

با سمه تعالی

ساعت شروع: ۸	نام و نام خانوادگی:	رشنده: ریاضی فیزیک	تعداد صفحه: ۱	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
دوره‌ی پیش‌دانشگاهی	تاریخ امتحان: ۱۳۹۷/۳/۵			
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۷ http://aee.medu.ir				

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلامانع است.		
۱	اگر اشتراک دو بازه $(-2, 4)$ و $(1, 5)$ یک همسایگی متقابن باشد مرکز و شعاع همسایگی را بیابید.	
۲	با استفاده از تعریف حد دنباله ثابت کنید:	۱/۲۵
۳	درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید. الف) هرگاه $\{a_n\}$ دنباله‌ای همگرا و $\{b_n\}$ دنباله‌ای واگرا باشد آنگاه دنباله $\{a_n + b_n\}$ همگراست. ب) بزرگترین کران پایین $[1, 3]$ برای $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{(-1)^n}{2^n - 1} = 0$ است.	۰/۷۵
۴	با استفاده از تعریف حد دنباله ثابت کنید تابع $f(x) = \sin \frac{1}{x-1}$ در $x = 1$ حد ندارد.	۱/۲۵
۵	نشان دهید معادله $x^3 + x^2 + x + 1 = 0$ در بازه $[1, 2]$ دارای جواب است.	۱
۶	پیوستگی تابع $f(x) = [\cos x]$ را در نقطه $x = 0$ بررسی کنید.	۰/۷۵
۷	نشان دهید خط $x = 2$ ، مماس قائم بر منحنی $f(x) = \sqrt[3]{x-2}$ می‌باشد.	۱
۸	مشتق پذیری تابع $ x-1 (x-1)$ را در $x = 1$ بررسی کنید.	۱/۵
۹	با فرض اینکه $f(x) = \sqrt[4]{x}$ ، حاصل $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f'(1+h) - f'(1)}{h}$ را به دست آورید.	۱/۵
۱۰	معادله خط مماس بر منحنی $y = e^{2x} \cos x$ را در نقطه $(0, 1)$ پیدا کنید.	۱
۱۱	مشتق تابع وارون تابع f با ضابطه $f(x) = 2x + \ln x$ را در صورتی که $f'(1) = 2$ باشد، به دست آورید.	۱
۱۲	اکسترمم‌های مطلق تابع $f(x) = x^4 - 2x^2 + 1$ را در بازه $[1, 2]$ مشخص کنید.	۱/۵
۱۳	شعاع کره‌ای با آهنگ ۲ میلی‌متر بر ثانیه بزرگ می‌شود در لحظه‌ای که قطر کره 40 میلی‌متر است، حجم کره با چه آهنگی افزایش می‌باید.	۱
۱۴	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = \frac{x^3}{x-1}$ رارسم کنید.	۲
۱۵	مساحت ناحیه‌ی محدود به منحنی $y = x^3$ و خطوط $y = 0$ و $x = 3$ را به دست آورید.	۱/۵
۱۶	مشتق تابع $F(x) = x^4 \int_1^x \sqrt{t+1} dt$ را به دست آورید.	۱
۱۷	انتگرال نامعین $\int \frac{2}{x} - x\sqrt{x} + \sin 2x dx$ را محاسبه کنید.	۱
۲۰	مجموع نمره	

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حساب دیفرانسیل و انگرال
تاریخ امتحان: ۱۳۹۷/۳/۵		پیش‌دانشگاهی
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir		دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۷
نمره	راهنمای تصحیح	ردیف

۱	$(-2, 4) \cap (1, 5) = (1, 4)$ ($./5$) $\frac{4-1}{2} = \frac{3}{2}$ ($./25$), شاعع ($./25$)	۱
۱/۲۵	$(\forall \varepsilon > 0, \exists M \in N, n \geq M \Rightarrow \left \frac{(-1)^n}{2^n - 1} - 0 \right < \varepsilon) \xrightarrow{(.1/25)} 2^n > \frac{1}{\varepsilon} + 1 \xrightarrow{(.1/25)} n \log 2 > \log(\frac{1}{\varepsilon} + 1) \quad (./25)$ $\rightarrow n \geq \log_{\varepsilon}^{\frac{1}{\varepsilon} + 1} \xrightarrow{(.1/25)} M \geq \left[\log_{\varepsilon}^{\frac{1}{\varepsilon} + 1} \right] + 1 \quad (./25)$	۲
۰/۷۵	ب) نادرست ($./25$) ب) درست ($./25$) (۰/۲۵)	۳
۱/۲۵	$a_n = 1 + \frac{1}{2n\pi}$ $b_n = 1 + \frac{1}{2n\pi + \frac{\pi}{2}}$	$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = \lim_{n \rightarrow \infty} b_n = 1$ ($./25$) $\lim_{n \rightarrow \infty} f(a_n) = 0 \quad (./25)$ $\lim_{n \rightarrow \infty} f(b_n) = 1 \quad (./25)$ <p>پس تابع در $x = 1$ حد ندارد ($./25$)</p>
۱	$f(-1) = -1$ $f(1) = 1$	تابع f در بازه $[-1, 1]$ پیوسته است ($./25$) $f(-1)f(1) < 0$ ($./25$) حداقل یک ریشه دارد
۰/۷۵	$\lim_{x \rightarrow \circ} [\cos x] = \circ$ $f(\circ) = 1$	پیوسته نیست ($./25$)
۱	$f'(x) = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt[x]{x-2} - \circ}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{1}{\sqrt[x]{(x-2)^x}} = +\infty$	مماس قائم است ($./25$) $x = 2$ ($./25$)
۱/۵	$f'(1) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1) x-1 - \circ}{(x-1)} = \lim_{x \rightarrow 1} x-1 = \circ$	تابع f در $x=1$ پیوسته است ($./25$)
۱/۵	$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{(\sqrt[h]{(1+h)^h} - \sqrt[h]{1})}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sqrt[h]{1+h} - 1}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h}{h(\sqrt[h]{1+h} + 1)} = \frac{1}{2}$	دانلود نمونه سوالات از سایت ریاضی سرا

