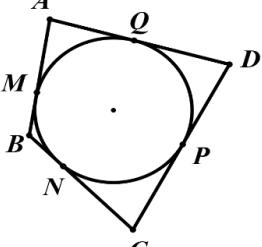
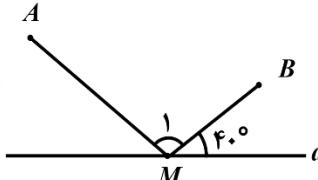
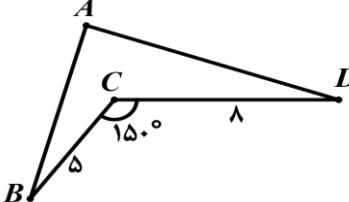


۱	<p>درستی یا نادرستی عبارات زیر را تعیین کنید.</p> <p>(الف) در هر دایره، طول یک کمان، برابر با اندازه زاویه مرکزی مقابل به آن کمان است.</p> <p>(ب) دو دایره به طول شعاع‌های ۳ و ۵ سانتی‌متر و طول خط‌المرکزین ۲ سانتی‌متر، مماس بروند هستند.</p> <p>(ج) تبدیل انتقال، جهت شکل را حفظ می‌کند.</p> <p>(د) تبدیل بازتاب نسبت به خط، بی‌شمار نقطه ثابت دارد.</p>	۱
۱	<p>در هر قسمت، پاسخ مناسب را بنویسید.</p> <p>(الف) فاصله مرکز دایره‌ای از یک خط، کمتر از شعاع آن دایره است. این خط و دایره ..... نقطه اشتراک دارند. (یک ، دو)</p> <p>(ب) در هر مثلث، نقطه همسری نیمسازها، مرکز دایره ..... مثلث است. (محیطی ، محاطی)</p> <p>(ج) شبی خط در تبدیل ..... ، همواره حفظ می‌شود. (انتقال ، دوران)</p> <p>(د) دورانی به مرکز <math>O</math> و زاویه <math>180^\circ</math> ..... ، تبدیلی همانی است. (<math>360^\circ</math> ، <math>180^\circ</math>)</p>	۲
۱,۲ ۵	<p>در شکل زیر مرکز دایره است. ثابت کنید: اندازه زاویه محاطی <math>\hat{M}</math>، برابر با نصف اندازه کمان مقابل به آن زاویه است.</p>	۳
۱	<p>با توجه به شکل، مقدار <math>x</math> را محاسبه کنید.</p>	۴
۱,۲ ۵	<p>از نقطه <math>P</math> خارج دایره، مماس <math>PT</math> و خط قاطعی نسبت به دایره رسم می‌کنیم. خط قاطع دایره را در نقاط <math>A</math> و <math>B</math> قطع می‌کند. ثابت کنید:</p> $PT^2 = PA \times PB$	۵
۱,۵	<p>دو دایره متاخرج داریم که طول مماس مشترک داخلی و خارجی آنها به ترتیب برابر <math>10</math> و <math>24</math> سانتی‌متر و طول خط‌المرکزین آن‌ها مساوی <math>26</math> سانتی‌متر است. طول شعاع‌های دو دایره را به دست آورید.</p>	۶
۱	<p>مثلثی به طول اضلاع <math>a</math>، <math>b</math> و <math>c</math> با شعاع دایره محاطی داخلی به اندازه <math>r</math> و سه ارتفاع به طول‌های <math>h_a</math>، <math>h_b</math> و <math>h_c</math> را در نظر بگیرید. نشان دهید:</p> $\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{1}{r}$	۷
صفحه ۱ از ۲		

۱۴۰۴/۰۳/۰۷	تاریخ آزمون:	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه: یازدهم	سوالات آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
		نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و مقاومین کیفیت نظام آموزش و پرورش		داد صفحه: ۲		
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و مقاومین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir				(داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴
نمره	سوالات (پاسخ برگ دارد)			ردیف

۱	در چهارضلعی محیطی زیر ثابت کنید؛ مجموع اندازه‌های دو ضلع مقابل، برابر با مجموع اندازه‌های دو ضلع دیگر است.		۸
۰,۵	مطابق شکل، نقطه $M$ روی خط $d$ چنان در نظر می‌گیریم که $AM + MB$ کمترین مقدار ممکن شود. اندازه زاویه $\hat{M}$ را به دست آورید.		۹
۱	مطابق شکل زیر، نقطه $O$ روی پاره خط $AB$ است. ثابت کنید؛ تحت دورانی به مرکز $O$ هر زاویه حاده، اندازه پاره خط $AB$ با تصویر آن با هم برابرند.		۱۰
۱	در شکل زیر، می‌خواهیم بدون تغییر طول ضلع‌ها، مساحت شکل را افزایش دهیم. میزان افزایش مساحت را به دست آورید.		۱۱
۱,۲	ثابت کنید، در هر تبدیل طولپا، تبدیل یافته یک زاویه، زاویه‌ای همان اندازه آن است.		۱۲
۱,۲	محل برخورد قطرهای مستطیلی را $O$ می‌نامیم. در تجانسی به مرکز $O$ و نسبت $\frac{2}{3}$ ، مساحت بین آن مستطیل و تصویرش برابر $10$ است. مساحت مستطیل اولیه را محاسبه کنید.		۱۳
۱,۵	در مثلث $\triangle ABC$ با شعاع دایره محیطی $R$ می‌دانیم؛ $\angle B = 135^\circ$ و $\angle C = 10^\circ$ . اندازه زاویه $\angle A$ و طول ضلع $AC$ را حساب کنید.		۱۴
۰,۷۵	در مثلث $\triangle ABC$ با فرض $a^2 > b^2 + c^2$ ، ثابت کنید؛ $\angle A > 90^\circ$ اگر و تنها اگر و فقط اگر $a > b + c$ .		۱۵
۱	مثلثی به طول اضلاع $6$ ، $10$ و $14$ را در نظر بگیرید. الف) با استفاده از قضیه کسینوس‌ها، اندازه زاویه کسینوس‌ها را محاسبه کنید.		۱۶
۱,۲	ب) به کمک دستور هرون، طول ارتفاع وارد بر کوچک‌ترین ضلع مثلث را به دست آورید.		
۱,۵	در مثلث $\triangle ABC$ داریم؛ $\angle A = 15^\circ$ ، $BC = 12$ و $AB = 5$ . طول نیمساز زاویه داخلی $\angle A$ را محاسبه کنید.		۱۷

