3 + x^2 - 2x = 0 \Rightarrow x(x^2 + x - 2) = 0 \Rightarrow x(x + 2)(x - 1) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = 0 \notin \mathbb{N} \\ x = -2 \notin \mathbb{N} \\ x = 1 \end{cases}$$

در واقع سه عدد فوق در دامنهٔ عبارت قرار ندارند که فقط $x = 1$ عدد طبیعی است.

$$D = \mathbb{R} - \{0, -2, 1\}$$

۴

۳

۲✓

۱

-۱۳۳

(همید زرین‌کفش، دامنهٔ تابع، صفحهٔ ۷ تا ۱۰)

ابتدا ضابطهٔ اول را تعیین علامت می‌کنیم:

$$\sqrt{2-x} \Rightarrow 2-x \geq \Rightarrow x \leq 2 \quad (1)$$

در ضابطهٔ اول شرط $x \leq 2$ داریم، پس دامنهٔ ضابطهٔ اول برابر $x \leq 2$ است.

$$\frac{1}{x+3} \Rightarrow x+3 \neq 0 \Rightarrow x \neq -3 \quad (2)$$

با اعمال شرط $x < 2$ ، دامنهٔ ضابطهٔ دوم برابر است با:

$$(-\infty, -3) \cup (-3, 1)$$

اجتماع (۱) و (۲) برابر است با:

$$(-\infty, -3) \cup [1, 2] = (-\infty, 2] - \{-3\}$$

۴

۳

۲✓

۱

(سید محمد علی مرتفعی، مقدار تابع، صفحه‌ی ۱۵ تا ۲۵)

$$f(x) = x^2 + x$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow f(x+a) &= (x+a)^2 + (x+a) = x^2 + 2ax + a^2 + x + a \\ &= x^2 + (2a+1)x + a + a^2 \end{aligned}$$

حال این مقدار را با $x^2 - 3x + b$ متحد قرار می‌دهیم:

$$x^2 + (2a+1)x + a + a^2 \equiv x^2 - 3x + b$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2a+1 = -3 \Rightarrow a = -2 \\ a^2 + a = b \xrightarrow{a=-2} b = 2 \end{cases}$$

$$\frac{a}{b} = \frac{-2}{2} = -1$$

۱✓

۲

۳

۴

(همید زرین کفش، مقدار تابع، صفحه‌ی ۱۵ تا ۲۵)

$$\begin{aligned} f(x) &= \sqrt{x + \frac{1}{x}} \xrightarrow{\frac{1}{x} = 2 - \sqrt{3}} f(2 - \sqrt{3}) = \sqrt{2 - \sqrt{3} + \frac{1}{2 - \sqrt{3}}} \\ &= \sqrt{2 - \sqrt{3} + 2 + \sqrt{3}} = \sqrt{4} = 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} g(x) &= \sqrt{\frac{1}{x} - x} \Rightarrow g(2 - \sqrt{3}) = \sqrt{\frac{1}{2 - \sqrt{3}} - (2 - \sqrt{3})} \\ &= \sqrt{2 + \sqrt{3} - (2 - \sqrt{3})} = \sqrt{2\sqrt{3}} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow (g(2 - \sqrt{3}))^4 = (\sqrt{2\sqrt{3}})^4 = (2\sqrt{3})^2 = 4 \times 3 = 12$$

$$\frac{(g(2 - \sqrt{3}))^4}{f(2 - \sqrt{3})} = \frac{12}{2} = 6$$

۱

۲✓

۳

۴

(ایمان پیش خوشان، معادله‌ی خط، صفحه‌ی ۲۷ تا ۳۷)

$$\begin{cases} (m+1, 2n-1) \\ (m-1, 2n+1) \end{cases} \Rightarrow \text{شیب خط } a = \frac{(2n+1)-(2n-1)}{(m-1)-(m+1)} =$$

$$\frac{2n+1-2n+1}{m-1-m-1} = \frac{2}{-2} = -1$$

۱

۲✓

۳

۴

(همید زرین گفشن، معادله‌ی خط، صفحه‌ی ۲۷ تا ۳۷)

با توجه به شکل ابتدا معادله‌ی خط را می‌یابیم. دو نقطه‌ی $(3, 11)$ و $(-5, -1)$ روی خط قرار دارند، داریم:

$$m = \frac{11 - (-5)}{3 - (-1)} = \frac{16}{4} = 4$$

شیب خط

$$y - (-5) = 4(x - (-1)) \Rightarrow y + 5 = 4x + 4 \Rightarrow y = 4x - 1$$

با توجه به معادله‌ی خط نقاط تقاطع این خط را با محورهای مختصات می‌یابیم:

$$y = 4x - 1 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \Rightarrow y = -1 \\ y = 0 \Rightarrow x = \frac{1}{4} \end{cases}$$

$$\text{مساحت قسمت رنگی} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times 1 = \frac{1}{8}$$

۴

۳✓

۲

۱

(سپاهار محمد نژاد،تابع توافقی، صفحه‌ی ۱۵ تا ۲۴)

$$f(x) = kx^p \Rightarrow \begin{cases} f(-1) = k(-1)^p \\ f(2) = k(2)^p \end{cases} \Rightarrow \frac{f(-1)}{f(2)} = \left(\frac{-1}{2}\right)^p$$

$$\frac{f(-1)}{f(2)} = \frac{-1/p}{2/p} = -\frac{1}{2} \rightarrow$$

$$\left(-\frac{1}{2}\right)^p = \left(-\frac{1}{2}\right) \Rightarrow \left(-\frac{1}{2}\right)^p = \left(-\frac{1}{2}\right)^3 \Rightarrow p = 3$$

$$f(-1) = k(-1)^3 \Rightarrow -k = -1/p \Rightarrow k = 1/p$$

$$p - k = 3 - 1/p = 2/p$$

۴

۳

۲✓

۱

(سپاهار محمد نژاد، مقدار تابع، صفحه‌ی ۱۵ تا ۲۵)

$$\begin{aligned} f(x) &= 3x + 6 \\ g(x) &= 2x + m \end{aligned} \Rightarrow \begin{cases} f(g(x)) = 3(2x + m) + 6 = 6x + 3m + 6 \\ g(f(x)) = 2(3x + 6) + m = 6x + 12 + m \end{cases}$$

$$\Rightarrow 6x + 12 + m = 6x + 3m + 6 \Rightarrow m = 6 \Rightarrow m = 3$$

$$g(x) = 2x + 3$$

$$f(-3) = 3 \times (-3) + 6 = -9 + 6 = -3$$

$$g(f(-3)) = g(-3) = 2 \times (-3) + 3 = -6 + 3 = -3$$

۴✓

۳

۲

۱

با استفاده از خاصیت ریشه‌ی زوج داریم:

$$(3x - 2)^2 = 4 \Rightarrow 3x - 2 = \pm 2$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 3x - 2 = 2 \Rightarrow 3x = 2 + 2 = 4 \Rightarrow x = \frac{4}{3} \\ 3x - 2 = -2 \Rightarrow 3x = 2 - 2 = 0 \Rightarrow 3x = 0 \Rightarrow x = 0 \end{cases}$$

$$\text{مجموع ریشه‌ها} = \frac{4}{3} + 0 = \frac{4}{3}$$

 ۴ ۳✓ ۲ ۱

www.kanoon.ir