

با سمه تعالي

نام و نام خانوادگی:	دروال رياضي و دفه انتگرال	ردیف
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: رياضي فيزيک	تعداد صفحه: ۱
ساعت شروع: ۸ صبح	دوره: پيش دانشگاهي	تاریخ امتحان: ۱۳۹۷/۶/۵
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور در توبت شهر يور ماه سال ۱۳۹۷ http://acc.medu.ir	سوالات (پاسخ نامه دارد)	
نمره	ردیف	

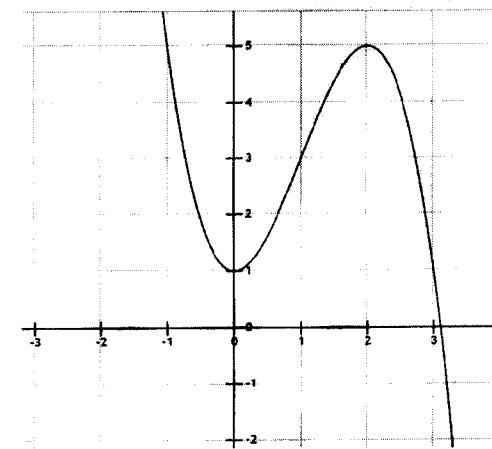
توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلامانع است.

۱	جاهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید: الف) کسر یا عدد گویای مساوی بسط اعشاری ... ۰/۷۲۲۲ برابر است با ب) اگر برای هر عدد حقیقی مثبت h داشته باشیم $h < x + 1 \leq 0$ ، آنگاه x برابر است با پ) اینفیموم بازه $[-3, 4] = A$ برابر است با ت) دنباله $\left(1 + \frac{1}{n}\right)^{2^n}$ همگرا به است.	۱
۱	به کمک تعریف نشان دهید دنباله $\{\sqrt{n-2}\}$ به $+\infty$ واگر است.	۲
۱	نشان دهید دنباله $\left\{\frac{\cos n}{n}\right\}$ همگر است.	۳
۱	نشان دهید که خط $y = 2x$ نمودار تابع $f(x) = (x-1)^4 + x^3 - 3x^2$ در بازه $[1, 3]$ قطع می‌کند.	۴
۱	حد تابع $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^4 + 4x - 3}}{3x - 1}$ را در صورت وجود محاسبه کنید.	۵
۱	تمام مجانب‌های تابع $f(x) = \frac{2x^4 - x + 3}{x - 1}$ را در صورت وجود تعیین کنید.	۶
۱	تابع هزینه تولید x واحد از محصولی، روزانه $C(x) = 5000 + 100x + x^3$ می‌باشد. هزینه تولید ۱۰۱ امین محصول را بیابید.	۷
۱/۵	نشان دهید نقطه $x = 3$ یک نقطه گوشه برای تابع $f(x) = x^4 - 3x $ است. سپس تانژانت زاویه‌ی ایجاد شده در نقطه‌ی گوشه را به دست آورید.	۸
۱/۵	فرض کنید $f(x) = 2x^3 + 3x + 1$ باشد. حاصل $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f'(2+h) - f'(2)}{h}$ را به دست آورید.	۹
۲	مشتق بگیرید. (ساده کردن الزامی نیست). الف) $y = \ln(x^4 + 2x)$ ب) $y^3 + \sin(2x+y) + x^3y = 1$	۱۰
۱	طول نقطه بحرانی تابع $f(x) = \sqrt{4x - x^2}$ را در دامنه‌اش به دست آورید.	۱۱
۱/۵	جهت تقریب تابع $f(x) = x + \sin x$ با ضابطه $f(x) = x$ در بازه $[0, 2\pi]$ مشخص کنید.	۱۲
۲	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = -x^3 + 3x^2 + 1$ رارسم کنید.	۱۳
۱/۵	الف) جمع $\sum_{i=1}^n \frac{2i}{n}$ را بسط دهید. ب) جمع $x + 2x^3 + 3x^6 + \dots + 100x^{100}$ را با استفاده از نماد Σ بنویسید.	۱۴
۱	مقدار میانگین تابع $f(x) = 3x^2 - 2$ را در بازه $[1, 2]$ محاسبه کنید.	۱۵
۱	انتگرال مقابل را محاسبه کنید: $\int (\cos 4x + \frac{1}{x} + \sqrt{x}) dx$	۱۶
۲۰	مجموع نمره	موفق باشید

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حساب دیفرانسیل و انتگرال
تاریخ امتحان: ۱۳۹۷/۶/۵		پیش‌دانشگاهی
مرکز سنجش آموزش و بورس http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۷
سرمه	راهنمای تصحیح	ردیف