## با سمه تعالی

سوالات آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه: ۲	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی Azmoon.medu.ir			۱۴۰۴ (داخل و خارج از کشور) - خرداد
نمره	سوالات (پاسخ برگ دارد)		

۲۰	موفق باشید	
	صفحه ۲ از ۲	

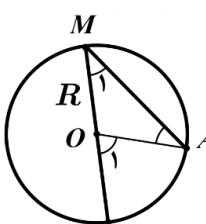
راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲) ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	پایه: ریاضی و فیزیک	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۷:۳۰ به وقت تهران	ساعت شروع: ۱۲۰: ۰۰ دقیقه	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: .....
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه						
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه						Azmoon.medu.ir

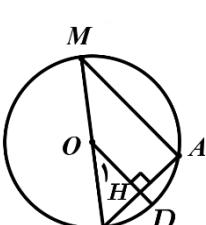
## راهنمای نمره‌گذاری

ردیف

- همکار محترم، از زحمات شما سپاسگزاریم. لطفاً به موارد زیر دقت فرمایید:
- تاکید می‌شود که ملاک نمره‌گذاری، راهنمای نمره‌گذاری است و از اعمال سلیقه خودداری شود. اما برای پاسخ‌های صحیح دیگر هر سوال به تناسب، نمره منظور شود تا حقیقی از دانش آموز ضایع نشود.
  - در این راهنمای نمره‌گذاری، برخی سوالات از چندین روش حل شده است (برخی از روش‌ها فقط فرم نگارش آن متفاوت با روش‌های دیگر است). اما در کتاب درسی، اکثر این سوالات به روش نخست حل شده‌اند. ارائه این روش‌ها فقط به جهت درنظر گرفتن روش‌های احتمالی دانش آموزان و اختصاص نمره به ایشان است و پرداختن به این روش‌ها در کلاس درس توصیه نمی‌شود.
  - معمول‌آرایی، رسیدن به جواب نهایی سوال، در چند مرحله انجام می‌شود. درصورتی که دانش آموز در مراحل ابتدایی اشتباه کرده باشد، اما با توجه به آن اشتباه بقیه موارد را درست انجام داده باشد، فقط نمره آن اشتباه کسر شود و به بقیه مراحل درست، نمره داده شود.
  - این راهنمای نمره‌گذاری، در ساعت اولیه بعد از برگزاری امتحان به صورت غیرقابل استناد منتشر می‌شود و پس از بررسی نهایی، به صورت رسمی و قابل استناد منتشر می‌شود. لطفاً دقت فرمایید که نمره‌گذاری شما بر طبق راهنمای نهایی و قابل استناد باشد.

۱	بارم هر قسمت (+/۲۵)	۵) درست صفحه ۳۶	ج) درست مشابه تمرين ۲ صفحه ۴۲	ب) نادرست صفحه ۲۰	الف) نادرست صفحه ۱۲	۱
۱	بارم هر قسمت (+/۲۵)	۳۶۰ ° صفحه ۴۸	د) انتقال صفحه ۳۹	ج) محاطی صفحه ۲۵	الف) دو صفحه ۱۱	۲

۱.۲۵	روش اول: مرکز دایره را به نقطه $A$ وصل می‌کنیم.  رسم شکل (+/۲۵)	$OM = OA = R \Rightarrow \hat{M}_1 = \hat{A} \quad (1) \quad (+/۲۵)$ $\hat{O}_1 = \hat{M}_1 + \hat{A} \quad (2) \quad (+/۲۵)$ $\hat{O}_1 = 2\hat{M}_1 \Rightarrow BA = 2\hat{M}_1 \Rightarrow \hat{M}_1 = \frac{BA}{2} \quad (1), (2) \Rightarrow \hat{O}_1 = \frac{BA}{2} \quad (+/۲۵)$	زاویه $O_1$ در مثلث $OAM$ خارجی است لذا:
------	---	--	--

۱.۲۵	روش دوم: وتر $AB$ و شعاع عمود بر آن را رسم می‌کنیم. درنتیجه  رسم شکل (+/۲۵)	$OH \perp AB \Rightarrow BH = AH, BD = DA$ $\frac{BO}{BM} = \frac{BH}{BA} = \frac{1}{2} \quad (+/۲۵)$ $\hat{B} = \hat{B} \quad (+/۲۵)$ $\hat{O}_1 = \frac{BA}{2} \quad (+/۲۵)$	$\underline{\underline{OBH \sim MAB}} \Rightarrow \hat{M} = \hat{O}_1 = \frac{AB}{2} \quad (+/۲۵)$
------	---	---	--

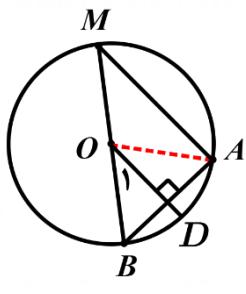
راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲) ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۷:۳۰ به وقت تهران	ساعت شروع: ۱۲۰ دقیقه	تعادل صفحه: ..... دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir
---	--------------	---------------------	--------------------------------	----------------------	--

نمره

راهنمای نمره‌گذاری

ردیف

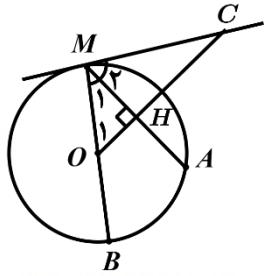
## روش سوم:

و تر  $AB$  و شعاع عمود بر آن را رسم می‌کنیم. درنتیجه

$$OD \perp AB \Rightarrow BD = DA \Rightarrow \hat{O}_1 = \frac{\hat{BA}}{2} \quad (1) \quad (0/25)$$

از طرفی چون در مثلث  $AMB$  میانه وارد بر یک ضلع، نصف آن ضلع است، لذا  
مثلث قائم‌الزاویه است.  $(0/25)$  پس

$$\left. \begin{array}{l} MA \perp AB \\ OD \perp AB \end{array} \right\} \Rightarrow MA \parallel OD \Rightarrow \hat{M} = \hat{O}_1 \xrightarrow{(1)} \hat{M} = \frac{\hat{BA}}{2} \quad (0/25)$$

