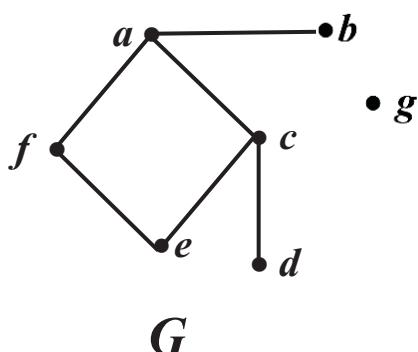


با سمه تعالی

رشته: ریاضی و فیزیک	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۹ صبح	سؤالات آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ آزمون: ۱۱/۰۶/۱۴۰۲	تعداد صفحه: ۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولبلان آزاد داخل و خارج کشور در فوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۲ مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش			http://aee.medu.gov.ir

ردیف	نمره	سوالات پاسخ برگ دارد. (استفاده از ماشین حساب ساده، با چهار عمل اصلی، مجاز است.)
------	------	--

۱	<p>درست یا نادرست بودن گزاره های زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) حاصل ضرب هر عدد گویا، در یک عدد گنگ، عددی گنگ است.</p> <p>ب) برای اعداد صحیح <math>a   c</math> و <math>a   b + c</math>، اگر <math>a \neq 0</math>، آن گاه <math>a   b</math> یا <math>a   c</math>.</p> <p>ج) معادله هم نهشتی <math>ax \equiv b^m</math> دارای جواب است اگر و فقط اگر <math>(a, m)   b</math>.</p> <p>د) اگر داشته باشیم <math>(a, b) = 1</math> آن گاه می گوییم: <math>a</math> و <math>b</math> نسبت به هم اول اند.</p>	۱
۱/۲۵	<p>برای هر دو عدد حقیقی <math>x</math> و <math>y</math>، به روش بازگشتنی (گزاره های هم ارز) نشان دهید:</p> $2x^3 + 2xy + y^3 \geq 4x - 4$	۲
۱	<p>به روش برهان خلف نشان دهید: اگر <math>a</math> عدد صحیح فرد باشد و <math>b   a + 2</math> آن گاه <math>b</math> نیز عددی فرد است.</p>	۳
۱/۲۵	<p>اگر عددی مانند <math>k</math> در <math>\mathbb{Z}</math> باشد به طوری که <math>7   2k + 1</math> ثابت کنید:</p> $49   4k^3 - 10k - 6$	۴
۱	<p>باقيمانده تقسیم عدد <math>1 + 63^{14} = A</math> را بر ۱۶ به دست آورید.</p>	۵
۱/۵	<p>معادله هم نهشتی <math>11 \equiv 1402x^9</math> را حل کنید.</p>	۶
۱	<p>جاهاي خالي را با عبارات مناسب كامل کنيد.</p> <p>الف) گرافی را که بين هر دو رأس آن حداقل يك مسیر وجود داشته باشد، گراف ..... می گوییم.</p> <p>ب) تعداد رئوس فرد هر گراف عددی ..... است.</p> <p>ج) مینیمم درجه در گراف کامل از مرتبه <math>p</math> برابر ..... است.</p> <p>د) گرافی را که درجه تمام رئوس آن با هم مساوی و برابر با عدد <math>k</math> باشد، گراف ..... می گوییم.</p>	۷
۲/۵	<p>گراف <math>G</math> به صورت زیر رسم شده است. با توجه به این گراف به سؤالات زیر پاسخ دهید.</p> <p>الف) مرتبه و اندازه آن را بنویسید.</p> <p>ب) مجموع درجات رئوس این گراف را به دست آورید.</p> <p>ج) مجموعه <math>N_G(c)</math> را بنویسید.</p> <p>د) دوری به طول ۴ در این گراف بنویسید.</p> <p>ه) حاصل عبارت <math>q(G) + \deg_{\bar{G}}(g)</math> را به دست آورید.</p> <p>«ادامه سوالات در صفحه دوم»</p>	۸