۱	$(0/25)e^t - 1 - t - (0/25) \rightarrow 1 - (0/25)$	الف) $\frac{65}{90}$
۱	$(\forall k > 0 \exists M \in N, n \geq M \rightarrow \sqrt{n-2} > k) \rightarrow n-2 > k^2 \rightarrow n > k^2 + 2 \rightarrow M \geq [k^2 + 2] + 1 \rightarrow 1$	۲
۱	$-1 \leq \cos n \leq 1 \rightarrow -\frac{1}{n} \leq \frac{\cos n}{n} \leq \frac{1}{n}, \lim_{n \rightarrow \infty} \left(-\frac{1}{n} \right) = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} = 0 \rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\cos n}{n} = 0 \rightarrow 1$	۳
۱	همگرا به صفر است	
۱	تابع f در بازه $[1, 3]$ پیوسته است $(0/25)$ و داریم: $f(1) = 1, f(3) = 3 \rightarrow 1 < 2 < 3 \rightarrow \exists c \in [1, 3], f(c) = 2 \rightarrow 1$	۴
۱	$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ x \sqrt{1 + \frac{4}{x} - \frac{3}{x^2}}}{x \left(\frac{3}{x} - \frac{1}{x} \right)} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-\sqrt{1 + \frac{4}{x} - \frac{3}{x^2}}}{\left(\frac{3}{x} - \frac{1}{x} \right)} = -\frac{1}{3} \rightarrow 1$	۵
۱	جانب قائم: $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = +\infty, \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = -\infty \rightarrow x = 1 \rightarrow y = 2x + 1 \rightarrow 1$ جانب مایل: $\frac{4x^2 - x + 3}{x - 1} = 4x + 1 + \frac{3}{x-1} \rightarrow y = 4x + 1 \rightarrow 1$	۶
۱	هزینه تولید ۱۰۰۰ ایمن محصول $(0/5)$	۷
۱/۵	$f'_+(3) = \lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{x(x-3)}{x-3} = 3 \quad f'_-(3) = \lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{-x(x-3)}{x-3} = -3 \quad \tan \theta = \frac{3+3}{1-9} = \frac{6}{-8} \rightarrow x = 3 \rightarrow 1$	۸
۱/۵	$f'(x) = 6x^2 + 3 \rightarrow f''(x) = 12x \rightarrow 12x = 24 \rightarrow x = 2 \rightarrow 1$	۹
۱/۵	$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f'(2+h) - f'(2)}{h} = f''(2) = 24 \rightarrow 1$	
ادامه در برگه دوم		

مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	پیش دانشگاهی
تاریخ امتحان: ۱۳۹۷/۶/۵		
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۷	
نمره	راهنمای تصحیح	ردیف

۲	$y' = \frac{\sqrt{4x^3 + 2}}{x^4 + 2x} \quad (\cdot/5)$ $y' = -\frac{2\cos(2x+y) + 2xy}{3y^4 + \cos(2x+y) + x^4} \quad (\cdot/5)$	۱۰																								
۱	$D_f = [0, \pi] \quad (\cdot/25)$, $y' = \frac{4-2x}{2\sqrt{4x-x^2}} \rightarrow \begin{cases} 4-2x=0 \rightarrow x=\pi \\ 2\sqrt{4x-x^2}=0 \rightarrow x=0, x=\pi \end{cases} \quad (\cdot/25)$ $x = \pi$ نقطه درونی بازه است پس نقطه بحرانی می‌باشد. $(\cdot/25)$	۱۱																								
۱/۵	$y' = 1 + \cos x \quad (\cdot/25)$, $y'' = -\sin x \quad (\cdot/25)$ <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>۰</td> <td>π</td> <td>π</td> </tr> <tr> <td>y''</td> <td>-</td> <td>+</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>تعبر بسمت پایین</td> <td>تعبر بسمت بالا</td> <td></td> </tr> </table> $(\cdot/75)$	x	۰	π	π	y''	-	+	+	y	تعبر بسمت پایین	تعبر بسمت بالا		۱۲												
x	۰	π	π																							
y''	-	+	+																							
y	تعبر بسمت پایین	تعبر بسمت بالا																								
۲	$D_f = (-\infty, +\infty) \quad (\cdot/25)$ $y' = -4x^3 + 6x \quad (\cdot/25) \rightarrow x=0, x=\sqrt{2} \quad (\cdot/25)$ $y'' = -12x + 6 \quad (\cdot/25)$ $(\cdot/5)$ <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>۰</td> <td>۱</td> <td>$\sqrt{2}$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>y'</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> </tr> <tr> <td>y''</td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>$+\infty$</td> <td>۱</td> <td>$\sqrt{2}$</td> <td>۰</td> <td>$-\infty$</td> </tr> </table> $(\cdot/5)$	x	$-\infty$	۰	۱	$\sqrt{2}$	$+\infty$	y'	-	0	+	0	-	y''	+	0	-			y	$+\infty$	۱	$\sqrt{2}$	۰	$-\infty$	۱۳
x	$-\infty$	۰	۱	$\sqrt{2}$	$+\infty$																					
y'	-	0	+	0	-																					
y''	+	0	-																							
y	$+\infty$	۱	$\sqrt{2}$	۰	$-\infty$																					
																										
	ادامه در برگه سوم																									

با اسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حساب دیفرانسیل و انتگرال
تاریخ امتحان: ۱۳۹۷/۶/۵		پیش دانشگاهی
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۷
نمره	راهنمای تصحیح	

۱/۵	$\frac{2}{n} + \frac{4}{n} + \frac{6}{n} + \dots + \frac{2n}{n} \quad (0/75)$ $\text{ب) } \sum_{i=1}^{100} i x^i \quad (0/75)$	۱۴
۱	$\bar{f} = \frac{1}{4+1} \underbrace{\int_{-1}^4 (3x^4 - 2x) dx}_{(0/25)} = \frac{1}{4} \underbrace{(x^5 - 2x)}_{(0/5)} \Big _{-1}^4 = \frac{1}{4} ((4^5 - 2 \cdot 4) - (-1^5 - 2 \cdot -1)) = 1$	۱۵
۱	$\underbrace{\frac{1}{4} \sin 2x}_{(0/25)} + \underbrace{Lnx}_{(0/25)} + \underbrace{\frac{1}{4} x \sqrt{x}}_{(0/5)} + c$	۱۶
۲۰	همکاران گرامی، ضمن عرض خسته نباشد، به سایر راه حل های صحیح به تناسب نمره تعلق گیرد. با تشکر	