رسم شکل  $(0/25)$ 

## روش چهارم:

از نقطه  $M$  خطی بر دایره، مماس می‌کنیم. همچنین، از نقطه  $O$  به وتر  $AM$  عمود  
می‌کنیم و امتداد می‌دهیم تا خط مماس را در نقطه  $C$  قطع کند. درنتیجه

$$\left. \begin{array}{l} OH \perp AM \Rightarrow \hat{O}_1 = \frac{\hat{AM}}{2} \\ \hat{O}_1 + \hat{M}_1 = \hat{M}_2 + \hat{M}_1 = 90^\circ \Rightarrow \hat{M}_2 = \hat{O}_1 \\ \hat{M}_1 + \hat{M}_2 = 90^\circ = \frac{180^\circ}{2} = \frac{\hat{BA} + \hat{AM}}{2} \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{M}_1 = \frac{\hat{BA}}{2} \quad (0/25)$$

قضیه صفحه ۱۴

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
ساعت شروع: ۰۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	.....	تعداد صفحه:
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خداداد ۱۴۰۴			
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خداداد ۱۴۰۴			Azmoon.medu.ir

نمره

راهنمای نمره‌گذاری

ردیف

۱

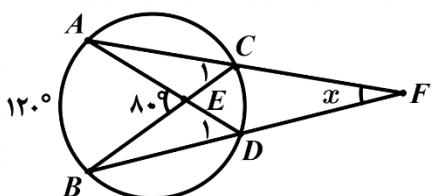
$$\underbrace{\frac{120^\circ + y}{2}}_{(0/25)} = 80^\circ \quad , \quad \underbrace{\frac{120^\circ - y}{2} = x}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{y = 40^\circ}_{(0/25)}, \quad x = 40^\circ \quad (0/25)$$

روش اول:

روش دوم: با استفاده از ویژگی‌های زاویه محاطی و زاویه خارجی داریم:

(0/25)

$$80^\circ = \hat{C}_1 + \hat{A} = \underbrace{\frac{120^\circ}{2} + \hat{A}}_{(0/25)} \Rightarrow \hat{A} = 40^\circ \quad (*)$$

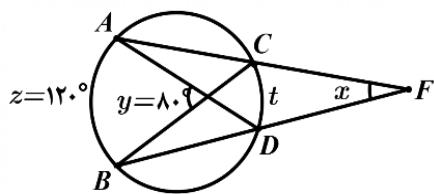


$$\left. \begin{array}{l} \hat{D}_1 = \frac{120^\circ}{2} = 60^\circ \\ \hat{D}_1 = \hat{A} + x \stackrel{(*)}{=} 40^\circ + x \end{array} \right\} \Rightarrow \underbrace{x = 40^\circ}_{(0/25)}$$

۴

روش سوم:

$$\underbrace{y = \frac{z+t}{2}}_{(0/25)}, \quad x = \underbrace{\frac{z-t}{2}}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{x+y = z}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{x+80^\circ = 120^\circ}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{x = 40^\circ}_{(0/25)}$$

تذکر: در صورت به دست آوردن جواب به کمک رابطه  $x + y = z$  بدون اثبات، فقط (۰/۵) نمره تعلق گیرد.

مشابه تمرین ۲ صفحه ۱۶

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲) تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	پایه: یازدهم رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعاد صفحه: ..... دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه Azmoon.medu.ir			راهنمای نمره‌گذاری
نمره	ردیف		

۱.۲۵	<p>رسم شکل (۰/۲۵)</p>	<b>روش اول:</b> از نقطه $T$ به $A$ و $B$ وصل می‌کنیم. $\left\{ \begin{array}{l} P = P \quad (۰/۲۵) \\ T = B = \frac{TA}{2} \quad (۰/۲۵) \end{array} \right. \Rightarrow \overbrace{PAT \sim PBT}^{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{\frac{PT}{PA} = \frac{PB}{PT}}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow PT^2 = PA \times PB$	۵
۱.۵	<p>رسم شکل (۰/۲۵)</p>	<b>روش دوم:</b> نقطه $P$ را به مرکز دایره وصل می‌کنیم و امتداد می‌دهیم. سپس نقاط برخورد با دایره را $M$ و $N$ می‌نامیم. قرار می‌دهیم $OP = d$ . پس $\overbrace{PN \times PM = PA \times PB}^{(۰/۲۵)} \Rightarrow (d - R)(d + R) = PA \times PB$ $\Rightarrow \underbrace{PA \times PB = d^2 - R^2}_{(۰/۲۵)} \quad (1)$ از طرفی در مثلث قائم‌الزاویه $OPT$ داریم $\overbrace{OT^2 + PT^2 = OP^2}^{(۰/۲۵)} \Rightarrow PT^2 = d^2 - R^2 \quad (2)$ بنابر روابط (۱) و (۲) داریم $PT^2 = PA \times PB$ (درصورتی که $PA$ از مرکز بگذرد، اثبات به روش مشابه برقرار است)	۶
		قضیه صفحه ۱۹	
۱.۵	فرض کنیم طول خط‌المرکزین دو دایره برابر $d$ و طول شعاع‌های آنها $R$ و $R'$ باشد. ( $R > R'$ ) $= \sqrt{d^2 - (R + R')^2} \quad \text{طول مماس مشترک خارجی} \quad \text{و} \quad = \sqrt{d^2 - (R - R')^2}$ $\underbrace{(۰/۲۵)}_{\text{درنتیجه}}$ $\underbrace{10^2 = 26^2 - (R + R')^2}_{(۰/۲۵)} \quad \text{و} \quad \underbrace{24^2 = 26^2 - (R - R')^2}_{(۰/۲۵)}$ $\Rightarrow R + R' = 26, \quad R - R' = 10 \Rightarrow \underbrace{R = 18, \quad R' = 8}_{(۰/۵)}$	۶	
	تذکر: اگر دانش آموز به جای نوشتمن فرمول مستقیماً اعداد را در فرمول جایگذاری کند، نمره کامل منظور گردد. مشابه تمرين ۵ صفحه ۲۳		

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲) تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	پایه: یازدهم رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ..... دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خداد ۱۴۰۴
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir			راهنمای نمره‌گذاری
نمره	ردیف		

۱

روش اول:

$$S = \frac{1}{2} a h_a \quad \text{یا} \quad \frac{1}{h_a} = \frac{a}{2S} \quad (1)$$

