

با سمه تعالی

ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴/۱۰/۹۷	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۹۷ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir			

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	سرمه
------	-------------------------	------

استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی و رادیکال) مجاز است.

۱	جاهای خالی را با عبارات مناسب پر کنید. الف) ماتریس قطری که درایه های روی قطر اصلی آن با هم برابر باشند، ماتریس می نامیم. ب) حاصل ضرب ماتریس ها خاصیت جابجایی	۰/۵
۲	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید. الف) مکان هندسی نقاطی که از دو خط متقاطع l , d به یک فاصله اند، نیمساز زاویه بین آن دو خط می باشد. ب) صفحه ای با مولد سطح محروط دواری، موازی است و از راس آن عبور نمی کند، فصل مشترک صفحه و سطح محروطی، یک بیضی است. پ) اگر ماتریس $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 0 & 1 & -1 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ باشد، مجموع درایه های سطر دوم A^2 برابر ۵ می باشد. ت) اگر $A^2 = A$ باشد در این صورت داریم: $(A+I)^2 = I + 2A$	۰/۵
۳	اگر $a_{ij} = \begin{cases} i,j & i > j \\ i^2 & i = j \\ 2i - j & i < j \end{cases}$ تعریف شده باشد، ماتریس $A = [a_{ij}]_{3 \times 3}$ را بدست آورید.	۱/۲۵
۴	اگر A ماتریسی 3×3 باشد و $-2 = A \cdot A$ حاصل $ A \cdot A$ را بیابید.	۰/۷۵
۵	اگر ضرب ماتریس های $B = \begin{bmatrix} 2 & -y \\ 2 & x \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} x & y \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$ را بیابید.	۱/۵
۶	دستگاه $\begin{cases} (m-3)x + 3y = m \\ 4x + (m+1)y = 2 \end{cases}$ به ازای چه مقادیر m دارای جواب منحصر به فرد می باشد.	۱
۷	معادله دایره ای را بنویسید که نقاط $B(-2,1), A(4,-1)$ دو سر قطری از آن باشند.	۱/۵
۸	حدود a را طوری به دست آورید که $x^2 + y^2 - 2x + 5y + a = 0$ بتواند معادله یک دایره باشد.	۱
	«ادامه سوالات در صفحه دوم»	

با اسمه تعالی

ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴/۱۰/۱۴	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۹۷ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir			۱۴۹۷

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۹	دایره های $x^2 + y^2 = 4$ و $x^2 + y^2 - 2x = 4$ نسبت به هم چه وضعی دارند؟	۱/۷۵
۱۰	اگر در بیضی طول قطر بزرگ دو برابر طول قطر کوچک باشد، اندازه زاویه $\widehat{FBF'}$ چند درجه است؟	۱/۵
۱۱	معادله سهمی را بنویسید که $F(1, -2)$ کانون و $S(1, 2)$ راس آن باشد، سهی معادله خط هادی آن را بنویسید.	۱/۲۵
۱۲	اگر $\vec{r} = 2\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}$ و $\vec{a} = (3, 1, -1)$ باشد، بردار $\vec{r}\vec{b} - \vec{a}$ را به دست آورید.	۱
۱۳	اگر $\vec{a} = (-1, -3, 0)$, $\vec{b} = (2, -4, 2)$, $\vec{c} = (-1, 1, 4)$ باشند آنگاه تصویر قائم \vec{a} بر امتداد $\vec{b} + \vec{c}$ را به دست آورید.	۱/۵
۱۴	برای دو بردار غیر صفر \vec{a} و \vec{b} ثابت کنید \vec{a} و \vec{b} برهمن عمودند اگر و فقط اگر $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$.	۱
۱۵	بردارهای \vec{a} و \vec{b} مفروض اند به طوری که $ \vec{a} \times \vec{b} = 72$, $ \vec{b} = 26$, $ \vec{a} = 3$ مقدار $\vec{a} \cdot \vec{b}$ را محاسبه کنید.	۱/۵
۱۶	مساحت متوازی الاضلاعی که توسط بردارهای $\vec{a} = (1, 0, 1)$ و $\vec{b} = (0, 1, 1)$ تولید می شود را به دست آورید.	۱
۲۰	موفق و سر بلند باشید جمع نمره	

مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی فیزیک
تاریخ امتحان: ۱۳۹۷/۱۰/۱۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور هی ماه سال ۱۳۹۷	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	(الف) ماتریس اسکالر (۰/۲۵) ب) ندارد (۰/۲۵)	۰/۵
۲	الف) درست (۰/۵) ب) نادرست (۰/۵)	۰/۵
۳	$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 2 & 4 & 1 \\ 3 & 6 & 9 \end{bmatrix}$ (۰/۵) $2A - 3I = \begin{bmatrix} 2 & 0 & -2 \\ 4 & 8 & 2 \\ 6 & 12 & 18 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & -2 \\ 4 & 5 & 2 \\ 6 & 12 & 15 \end{bmatrix}$ (۰/۲۵)	۱/۲۵
۴	$\ A \ . A = \underbrace{ -2A }_{0/25} = (-2)^3 A = \underbrace{-8 \times (-2)}_{0/25} = 16$ (۰/۲۵)	۰/۲۵
۵	$\begin{bmatrix} x & y \\ 2 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x & y \\ 2 & -1 \end{bmatrix} \xrightarrow{0/25} \begin{bmatrix} 4x+3y & 3x+4y \\ 5 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4x+6 & 4y-3 \\ 3x+8 & 3y-4 \end{bmatrix}$ (۰/۲۵) $4x+6=5 \rightarrow x=-1$ (۰/۲۵) , $4y-3=2 \rightarrow y=2$ (۰/۲۵) $\begin{bmatrix} -1 & 2 & -2 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix} = -1+4-2=0$ (۰/۲۵)	۱/۵
۶	$ m-3 \quad 3 \neq 0 \xrightarrow{0/25} (m-3)(m+1)-12 \neq 0 \xrightarrow{0/25} m \neq 3, m \neq -3$ (۰/۲۵) $m \in \mathbb{R} - \{3, -3\}$ (۰/۲۵)	۱
۷	$O\left(\frac{4-2}{2}, \frac{-1+1}{2}\right) = (1, 0)$ (۰/۵) , $ AB = \sqrt{6^2 + 2^2} = 2\sqrt{10} \xrightarrow{0/25} r = \sqrt{10}$ (۰/۲۵) $(x-1)^2 + y^2 = 10$ (۰/۵)	۱/۵
۸	$a^2 + b^2 - 4c > 0 \xrightarrow{0/25} 9 + 25 - 4a > 0 \xrightarrow{0/25} 4a < 34 \xrightarrow{0/25} a < \frac{17}{2}$ (۰/۲۵)	۱
	ادامه در صفحه دوم	

مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی فیزیک
تاریخ امتحان: ۱۴/۱۰/۹۷		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir		دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در ماه سال ۱۴۹۷

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۹	$O(0,0)$, $O'(1,0)$ $r = 2$, $r' = \sqrt{5}$ $OO' = \sqrt{1^2 + 0^2} = 1$ $\Rightarrow r - r' = \sqrt{5} - 2 < OO' < r + r' = \sqrt{5} + 2$ دو دایره متقاطع می باشند. ۰/۲۵	۱/۷۵
۱۰	$a = 2b \rightarrow c^r = a^r - b^r = 4b^r - b^r = 3b^r \rightarrow c = \sqrt{3}b$ ۰/۲۵ $\tan B_1 = \frac{OF}{OB} = \frac{c}{b} = \frac{\sqrt{3}b}{b} = \sqrt{3} \rightarrow B_1 = 60^\circ$ ۰/۲۵ $FBF' = 2 \times 60^\circ = 120^\circ$ ۰/۲۵	۱/۸
۱۱	با توجه به جایگاه راس و کانون این سهمی در دستگاه مختصات خواهیم داشت: سهمی رو به پایین و $(x-1)^r = -16(y-2)$ معادله سهمی: ۰/۵ $y = 6$ ۰/۲۵	۱/۲۵
۱۲	$\vec{a} = (3, 2, -1) \rightarrow r\vec{b} - \vec{a} = 2\vec{b} - \vec{a} = (6, 2, -2) - (3, 2, -1) = (3, 0, -1)$ ۰/۲۵	۱
۱۳	$\vec{b} + \vec{c} = (2, -3, 6)$ ۰/۲۵, $\vec{a}' = \frac{\vec{a} \cdot (\vec{b} + \vec{c})}{ \vec{b} + \vec{c} ^r} (\vec{b} + \vec{c}) = \frac{(-1, -3, 0) \cdot (2, -3, 6)}{49} (2, -3, 6) = \frac{1}{7} (2, -3, 6)$ ۰/۲۵	۱/۸
۱۴	$\vec{a} \cdot \vec{b} = 0 \Leftrightarrow \vec{a} \vec{b} \cos \theta = 0 \Leftrightarrow \cos \theta = 0 \Leftrightarrow \theta = \frac{\pi}{2}$ ۰/۲۵	۱
۱۵	$ \vec{a} \times \vec{b} = \vec{a} \vec{b} \sin \theta \Rightarrow ۷۲ = ۳ \times ۲۶ \times \sin \theta \Rightarrow \sin \theta = \frac{۱۲}{۱۳} \rightarrow \cos \theta = \pm \sqrt{1 - (\frac{۱۲}{۱۳})^2} = \pm \frac{۵}{۱۳}$ ۰/۲۵ $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a} \vec{b} \cos \theta = ۳ \times ۲۶ \times (\pm \frac{۵}{۱۳}) = \pm ۳۰$ ۰/۲۵	۱/۸
۱۶	$\vec{a} \times \vec{b} = (-1, -1, 1)$ ۰/۲۵ $S = \vec{a} \times \vec{b} = \sqrt{1+1+1} = \sqrt{3}$ ۰/۲۵	۱
	"مصحح گرامی، به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود"	۲۰