رشته: ریاضی و فیزیک	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۹ صبح	سؤالات آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۰۶/۱۱	تعداد صفحه: ۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوللبان آزاد داخل و خارج کشور در فوبت شهر یور ماه سال ۱۴۰۲ <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>			

ردیف	نمره	سوالات پاسخ برگ دارد. (استفاده از ماشین حساب ساده، با چهار عمل اصلی، مجاز است.)
------	------	--

۹	۲/۵	<p>گراف زیر را در نظر بگیرید:</p> <p>الف) عدد احاطه‌گری گراف را با ذکر دلیل، به دست آورید.</p> <p>ب) یک مجموعه احاطه‌گر مینیمال ۸ عضوی بنویسید.</p> <p>ج) یک مجموعه احاطه‌گر غیرمینیمال ۴ عضوی بنویسید.</p>
۱۰	۱	چهار برادر و سه خواهر می‌خواهند در یک ردیف کنار هم بایستند و عکس یادگاری بگیرند. اگر همواره خواهرها کنار هم و برادرها کنارهم قرار بگیرند، آن‌گاه این عمل به چند طریق امکان پذیر است؟
۱۱	۰/۷۵	با ارقام ۲، ۳، ۱، ۲، ۱، ۲، ۱ و ۱ چند کد ۸ رقمی می‌توان نوشت؟
۱۲	۱/۵	معادله $x_۱ + x_۲ + x_۳ + x_۴ = ۱۲$ چند جواب صحیح و نامنفی دارد به شرط آن که $x_۱ \geq ۳$ و $x_۴ \leq ۳$ باشد؟
۱۳	۱/۵	ابتدا شرط متعامد بودن دو مربع لاتین را نوشت و سپس دو مربع لاتین متعامد از مرتبه ۳ بنویسید.
۱۴	۱/۲۵	در بین اعداد طبیعی ۱ تا $۵۰۰$ ( $۱ \leq n \leq ۵۰۰$ ) چند عدد وجود دارد که برهیج یک از اعداد ۴ و ۵ بخش پذیر نباشند؟
۱۵	۱	یک نجار در هفته ۴ مدل مختلف صندلی در ۳ رنگ متفاوت می‌سازد. او در یک هفته حداقل چند صندلی بسازد تا مطمئن باشیم، لااقل ۳ صندلی هم رنگ و هم مدل ساخته است؟
	۲۰	جمع بارم «پیروز و سر بلند باشید.»

مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۹ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضیات گستره
تاریخ آزمون: ۱۱/۰۶/۲۰۱۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
موکر ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۲	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) نادرست (۰/۲۵) (ص ۵) ج) درست (۰/۲۵) (ص ۲۵)	۱
۲	$\begin{aligned} 2x^2 + 2xy + y^2 \geq 4x - 4 &\Leftrightarrow \underbrace{x^2 + 2xy + y^2}_{(0/25)} + \underbrace{x^2 - 4x + 4}_{(0/25)} \geq 0 \\ &\Leftrightarrow \underbrace{(x+y)^2}_{(0/25)} + \underbrace{(x-2)^2}_{(0/25)} \geq 0 \end{aligned}$ این رابطه همواره برقرار است (۰/۲۵)	۱/۲۵
۳	$b = 2k, b   a+2 \Rightarrow \underbrace{a+2}_{(0/25)} = bq \Rightarrow \underbrace{a}_{(0/25)} = 2t$ که با فرض سوال در تنافض است (۰/۲۵) (ص ۱۶)	۱
۴	$7   2k+1 \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} 49 \mid 4k^2 + 4k + 1 \\ \quad (0/5) \\ \quad \Rightarrow 49 \mid 4k^2 - 10k - 6 \quad (0/25) \\ 49 \mid 14k + 7 \\ \quad (0/5) \end{array} \right.$ (ص ۱۶)	۱/۲۵
۵	$\underbrace{83 \equiv -1}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{83^{16} \equiv 1}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{A \equiv 2}_{(0/25)} \Rightarrow r = 2$ (ص ۲۱)	۱
۶	$\begin{aligned} \underbrace{(1+4+\dots+2)x \equiv 1+1}_{(0/5)} &\Rightarrow \underbrace{7x \equiv 2}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{7x \equiv -7}_{(0/25)} \\ \underbrace{(7,9)=1}_{(0/5)} \Rightarrow \underbrace{x \equiv -1}_{(0/25)} &\Rightarrow \underbrace{x = 9k-1}_{(0/25)} \end{aligned}$ (ص ۳۰)	۱/۵
۷	الف) همبند (۰/۲۵) (ص ۳۹) ج) ۱-p (۰/۲۵) (ص ۴۲)	۱
دانلود نمونه سوالات از سایت ریاضی سرا		صفحه ۱

مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۹ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضیات گستره
تاریخ آزمون: ۱۱/۰۶/۲۰۱۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
موکر ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۲	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۸	<p>الف) <math>p = 7, q = 6</math> (ص ۳۵)</p> <p>ب) <math>2q = 12</math> (ص ۳۹)</p> <p>ج) <math>N_G[c] = \{a, c, d, e\}</math> (ص ۳۶)</p> <p>د) <math>acefa</math> (ص ۳۸)</p> <p>ه) <math>q(\bar{G}) + d_{\bar{G}}(g) = 15 + 6 = 21</math> (ص ۳۸)</p>	۲/۵
۹	<p>الف) <math>\gamma(G) \geq \left\lceil \frac{p}{\Delta+1} \right\rceil \Rightarrow \gamma(G) \geq 3</math> (*)</p> <p>(۰/۲۵) <math>\gamma(G) = 3</math> از طرفی یک مجموعه احاطه‌گر است (۰/۵) بنا به رابطه (*) پس:</p> <p>ب) <math>B = \{a, d, g, h, i, j, k, l\}</math> (۰/۵)</p> <p>به هر مجموعه احاطه‌گر هشت عضوی مینیمال دیگر نمره تعلق گیرد. (ص ۴۶)</p> <p>ج) <math>C = \{a, e, f, b\}</math> (۰/۵)</p> <p>به هر مجموعه احاطه‌گر چهار عضوی غیرمینیمال دیگر نمره تعلق گیرد. (ص ۴۷)</p>	۲/۵
۱۰	$3! \times 4! \times 2! = 288$ (۱) (ص ۷۲)	۱
۱۱	$\frac{8!}{4! \times 3! \times 1!}$ (۰/۷۵) (ص ۵۸)	۰/۷۵
۱۲	<p><math>x_1 + x_3 + x_4 = 8</math> (۰/۲۵)</p> <p><math>x_4 - 3 = y_4 \Rightarrow x_1 + x_3 + y_4 = 5 \Rightarrow \begin{pmatrix} 7 \\ 2 \end{pmatrix} = 21</math> (۰/۵)</p>	۱/۵

مدّت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۹: صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته
تاریخ آزمون: ۱۱/۰۶/۱۴۰۲		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
موکر ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۲	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۳	نوشتن شرط متعامد بودن (۵/۰)	۱/۵
	هر کدام از مربع های لاتین (۵/۰) (ص ۶۴ و ص ۶۵)	
۱۴	(۷۵/ص)	۱/۲۵
	$\left  A \right  = \underbrace{\left[ \frac{۵۰۰}{۵} \right]}_{(۰/۲۵)} = ۱۰۰, \quad \left  B \right  = \underbrace{\left[ \frac{۵۰۰}{۴} \right]}_{(۰/۲۵)} = ۱۲۵, \quad \left  A \cap B \right  = \underbrace{\left[ \frac{۵۰۰}{۲۰} \right]}_{(۰/۲۵)} = ۲۵$ $\left  \overline{A} \cap \overline{B} \right  = \left  \overline{A \cup B} \right  = \underbrace{۵۰۰ - (۱۰۰ + ۱۲۵ - ۲۵)}_{(۰/۲۵)} = ۳۰۰$	
۱۵	(۸۲/ص)	۱
۲۰	جمع نمره	