$\underbrace{\qquad\qquad\qquad}_{(+) / 25}$

به طور مشابه  $\frac{1}{h_c} = \frac{c}{2S} \quad , \quad \frac{1}{h_b} = \frac{b}{2S} \quad (2)$

$\underbrace{\qquad\qquad\qquad}_{(+) / 25}$

$$\underbrace{(1), (2)}_{(+) / 25} \rightarrow \frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{a}{2S} + \frac{b}{2S} + \frac{c}{2S} = \underbrace{\frac{2P}{2S}}_{(+) / 25} = \frac{1}{r}$$

روش دوم:

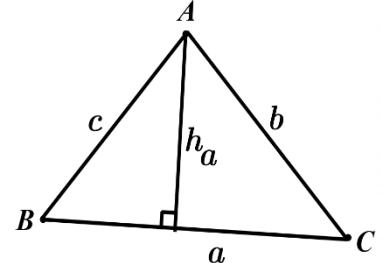
با توجه به شکل داریم

$$h_a = c \sin B \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{1}{c \sin B} \quad (1)$$

$\underbrace{\qquad\qquad\qquad}_{(+) / 25}$

$$\frac{1}{h_c} = \frac{1}{b \sin A} \quad , \quad \frac{1}{h_b} = \frac{1}{a \sin C} \quad (2)$$

$$\underbrace{(1), (2)}_{(+) / 25} \rightarrow \frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{1}{c \sin B} + \frac{1}{a \sin C} + \frac{1}{b \sin A}$$



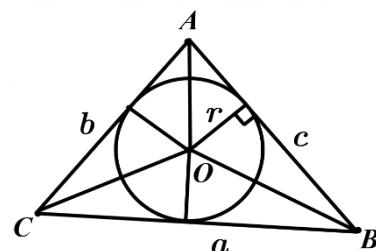
$$\begin{aligned} &= \frac{a}{ca \sin B} + \frac{b}{ab \sin C} + \frac{c}{bc \sin A} \\ &\quad \underbrace{\qquad\qquad\qquad}_{(+) / 25} \\ &= \frac{a}{2S} + \frac{b}{2S} + \frac{c}{2S} = \frac{2P}{2S} = \frac{P}{S} = \frac{1}{r} \end{aligned}$$

$\underbrace{\qquad\qquad\qquad}_{(+) / 25}$

۷

روش سوم: ابتدا دایره محاطی داخلی مثلث را رسم می‌کنیم. حال با توجه به شکل داریم:

$$\begin{aligned} S_{OBC} + S_{OAC} + S_{OAB} &= S_{ABC} \\ &\quad \underbrace{\qquad\qquad\qquad}_{(+) / 25} \\ \Rightarrow \frac{1}{2} ar + \frac{1}{2} br + \frac{1}{2} cr &= S = \frac{1}{2} ah_a \\ \Rightarrow h_a &= \frac{ar + br + cr}{a} = \frac{rP}{a} \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{a}{rP} \quad (1) \\ &\quad \underbrace{\qquad\qquad\qquad}_{(+) / 25} \end{aligned}$$



$$\frac{1}{h_c} = \frac{c}{rP} \quad , \quad \frac{1}{h_b} = \frac{b}{rP} \quad (2)$$

$$\underbrace{(1), (2)}_{(+) / 25} \rightarrow \frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{a}{rP} + \frac{b}{rP} + \frac{c}{rP} = \underbrace{\frac{2P}{rP}}_{(+) / 25} = \frac{1}{r}$$

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲) تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	پایه: یازدهم رشته: ریاضی و فیزیک	تعاد صفحه: ..... ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir		تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خداد ۱۴۰۴
نمره	راهنمای نمره‌گذاری	ردیف

۱

روش چهارم:

$$S = \frac{1}{2} a h_a \Rightarrow rP = \frac{1}{2} a h_a \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{a}{2rP} \quad (1)$$

(۰/۲۵)

$$\frac{1}{h_c} = \frac{c}{2rP}, \quad \frac{1}{h_b} = \frac{b}{2rP} \quad (2)$$

(۰/۲۵)

$$\frac{(1), (2)}{(۰/۲۵)} \rightarrow \frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{a}{2rP} + \frac{b}{2rP} + \frac{c}{2rP} = \underbrace{\frac{2P}{2rP}}_{(۰/۲۵)} = \frac{1}{r}$$

روش پنجم: فرض کنیم  $R$  شعاع دایره محیطی مثلث باشد. پس

۷

$$\left. \begin{aligned} S &= \frac{1}{2} ab \sin C = \frac{1}{2} ab \left( \frac{c}{2R} \right) = \frac{abc}{4R} \\ S &= \frac{1}{2} ah_a \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{2R}{bc}, \quad abc = 4RS \quad (1)$$

(۰/۲۵)

$$\frac{1}{h_c} = \frac{2R}{ab}, \quad \frac{1}{h_b} = \frac{2R}{ac} \quad (2)$$

$$\frac{(1), (2)}{(۰/۲۵)} \rightarrow \frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{2R}{bc} + \frac{2R}{ac} + \frac{2R}{ba} = \underbrace{\frac{2R(a+b+c)}{abc}}_{(۰/۲۵)} = \frac{4RP}{4RS} = \frac{1}{r}$$

تمرین ۵ صفحه ۳۰

۱

روش اول:

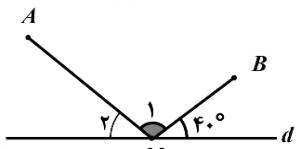
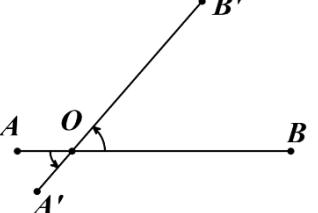
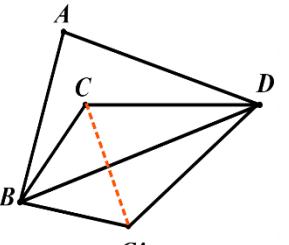
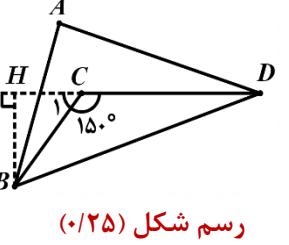
$$\begin{aligned} AB + CD &= (AM + BM) + (DP + CP) = (AQ + BN) + (DQ + CN) \\ &= (AQ + DQ) + (BN + CN) = \underbrace{AD + BC}_{(۰/۲۵)} \end{aligned}$$

