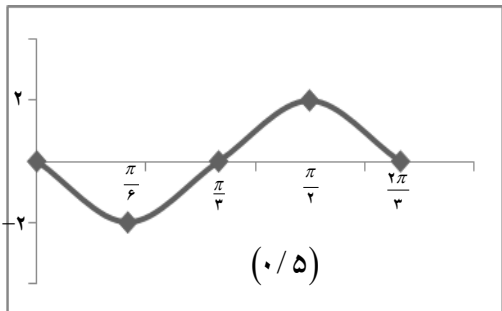


سؤالات درس: ریاضیات ۲		به نام خالق کوه های استوار		دبیرستان بعثت رستم آباد	
سال دوم آموزش متوسطه		رشته: ریاضی فیزیک - علوم تجربی		تعداد صفحات: ۲	
نام و نام خانوادگی:		نام کلاس:		نام دبیر:	
		ساعت شروع: ۱۰:۳۰ صبح		مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	
رَبِّ زِدْنِي عِلْمًا					
ردیف	سؤالات صفحه ۱				
۱	درست یا نادرست بودن عبارتهای زیر را مشخص کنید. الف) اگر A یک ماتریس وارون پذیر باشد آنگاه $(A^{-1})^{-1} = A$. ب) دامنه تابع ثابت $f(x) = -\frac{1}{4}$ برابر $(-\infty, +\infty)$ می باشد. ج) برد تابع $f(x) = x + 3$ برابر است با $(-\infty, 3]$. د) اگر $\cos \theta = \frac{1}{3}$ باشد آنگاه $\cos(\pi + \theta) = -\frac{1}{3}$ است.				
۲	جاهای خالی را با عبارت ها یا اعداد مناسب پر کنید. الف) قدر نسبت یک دنباله حسابی که جمله سوم آن ۵ و جمله هفتم آن ۱۷ باشد برابر است. ب) اگر قدرنسبت یک دنباله هندسی برابر ۱ باشد، جملات این دنباله به نزدیک می شوند. ج) دامنه تابع $f(x) = \frac{3x+1}{x^2-2x}$ برابر با است. د) دقیقه طول می کشد تا عقربه دقیقه شمار به اندازه $\frac{2\pi}{3}$ رادیان دوران کند.				
۳	اگر بدانیم رابطه زیر یک تابع است مقادیر a و b را بدست آورید. $f = \{(7, 2b+1), (a+1, 3), (4, a-1), (4, 5), (-1, 2)\}$				
۴	نامعادله زیر را به کمک تعیین علامت حل کنید. مجموعه جواب را به صورت بازه نشان دهید. $\frac{(2x-1)^3(-3x^2+2x-1)^4}{- x-1 (x^2-3x-4)} \geq 0$				
۵	با توجه به نمودار تابع $f(x) = \log_2^x$ نمودار $g(x) = \log_2^{(x+1)}$ رسم کرده، سپس نمودار تابع وارون $g(x)$ را رسم کنید و سپس دامنه و برد g^{-1} را بدست آورید.				
۶	رفتار یا چگونگی تغییرات کدام یک از توابع زیر، نمایی است؟ الف) $y = 3^x + 1$ ب) $y = 3x(2x-1)$ ج) $y = x^3 + 2$ د) $y - 2x = 1$				
۷	معادله مقابل را حل کنید. $\log_2^x + \log_2^{(x-2)} = 3$				
۸	چهار مقدار از θ بین $-\pi$ و 2π پیدا کنید که $\cos \theta = \sin \theta$ باشد و به ازای این مقادیر θ به دست آمده از $\tan \theta$ را حساب کنید.				
ادامه سؤالات در صفحه بعد					

ردیف	سؤالات صفحه ۲	بارم
۹	الف) طول BC را در مثلث ABC به دست آورید. ب) مساحت مثلث ABC را به دست آورید.	۲
۱۰	الف) با استفاده از تعیین مقادیر حداقلی و حداکثری و نیز دوره تناوب تابع زیر را رسم کنید. ب) دامنه و برد آن را مشخص کنید. ج) تابع در چه نقاطی صفر است؟	۲
۱۱	m را چنان بیابید که $A = \begin{bmatrix} m+1 & m \\ m+1 & -2 \end{bmatrix}$ وارون پذیر نباشد.	۱/۲۵
۱۲	۶ مادر و ۴ کودک به چند طریق می‌توانند در یک ردیف قرار گیرند بطوری که بچه‌ها کنار هم باشند؟	۰/۵
۱۳	در یک سالن ۳ ردیف صندلی و هر ردیف شامل ۸ صندلی می‌باشد. به چند طریق ۴ دانش آموز سال اول و ۵ دانش آموز سال دوم و ۲ دانش آموز سال سوم و ۱۰ دانش آموز سال چهارم می‌توانند روی آنها بنشینند به شرط آنکه اولی‌ها در ردیف اول، دومی‌ها در ردیف دوم و سومی‌ها در ردیف سوم باشند.	۱/۵
	سؤالات مخصوص دانش‌آموزان ریاضی	
۱۴	از تساوی مقابل مقدار x را بدست آورید.	۱/۵
۱۵	با ارقام $۰, ۱, ۲, ۳, ۴, ۵, ۶$ چند عدد سه رقمی می‌توان نوشت به طوریکه: الف) فرد باشند (تکرار مجاز نیست) ب) زوج و متقارن باشند (تکرار مجاز است)	۱
	سؤالات مخصوص دانش‌آموزان تجربی	
۱۴	از تساوی مقابل مقدار x را بدست آورید.	۱/۵
۱۵	یک مدرسه برای شماره کارت پرسنلی دانش‌آموزان خود از یک کد که شامل ۳ رقم و دو حرف به شکل زیر استفاده می‌کند با این شرط که اولین رقم نمی‌تواند صفر باشد و ارقام و حروف بکار رفته در یک عدد نباید تکراری باشند، تعداد حالات ممکن برای شماره کارت‌های مختلف پرسنلی را پیدا کنید.	۱
	<div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;"> <div>حرف</div> <div>عدد</div> <div>حرف</div> <div>عدد</div> <div>عدد</div> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;"> <input type="text"/> <input type="text"/> <input type="text"/> <input type="text"/> <input type="text"/> </div>	
<p>موفق باشید</p> <p>پورمهدی - باقری</p> <p>جمع ۲۰</p> <p>راه‌چه کوتاه و چه بلند جز بارفتن به پایان نمی‌رسد.</p> <p>(مک‌کرا)</p>		