ادامه در برگه دوم

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حساب دیفرانسیل و انتگرال																					
تاریخ امتحان: ۱۳۹۷/۳/۵		پیش دانشگاهی																					
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir		دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۷																					
نمره	راهنمای تصحیح	ردیف																					
۱	$y' = 2e^{rx} \cos x - e^{rx} \sin x \xrightarrow{(-/5)} y'(0) = 2 \quad (0/25)$ $y - 1 = 2(x - 0) \rightarrow y = 2x + 1 \xrightarrow{(-/25)}$	۱۰																					
۱	$f^{-1}(2) = 1 \quad (0/25) \quad , f'(x) = 2 + \frac{1}{x} \quad (0/25)$ $(f^{-1})'(1) = \frac{1}{f'(1)} = \frac{1}{2+1} = \frac{1}{3} \quad (0/25) \xrightarrow{(-/25)}$	۱۱																					
۱/۵	$f'(x) = 4x^3 - 4x = 0 \xrightarrow{(-/5)} x = 0, x = \pm 1 \quad (0/5)$ $\begin{cases} f(0) = 1 & (0/25) \\ f(1) = f(-1) = 0 & \min(0/25) \\ f(-2) = 9 & \max(0/25) \end{cases}$	۱۲																					
۱	$V = \frac{4}{3}\pi r^3 \xrightarrow{(-/5)} V'_r = 4\pi r^2 r' \xrightarrow{(-/5)} V'_r = 420\pi \quad (0/25)$	۱۳																					
۲	$D = R - \{1\} \quad , \quad x = 1 \quad (0/25) \quad . \quad \text{مجانب قائم} \quad (0/25) \quad y = x + 1 \quad (0/25) \quad \text{مجانب مایل}$ $y' = \frac{x^2 - 2x}{(x-1)^2} \quad (0/25) \xrightarrow{y=0} \begin{cases} x = 0 \rightarrow y = 0 \\ x = 2 \rightarrow y = 4 \end{cases} \quad (0/25)$	۱۴																					
	(۰/۵ نمره)	(۰/۵ نمره)																					
	<table border="1"> <tr> <td>x</td><td>-∞</td><td>.</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>+∞</td> </tr> <tr> <td>y'</td><td>+</td><td>.</td><td>-</td><td>-</td><td>0</td><td>+</td> </tr> <tr> <td>y</td><td>-∞ ↗</td><td>.</td><td>↓ -∞</td><td>+</td><td>4 ↘</td><td>+∞</td> </tr> </table>	x	-∞	.	0	1	2	+∞	y'	+	.	-	-	0	+	y	-∞ ↗	.	↓ -∞	+	4 ↘	+∞	
x	-∞	.	0	1	2	+∞																	
y'	+	.	-	-	0	+																	
y	-∞ ↗	.	↓ -∞	+	4 ↘	+∞																	
	ادامه در برگه سوم																						

با اسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حساب دیفرانسیل و انتگرال
تاریخ امتحان: ۱۳۹۷/۳/۵		پیش دانشگاهی
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir		دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۷
نمره	راهنمای تصحیح	ردیف

۱۵	$\Delta x = \frac{3 - 0}{n} = \frac{3}{n}$ (۰/۲۵) , $x_i = \frac{3}{n} i$ (۰/۲۵) $S = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{i=1}^n f(x_i) \Delta x = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{i=1}^n \left(\frac{9i^2}{n^2} - 1 \right) \frac{3}{n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3}{n} \left(\frac{9}{n} \times \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} - n \right) = 6$ (۰/۲۵)	۱۵
۱۶	$F'(x) = \underbrace{4x^3}_{(۰/۵)} \int_0^x \sqrt{t+1} dt + \underbrace{x^4 \sqrt{1+x}}_{(۰/۵)}$	۱۶
۱۷	$2Ln x - \underbrace{\frac{2}{5}x^5}_{(۰/۵)} - \underbrace{\frac{1}{3}\cos 3x}_{(۰/۵)} + c$	۱۷
۲۰	همکاران گرامی، ضمن عرض خسته نباشید، به سایر راه حل های صحیح به تناسب نمره تعلق گیرد. با تشکر	