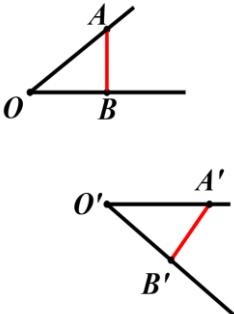
روش دوم:

۸

$$\begin{aligned} AM = AQ = x, \quad QD = DP = y &\Rightarrow \begin{cases} MB = BN = AB - x \\ PC = NC = DC - y \end{cases} \quad (۰/۵) \\ \Rightarrow AD + CB &= (x + y) + (AB - x + CD - y) = \underbrace{AB + CD}_{(۰/۲۵)} \end{aligned}$$

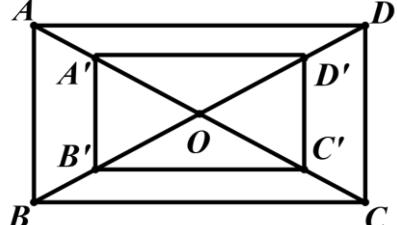
قضیه صفحه ۲۷

پاسخنامه		راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	تعداد صفحه: .....
تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷		پایه: یازدهم	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران			دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴
نمره	راهنمای نمره‌گذاری		ردیف
۰.۵	 $\hat{M}_2 = 40^\circ \Rightarrow \hat{M}_1 = 100^\circ$ <p style="text-align: center;"><math>(\cdot/25)</math>                      <math>(\cdot/25)</math></p>	نتیجه سوال صفحه ۵۲	۹
۱	<p>اگر <math>T</math> یک دوران به مرکز <math>O</math> و زاویه <math>\alpha</math> باشد، با توجه به شکل تحت <math>T</math> داریم:</p> $T(A) = A' , \quad T(B) = B' \Rightarrow OA = OA' , \quad OB = OB'$ <p style="text-align: right;"><math>(\cdot/25)</math></p>  $\Rightarrow AB = OA + OB = OA' + OB' = A'B'$ <p style="text-align: center;"><math>(\cdot/5)</math></p> <p>رسم شکل <math>(\cdot/25)</math></p> <p>تذکر: به جواب مسئله، با رسم شکل و به صورت نوشتار فارسی (به طور کامل)، نیز نمره کامل داده شود.</p> <p>قضیه صفحه ۴۱</p>	۱۰	
۱	<p>روش اول:</p> <p>ابتدا بازتاب نقطه <math>C</math> را تحت <math>BD</math> به دست می‌آوریم و آن را <math>C'</math> می‌نامیم.</p> <p>بنابراین میزان افزایش مساحت برابر است با:</p> $S_{BC'DC} = 2S_{BDC} = 2\left(\frac{1}{2}CB \times CD \sin C\right) = 5 \times 8 \times \frac{1}{2} = 20$ <p style="text-align: center;"><math>(\cdot/25)</math>                      <math>(\cdot/25)</math>                      <math>(\cdot/25)</math></p>  <p>رسم شکل <math>(\cdot/25)</math></p>	۱۱	
۱	<p>روش دوم:</p> <p>ارتفاع <math>BH</math> را رسم می‌کنیم. لذا <math>\hat{C}_1 = 30^\circ</math>.</p> <p>بنابراین میزان افزایش مساحت برابر است با:</p> $2S_{BDC} = 2\left(\frac{1}{2}BH \times CD\right) = 2\left(\frac{1}{2} \times \frac{5}{2} \times 8\right) = 20$ <p style="text-align: center;"><math>(\cdot/25)</math>                      <math>(\cdot/25)</math></p>  <p>رسم شکل <math>(\cdot/25)</math></p>		

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: ریاضی و فیزیک	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
ساعت شروع: ۰۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	.....	تعداد صفحه:
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خداد - خداد ۱۴۰۴			
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خداد - خداد ۱۴۰۴			
نمره	راهنمای نمره‌گذاری		ردیف
۱.۲۵	 <p>(فرض کنیم <math>T</math> یک تبدیل طولپا باشد. در این صورت با توجه به شکل، تحت <math>T</math> داریم:</p> $T(O) = O' , \quad T(A) = A' , \quad T(B) = B'$ <p>درنتیجه پاره خطهای <math>OA</math>, <math>OB</math>, <math>OA</math>, <math>O'A</math>, <math>O'B</math> و <math>A'B</math> به ترتیب به پاره خطهای <math>O'A'</math>, <math>O'B'</math> و <math>A'B'</math> تصویر می‌شود. چون تبدیل طولپاست داریم: <math>OA = O'A'</math>, <math>OB = O'B'</math>, <math>AB = A'B'</math></p> <p style="text-align: center;"><math>\overbrace{OA = O'A' , \quad OB = O'B' , \quad AB = A'B'}^{(+) / ۲۵}</math></p> <p><b>رسم تصویر زاویه</b> <math>(0 / ۲۵)</math></p> $\Rightarrow \overbrace{A \overset{\Delta}{\underset{(+) / ۵}{\sim}} O B \cong A' \overset{\Delta}{\underset{(+) / ۵}{\sim}} O' B'}^{\Delta} \Rightarrow \overset{\wedge}{O} = \overset{\wedge}{O'}$	۱۲	قضیه صفحه ۳۵
	تذکر: در پنج خط اول اشاره به سه پاره خط، تصویر آنها و مفهوم طولپا بودن به هر بیانی (ریاضی یا توضیح فارسی)، مد نظر است.		

