

به نام او که آرامش بخش دل هاست

نوبت: اول	مدت امتحان: ۹۰ دقیقه	دبيرستان / هنرستان: ..... دبيرستان منطقه کلاچای	آموزش و پرورش استان گیلان	اداره آموزش و پرورش استان گیلان
شروع امتحان: ۱۱ صبح	سوالات امتحانی درس: ریاضی ۳ شماره دانش آموزی: ..... تعداد صفحات:		نام و نام خانوادگی: ..... پایه و رشته تحصیلی: دوازدهم - رشته تجربی	نام و نام خانوادگی: ..... پایه و رشته تحصیلی: دوازدهم - رشته تجربی
نمره	نام و نام خانوادگی دبیر: ..... .....امضاء و تاریخ: ..... .....ردیف		نمره مستمر: ..... نمره پایانی: ..... .....ردیف	
۱	<p>جاهای خالی را با عبارت مناسب تکمیل کنید.</p> <p>الف) در تابع <math>f(x)</math> باشد، نمودار <math>y = kf(x)</math> را در امتداد محور <math>y</math> ها (فسرده - کشیده) می کنیم.</p> <p>ب) دوره تناوب تابع <math>y = \sqrt{3} - \cos\frac{\pi}{2}x</math> برابر ..... است.</p>		۱	
۱/۵	<p>مشخص کنید کدام یک از جملات زیر درست و کدام یک نادرست است؟</p> <p>الف) اگر <math>f(x) = \sqrt{x}</math> و <math>g(x) = 2x - 1</math> ، آن گاه <math>(f \circ g)(5) = g(2)</math></p> <p>ب) می توان بازه ای یافت که تابع تانژانت در آن نزولی باشد.</p> <p>ج) هر تابعی که اکیداً یکنوا باشد، حتماً تابعی یک به یک است.</p>		۲	
۱	<p>نقاط <math>A, B, C, D, E</math> و <math>F</math> را روی منحنی زیر در نظر می گیریم. در مورد شیب منحنی در این نقاط کدام گزاره درست و کدام یک نادرست است؟</p> <p>الف) شیب منحنی در همه این نقاط مثبت است.</p> <p>ب) <math>m_E &lt; m_B &lt; m_A</math></p> <p>پ) شیب منحنی در نقاط <math>D, F</math> و <math>C</math> منفی است.</p> <p>ت) <math>m_C &lt; m_D &lt; m_F &lt; m_E &lt; m_B &lt; m_A</math></p>		۳	

۰/۵	اگر $f(x) = x^3 - 4x^2 + ax$ کدام است؟	۴
۱	نمودار تابع زیر رارسم کنید و بازه هایی را که در آن ها تابع صعودی، نزولی یا ثابت است، مشخص کنید. $f(x) = \begin{cases} -2x - 3 & x < -4 \\ 3 & -4 \leq x < 2 \\ 3x - 2 & x \geq 2 \end{cases}$	۵
۱/۵	اگر $f(x) = 3x - 4$ و $g(x) = 3x^2 - 6x + 14$ باشند، ضابطه تابع $f(g(x))$ را به دست آورید.	۶
۱	با استفاده از نمودار تابع $f$ نمودارهای خواسته شده را رسم کنید. $y = \frac{1}{2}f(2x) - 1$ 	۷
۱/۵	اگر $g(x) = x^3$ و $f(x) = \frac{1}{8}x - 3$ باشند، مقادیر زیر را به دست آورید. $(g^{-1} \circ f^{-1})(5)$	۸
۱/۵	ضابطه مربوط به هر یک از نمودار داده شده را بنویسید. 	۹
۱	ضابطه تابعی مثلثاتی با دورهٔ تناوب و مقادیر ماکزیمم و مینیمم داده شده بنویسید. $T = 4\pi$ ، $\max = -1$ ، $\min = -7$	۱۰
۱/۵	معادلات زیر را حل کنید. $\cos^2 x - \sin x = \frac{1}{4}$	۱۱
۳	حدود زیر را در صورت وجود محاسبه کنید. $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^+} \frac{1}{\cos x}$ (ب) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^3 - 4x^2 - 4x - 5}{x^2 - 25}$ (الف)	۱۲

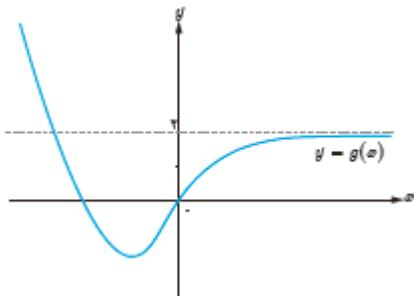
$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \left( 9 + \frac{7}{x^3} \right) \quad \text{(د)}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x^2 - 3x + 1}{x^2 + 5x - 3} \quad \text{(ج)}$$

نمودار تابعی مانند  $f$  را رسم کنید که در یک همسایگی محذوف ۲- تعریف شده باشد به طوری که

$$\lim_{x \rightarrow (-2)^-} f(x) = +\infty \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow (-2)^+} f(x) = -\infty \quad \text{۱۳}$$

با توجه به نمودار تابع، حدود خواسته شده را بنویسید.



$$\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = \dots$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = \dots$$

مشتق تابع  $f(x) = 2x^2 - 5x + 2$  را با استفاده از تعریف در نقطه  $x = 1$  به دست آورید. ۱۴

۲۰ موفق باشید