بارم	راه‌نما	ردیف																		
۲	$\frac{\sin 120^\circ}{BC} = \frac{\sin 30^\circ}{6} \Rightarrow \frac{\frac{\sqrt{3}}{2}}{BC} = \frac{\frac{1}{2}}{6} \Rightarrow BC = 6\sqrt{3} \quad (0/25)$ <p>الف) $\hat{B} = 30^\circ (0/25)$ و $S = \frac{1}{2} AB \times BC \times \sin 30^\circ (0/25) = \frac{1}{2} \times 6 \times 6\sqrt{3} \times \frac{1}{2} (0/25) = 9\sqrt{3} (0/25)$</p> <p>ب) $\hat{B} = 30^\circ (0/25)$ و $S = \frac{1}{2} AB \times BC \times \sin 30^\circ (0/25) = \frac{1}{2} \times 6 \times 6\sqrt{3} \times \frac{1}{2} (0/25) = 9\sqrt{3} (0/25)$</p>	۹																		
۲	$y = -2\sin 3x \quad T = \frac{2\pi}{3}$ <table><tr><td>x</td><td>0</td><td>$\frac{\pi}{6}$</td><td>$\frac{\pi}{3}$</td><td>$\frac{\pi}{2}$</td><td>$\frac{2\pi}{3}$</td></tr><tr><td>$\sin 3x$</td><td>0</td><td>1</td><td>0</td><td>-1</td><td>0</td></tr><tr><td>y</td><td>0</td><td>-2</td><td>0</td><td>2</td><td>0</td></tr></table>  <p>ب) $R = [-2, 2], D = \mathbb{R} \quad (0/5)$</p> <p>ج) $-3x = k\pi \Rightarrow x = -\frac{k\pi}{3} \dots, -\frac{2\pi}{3}, -\frac{\pi}{3}, 0, \frac{\pi}{3}, \frac{2\pi}{3}, \dots \quad (0/5)$</p>	x	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{2\pi}{3}$	$\sin 3x$	0	1	0	-1	0	y	0	-2	0	2	0	۱۰
x	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{2\pi}{3}$															
$\sin 3x$	0	1	0	-1	0															
y	0	-2	0	2	0															
۱/۲۵	$ A = 0 (0/25) \quad (m+1)(-2) - (m)(m+1) = 0 (0/25) \Rightarrow -2m - 2 - m^2 - m = 0 (0/25)$ $m^2 + 3m + 2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} m = -2 \\ m = -1 \end{cases} (0/5)$	۱۱																		
۰/۵	$4! \times 7! = 120960 \quad (0/25) \quad (0/25)$	۱۲																		
۱/۵	$P(8,4)P(8,5)P(8,2)P(13,10) = \frac{8!}{4!} \times \frac{8!}{3!} \times \frac{8!}{6!} \times \frac{13!}{3!} \quad (0/75)$	۱۳																		
	ریاضی																			
۱/۵	$\begin{bmatrix} 4x & 1 & 3+3x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \\ 0 \end{bmatrix} = 0 \Rightarrow -4x + 2 = 0 \Rightarrow x = \frac{1}{2} \quad (0/75) \quad (0/25)$	۱۴																		
۱	الف) $5 \quad 5 \quad 3 \quad 5 \times 5 \times 3 = 75 \quad (0/5)$ ب) $7 \quad 3 \quad 7 \times 3 = 21 (0/5)$	۱۵																		
	تجربی																			
1/۵	$\begin{bmatrix} y+4-5x \\ 2y-11 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{cases} y+4-5x = 0 (0/25) \\ 2y-11 = 1 \Rightarrow y = 6 (0/25) \end{cases} \Rightarrow 6+4-5x = 0 \Rightarrow x = 2 (0/25)$	۱۴																		
۱	$9 \quad 9 \quad 32 \quad 8 \quad 31 (0/5) \quad 9 \times 9 \times 32 \times 8 \times 31 = 642816 (0/5)$	۱۵																		
لطفاً پاسخ‌های صحیح دیگر به تناسب نمره دهید																				
با شکر																				
باقی - پورمحمدی																				
جمع ۲۰																				