پایه: ریاضی و فیزیک	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
ساعت شروع: ۰۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: .....	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تخصصی (داخل و خارج از کشور) - خداد ۱۴۰۴			
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تخصصی (داخل و خارج از کشور) - خداد ۱۴۰۴			Azmoon.medu.ir

ردیف	راهنمای نمره‌گذاری	نمره
------	--------------------	------

۱۲۵	<p>روش اول: اگر <math>S</math> و <math>S'</math> به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشد داریم:</p>  $\underline{S - S' = 10} \Rightarrow \underline{AB \times AD - A'B' \times A'D' = AB \times AD - \frac{2}{3}AB \times \frac{2}{3}AD = 10} \Rightarrow \underline{S = AB \times AD = 18} \quad (\cdot / 25) \quad (\cdot / 25)$ <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p>
۱۳	<p>روش سوم: اگر <math>S</math> و <math>S'</math> به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشد داریم:</p> $\underline{\frac{S'}{S} = k^2 = \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}} \Rightarrow \underline{\frac{S - S'}{S} = \frac{5}{9}} \Rightarrow \underline{\frac{10}{S} = \frac{5}{9}} \Rightarrow \underline{S = 18} \quad (\cdot / 5) \quad (\cdot / 25) \quad (\cdot / 25)$ <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p>
	<p>روش چهارم: فرض کنیم <math>S</math> و <math>S'</math> به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشند و <math>\alpha</math> یکی از زاویه‌های بین دو قطر مستطیل باشد. می‌دانیم در هر مثلث میانه، مثلث را به دو مثلث هم مساحت تقسیم می‌کند بنابراین:</p> $\underline{S - S' = 10} \Rightarrow \underline{4S_{OAB} - 4S_{OA'B'} = 10} \quad (\cdot / 25)$ $\Rightarrow \underline{4\left(\frac{1}{2}OA \times OB \times \sin \alpha\right) - 4\left(\frac{1}{2}OA' \times OB' \times \sin \alpha\right) = 10} \quad (\cdot / 25)$ $\Rightarrow \underline{OA \times OB \times \sin \alpha - \frac{4}{9}OA \times OB \times \sin \alpha = 5} \Rightarrow \underline{OA \times OB \times \sin \alpha = 9} \quad (\cdot / 25)$ $\Rightarrow \underline{S = 4\left(\frac{1}{2} \times OA \times OB \times \sin \alpha\right) = 18} \quad (\cdot / 25)$ <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> <p>مشابه تمرين ۳ صفحه ۴۹</p> <p>دانلود نمونه سوالات از سایت ریاضی سرا</p> <p>www.riazisara.ir</p>

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: ریاضی و فیزیک	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
ساعت شروع: ۰۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	.....	تعداد صفحه:
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه			۱۴۰۴
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه			تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد
Azmoon.medu.ir			

راهنمای نمره‌گذاری

ردیف

۱.۵

روش اول:

(۰/۵)

$$\frac{BC}{\sin A} = \frac{AC}{\sin B} = ۲R \Rightarrow \frac{۱}{\sin A} = \frac{AC}{\sin ۱۳۵^\circ} = ۲ \times ۱۰$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin A = \frac{۱}{۲} \Rightarrow A = ۱۵^\circ \quad \vee \quad A = ۳^\circ \\ AC = ۲ \times \frac{\sqrt{2}}{۲} = ۱۰\sqrt{2} \end{cases}$$

روش دوم:

دایره محیطی مثلث را رسم می‌کنیم. مطابق شکل داریم:

$$OA = OC = OB = CB = ۱۰$$

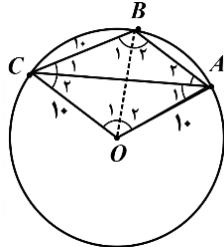
$$\Rightarrow \begin{cases} \triangle COB : O_1 = B_1 = ۶۰^\circ \quad (۱) \\ B_1 + B_۲ = ۱۳۵^\circ \end{cases} \Rightarrow B_۲ = ۷۵^\circ \quad (۰/۲۵)$$

$$\triangle AOB : A_۱ + A_۲ = B_۲ = ۷۵^\circ \Rightarrow O_۲ = ۳۰^\circ \quad (۰/۲۵)$$

$$\Rightarrow \triangle AOC : A_۱ = ۹۰^\circ \Rightarrow CA^۲ = ۱۰^۲ + ۱۰^۲ \Rightarrow CA = ۱۰\sqrt{2} \quad (۰/۵)$$

$$\triangle AOC : A_۱ = ۹۰^\circ \Rightarrow \triangle COA : C_۲ = A_۱ = ۴۵^\circ \Rightarrow A_۲ = ۳۰^\circ \quad (۰/۵)$$

۱۴



روش سوم:

در مثلث  $ABC$ ، اگر  $AB = c$ ,  $AC = b$ ,  $BC = a = ۱۰$ . اگر  $ABC$  مساحت مثلث باشد داریم:

$$S = \frac{1}{۲} ac \sin B \Rightarrow S = \frac{1}{۲} \times ۱۰ \times c \times \sin ۱۳۵^\circ = \frac{۵\sqrt{2}}{۲} c \quad (۰/۲۵)$$

$$S = \frac{1}{۲} ab \sin C = \frac{1}{۲} ab \left( \frac{c}{۲R} \right) = \frac{abc}{۴R} \Rightarrow R = \frac{abc}{۴S} \stackrel{(۱)}{\Rightarrow} ۱۰ = \frac{۱۰bc}{۴ \times \frac{۵\sqrt{2}}{۲} c} \Rightarrow AC = b = ۱۰\sqrt{2} \quad (۰/۵)$$

$$S = \frac{1}{۲} bc \sin \hat{A} = \frac{۵\sqrt{2}}{۲} c \Rightarrow \sin A = \frac{۱}{۲} \Rightarrow \hat{A} = ۱۵^\circ \quad \vee \quad \hat{A} = ۳^\circ \quad \text{قق}$$

(۰/۲۵)

مشابه مثال ۱ صفحه ۶۲

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
داده صفحه: .....	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۰۷:۳۰ به وقت تهران	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خداد ۱۴۰۴			
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خداد ۱۴۰۴			Azmoon.medu.ir

ردیف	راهنمای نمره‌گذاری	نمره
------	--------------------	------

۰.۷۵ تذکر: در تمامی روش‌های زیر اگر به جای نماد دو شرطی از نماد نتیجه‌گیری استفاده شده بود، نمره کامل منظور گردد.  
روش اول:

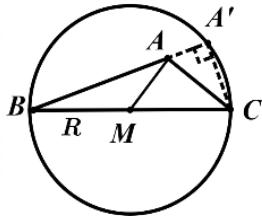
$$\frac{a^2 > b^2 + c^2 \Leftrightarrow b^2 + c^2 - 2bc \cos A > b^2 + c^2}{(0/25)} \Leftrightarrow \frac{-2bc \cos A > 0}{(0/25)} \Leftrightarrow \frac{\cos A < 0}{(0/25)} \Leftrightarrow A > 90^\circ$$

