

	دیرستان دکتر علی شریعتی	شماره صندلی :
	رشته تحصیلی : ریاضی و فیزیک	نام خانوادگی :
	کلاس : پایه دوازدهم	نام دبیر :
	مدت پاسخ‌گویی : ۱۰۰ دقیقه	تعداد صفحات : ۲
نمره	سوالات	ردیف
۱	<p>درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) برای هر دو عدد حقیقی مثبت x, y رابطه $\sqrt{x+y} = \sqrt{x} + \sqrt{y}$ اشتباه است.</p> <p>ب) ترکیب دو شرطی $a < b \Leftrightarrow a^3 < b^3$ همواره برقرار است.</p> <p>ج) مکمل گراف کامل، گراف تهی است.</p> <p>د) گراف کامل از مرتبه P به تعداد $\frac{p(P+1)}{2}$ یال دارد.</p>	۱
۲	<p>جاهای خالی را کامل کنید.</p> <p>الف) حاصل عبارت $(3^\circ, [12, 18])$ برابر می باشد.</p> <p>ب) عدد ۱۳۹۸ در دسته هم نهشتی عدد به پیمانه ۹ قرار دارد.</p> <p>ج) معادله همنهشتی $ax \stackrel{m}{=} b$ دارای جواب است اگر و تنها اگر</p> <p>د) با توجه به تعریف ب م م و ک م م دو عدد ، هرگاه آنگاه و $(a, b) = [a, b] = \dots$</p>	۲
۳	<p>گزاره‌های درست را ثابت کنید و برای گزاره‌های نادرست مثال نقض بیاورید.</p> <p>الف) مکعب هر عدد فرد عددی فرد است .</p> <p>ب) برای هر عدد طبیعی بزرگتر از ۱، عدد $1 - 2^n$ عددی اول است.</p> <p>ج) مجموع هر دو عدد فرد، عددی زوج است .</p> <p>د) اگر $a b$ و $c d$ آنگاه می توان نتیجه گرفت $a+c b+d$</p>	۳
۱/۵	اگر x, y, z سه عدد حقیقی باشند، به روش بازگشتنی درستی رابطه زیر را ثابت کنید :	۴
	$x^2 + y^2 + z^2 \geq xy - xz + yz$	
۱	اگر باقی مانده تقسیم دو عدد a بر ۸ و ۹ به ترتیب برابر ۴ و ۵ باشد. باقی مانده تقسیم عدد a بر ۷۲ را بدست آورید.	۵

ادامه سوالات در صفحه دوم

ردیف	سوالات	نمره
۶	گر $a > 1$ و $a 3k + 5$ و $a 5k + 6$ عددی اول است.	۱
۷	با استفاده از ویژگی های هم نهشتی، باقی مانده تقسیم عدد $7 - 4^{75}$ بر ۱۷ را بیابید.	۱/۵
۸	به چند طریق می توان یک کیسه ۴۳ کیلویی را با وزنه های ۳ و ۵ کیلویی وزن کرد؟ (با راه حل کامل)	۲
۹	اگر $a \equiv b \pmod{m}$ باشد نشان دهید باقی مانده های تقسیم دو عدد a, b بر m مساوی می باشند.	۱/۵
۱۰	اگر ۱۵ خردادماه در یک سال روز دو شنبه باشد، ۲۵ دی ماه همان سال چه روزی خواهد بود؟	۱
۱۱	<p>گراف G با $V(G) = \{a, b, c, d, e, f\}$ و $E(G) = \{ad, ae, bf, ac, ec, ed\}$ را در نظر بگیرید.</p> <p>الف) نمودار گراف G را رسم کنید.</p> <p>ب) مجموعه همسایه های باز راس b را بیابید.</p> <p>ج) چند یال به گراف فوق اضافه کنیم تا گراف، گراف کامل شود.</p> <p>د) آیا گراف فوق همبند است. چرا؟</p> <p>ه) بزرگترین و کوچکترین درجه گراف را مشخص کنید.</p>	۲/۵
۱۲	نشان دهید تعداد راس های فرد هر گراف، زوج است.	۱
۱۳	<p>۷ نفر در یک اتاق هستند و برخی از آنها با یکدیگر دست می دهند. ۶ نفر از آنها هر کدام دقیقا با دو نفر دست می دهند. نشان دهید نفر هفتم نمی تواند دقیقا با ۵ نفر دست داده باشد.</p>	۰/۵
۱۴	<p>گزینه درست را انتخاب کنید.</p> <p>الف) اگر G یک گراف باشد و $\delta(G) \geq 4$ باشد آن گاه G یک مسیر به طول بزرگتر یا مساوی ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱) دارد.</p> <p>ب) اگر G یک گراف از مرتبه ۸ و گراف ۳-منتظم باشد. تعداد یالهای گراف برابر است با :</p> <p>۱۵ (۴) ۱۴ (۳) ۱۲ (۲) ۱۱ (۱)</p>	۰/۵

موفق باشید