نگارش دیگری از روش اول:

$$\frac{a^2 > b^2 + c^2 \Leftrightarrow b^2 + c^2 - a^2 < 0}{(0/25)} \Leftrightarrow \frac{\frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} < 0}{(0/25)} \Leftrightarrow \frac{\cos A < 0}{(0/25)} \Leftrightarrow A > 90^\circ$$

روش دوم:

فرض کنیم  $R$  شعاع دایره محیطی مثلث باشد. درنتیجه:



$$\begin{aligned} a^2 > b^2 + c^2 &\Leftrightarrow 4R^2 \sin^2 A > 4R^2 \sin^2 B + 4R^2 \sin^2 C && (0/25) \\ &\Leftrightarrow \sin^2 A > \sin^2 B + \sin^2 C \Leftrightarrow \sin^2(B+C) > \sin^2 B + \sin^2 C \\ &\Leftrightarrow \sin^2 B \cos^2 C + \cos^2 B \sin^2 C + 2 \sin B \cos B \sin C \cos C > \sin^2 B + \sin^2 C \\ &\Leftrightarrow \sin^2 B(\cos^2 C - 1) + \sin^2 C(\cos^2 B - 1) + 2 \sin B \cos B \sin C \cos C > 0 && (0/25) \\ &\Leftrightarrow \sin^2 B(-\sin^2 C) + \sin^2 C(-\sin^2 B) + 2 \sin B \cos B \sin C \cos C > 0 \\ &\Leftrightarrow \cos B \cos C > \sin B \sin C \Leftrightarrow \cos B \cos C - \sin B \sin C > 0 \\ &\Leftrightarrow \cos(B+C) > 0 \Leftrightarrow B+C < 90^\circ \Leftrightarrow A > 90^\circ && (0/25) \end{aligned}$$

روش سوم:

با توجه به شکل اگر  $\hat{A} > 90^\circ \Leftrightarrow m_a < \frac{a}{2}$  ابتدا ثابت می‌کنیم:

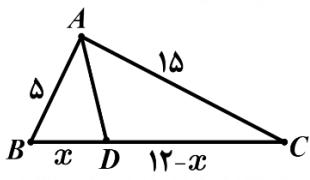
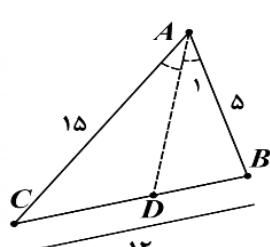
دایره‌ای به قطر  $BC$  و به مرکز  $M$  وسط ضلع  $BC$  می‌زیم. با توجه به شکل و ویژگی‌های زاویه خارجی داریم:

$$\frac{a=2R}{(0/25)} \quad 2m_a < a \Leftrightarrow m_a < R \Leftrightarrow \hat{A} > 90^\circ$$

بنابراین:

$$\hat{A} > 90^\circ \Leftrightarrow m_a < \frac{a}{2} \Leftrightarrow m_a < \frac{a}{4} \Leftrightarrow 2m_a < \frac{a}{2} \Leftrightarrow 2m_a + \frac{a}{2} < a \Leftrightarrow b^2 + c^2 < a^2$$

(0/5)

<p>راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲) ۱۴۰۴/۰۳/۰۷</p> <p>تاریخ آزمون: ۷:۳۰ به وقت تهران</p> <p>ساعت شروع: ۱۲۰ دقیقه</p> <p>داد صفحه: ..... دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش آزمون.medu.ir</p>	<p>پایه: یازدهم</p> <p>رشته: ریاضی و فیزیک</p>	<p>راهنمای نمره‌گذاری</p>	<p>.....</p>
۱		<p>. <math>a = 6</math>, <math>b = 10</math>, <math>c = 14</math> فرض کنیم</p> $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C \Rightarrow 14^2 = 6^2 + 10^2 - 2(6)(10) \cos C \Rightarrow \cos C = -\frac{1}{2} \Rightarrow C = 120^\circ$ <p>(۰/۲۵) (۰/۲۵)</p> <p>مشابه کار در کلاس ۲ صفحه ۶۵</p> <p>ب) مشابه مثال صفحه ۷۱</p>	ردیف
۱.۲۵		<p><math>P = \frac{6+10+14}{2} = 15</math> (۰/۲۵)</p> $S = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)} = \sqrt{15 \times 9 \times 5 \times 1} = 15\sqrt{3} \quad , \quad S = \frac{1}{2} \times 6 \times h_a = 15\sqrt{3} \Rightarrow h_a = 5\sqrt{3}$ <p>(۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)</p>	۱۶
۱.۵		<p>روش اول:</p> <p>با فرض <math>DC = 12 - x</math> داریم <math>BD = x</math> درنتیجه</p>  $\frac{AB}{BD} = \frac{AC}{DC} \Rightarrow \frac{6}{x} = \frac{10}{12-x} \Rightarrow x = 3 \Rightarrow BD = 3, DC = 9$ <p>(۰/۵) (۰/۲۵)</p> $AD^2 = AB \times AC - BD \times DC = 6 \times 10 - 3 \times 9 = 48 \Rightarrow AD = \sqrt{48} = 4\sqrt{3}$ <p>(۰/۵) (۰/۲۵)</p> <p>توجه: برای به دست آوردن <math>BD</math>, <math>DC</math> روش‌های زیر قابل قبول است:</p> $BD = \frac{12 \times 6}{15 + 6} = 3 \Rightarrow CD = 9$ <p>(۰/۵) (۰/۲۵)</p> <p>یا</p> $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} \Rightarrow \frac{AB}{AC + AB} = \frac{BD}{DC + BD} \Rightarrow \frac{6}{15} = \frac{BD}{12} \Rightarrow BD = 3, DC = 9$ <p>(۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)</p>	۱۷
		<p>روش دوم:</p> $12^2 = 15^2 + 6^2 - 2 \times 15 \times 6 \cos A \Rightarrow \cos A = \frac{53}{75} \quad (۰/۲۵)$  $\Rightarrow \cos^2(\frac{A}{2}) = \frac{1 + \cos A}{2} = \frac{1 + \frac{53}{75}}{2} = \frac{1}{2} \Rightarrow \cos(\frac{A}{2}) = \frac{1}{\sqrt{3}}$ <p>(۰/۲۵)</p> $AD = d_a = \frac{2bc \cos(\frac{A}{2})}{b+c} = \frac{2 \times 6 \times 15 \times \frac{1}{\sqrt{3}}}{15+6} = 4\sqrt{3}$ <p>(۰/۲۵)</p>	

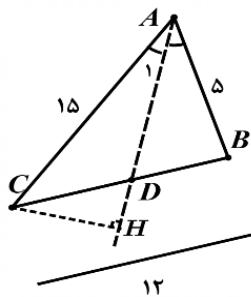
راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲) تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	پایه: ریاضی و فیزیک رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ....
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خداد ۱۴۰۴			.....	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خداد ۱۴۰۴			.....	

نمره

راهنمای نمره‌گذاری

ردیف

روش سوم:



$$12^2 = 15^2 + 5^2 - 2 \times 15 \times 5 \times \cos A \Rightarrow \cos A = \frac{53}{75} \quad (0 / 25)$$

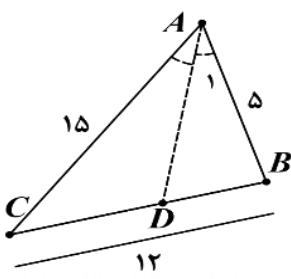
$$\sin^2 A_1 = \frac{1 - \cos A}{2} = \frac{11}{75} \Rightarrow \sin A_1 = \frac{\sqrt{33}}{15} \Rightarrow CH = \sqrt{33} \quad (0 / 5)$$

$$S_{ABC} = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)} = 8\sqrt{11} \quad (0 / 25)$$

$$\frac{S_{ABD}}{S_{ADC}} = \frac{5}{15} \Rightarrow \frac{S_{ABC}}{S_{ADC}} = \frac{20}{15} \Rightarrow S_{ADC} = 6\sqrt{11} \quad (0 / 25)$$

$$S_{ADC} = 6\sqrt{11} = \frac{1}{2} AD \times CH \Rightarrow AD = 4\sqrt{3} \quad (0 / 25)$$

روش چهارم:



$$12^2 = 15^2 + 5^2 - 2 \times 15 \times 5 \times \cos A \Rightarrow \cos A = \frac{53}{75} \quad (0 / 25)$$

$$\sin^2 A_1 = \frac{1 - \cos A}{2} = \frac{11}{75} \Rightarrow \sin A_1 = \frac{\sqrt{33}}{15} \quad (0 / 25)$$

$$\cos B = \frac{20+144-225}{120} = -\frac{1}{15} \Rightarrow \sin B = \frac{4\sqrt{11}}{15} \quad (0 / 5)$$

$$\frac{AD}{\sin B} = \frac{BD}{\sin A_1} \Rightarrow \frac{AD}{\frac{4\sqrt{11}}{15}} = \frac{3}{\frac{\sqrt{33}}{15}} \Rightarrow AD = 4\sqrt{3} \quad (0 / 5)$$

روش پنجم: در مثلث  $ABC$  مساحت و  $2P$  محیط مثلث باشد

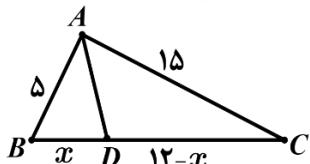
داریم:

$$\begin{aligned} AD^2 &= AB \times AC - BD \times DC = bc - \frac{ac}{b+c} \times \frac{ab}{b+c} \\ &= \frac{bc((b+c)^2 - a^2)}{(b+c)^2} = \frac{bc(2P - 2a)(2P)}{(b+c)^2} = \frac{4bcP(P-a)}{(b+c)^2} \Rightarrow AD = \frac{2}{b+c} \sqrt{bcP(P-a)} \\ &\Rightarrow AD = \frac{2}{b+c} \sqrt{bcP(P-a)} = \frac{2}{20} \sqrt{16 \times 5 \times 15 \times 4} = 4\sqrt{3} \end{aligned}$$

تذکر: در صورت عدم اثبات فرمول فوق، فقط نمره خط آخر یعنی  $(0 / 25)$  منظور گردد.

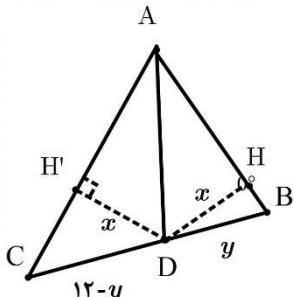
<b>راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)</b> <b>تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷</b> <b>رشته: ریاضی و فیزیک</b> <b>پایه: یازدهم</b> <b>ساعت شروع: ۷:۳۰</b> <b>مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه</b> <b>تعداد صفحه: .....</b> <b>دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه</b> <b>مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش</b> <b>Azmoon.medu.ir</b> <b>تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴</b>
<b>ردیف</b> <b>راهنمای نمره‌گذاری</b> <b>نمره</b>

**روش ششم:** استفاده از قضیه استوارت:



$$\begin{aligned} AB^{\textcolor{red}{\checkmark}} \times DC + AC^{\textcolor{red}{\checkmark}} \times DB &= AD^{\textcolor{red}{\checkmark}} \times BC + DB \times DC \times BC \quad (\cdot / 25) \\ \Rightarrow 25 \times 9 + 225 \times 3 &= 12 \times AD^{\textcolor{red}{\checkmark}} + 3 \times 9 \times 12 \quad (\cdot / 25) \\ \Rightarrow AD &= 4\sqrt{3} \quad (\cdot / 25) \end{aligned}$$

روش هفتم:



$$\frac{\delta}{y} = \frac{1\delta}{12-y} \Rightarrow y = 3, CD = 9 \quad (AC = 1\delta, AB = \delta) \text{ (✓ / ✗)}$$

$$S_{ABC} = \frac{1}{2}x(\omega + 1\omega) = \sqrt{16 \times 11 \times 1 \times 4} \Rightarrow x = \frac{4\sqrt{11}}{\Delta} \quad (\leftarrow / 2\Delta)$$

$$BH^3 = 9 - \frac{176}{28} = \frac{49}{28} \Rightarrow BH = \frac{7}{8}, \quad AH = \frac{32}{8} \quad (\cdot / 25)$$

$$\Rightarrow AD^r = \left(\frac{4\sqrt{11}}{3}\right)^r + \left(\frac{32}{3}\right)^r \Rightarrow AD = 4\sqrt{3} \quad (\textcircled{*} / 25)$$

۷۰ صفحه ۲ تمرین مشابه